

# ΕΛΛΗΝΙΚΗ ΔΗΜΟΚΡΑΤΙΑ ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ ΙΩΑΝΝΙΝΩΝ ΠΟΛΥΤΕΧΝΙΚΗ ΣΧΟΛΗ ΤΜΗΜΑ ΜΗΧΑΝΙΚΩΝ ΕΠΙΣΤΗΜΗΣ ΥΛΙΚΩΝ ΠΡΟΓΡΑΜΜΑ ΜΕΤΑΠΤΥΧΙΑΚΩΝ ΣΠΟΥΔΩΝ «ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΕΣ ΠΡΟΗΓΜΕΝΩΝ ΥΛΙΚΩΝ»

# ΜΕΤΑΠΤΥΧΙΑΚΗ ΔΙΑΤΡΙΒΗ

Κωνσταντίνα Αθανασία Αγραφιώτη

# ΑΝΙΧΝΕΥΣΗ Ρb

# ME TH XPHSH $\Phi \text{asmatoskohlas}$ $\Phi \Theta \text{OPISmoy}$ aktingn-x

I $\Omega$ ANNINA, 2022

# <u>Εσώφυλλο:</u>

Η παρούσα Μεταπτυχιακή Διατριβή εκπονήθηκε στο πλαίσιο των σπουδών για την απόκτηση του Μεταπτυχιακού Διπλώματος Ειδίκευσης στην εξειδίκευση:

«Τεχνολογίες Προηγμένων Υλικών»

που απονέμει το Τμήμα Μηχανικών Επιστήμης Υλικών του Πανεπιστημίου Ιωαννίνων.

Εγκρίθηκε την .....από την εξεταστική επιτροπή:

# Αναγνωστόπουλος Δημήτριος,

Αναπληρωτής Καθηγητής του Τμήματος Μηχανικών Επιστήμης των Υλικών, Πολυτεχνική Σχολή του Πανεπιστημίου Ιωαννίνων, Επιβλέπων.

# Ζαφειρόπουλος Νικόλαος,

Καθηγητής του Τμήματος Μηχανικών Επιστήμης των Υλικών, Πολυτεχνική Σχολή του Πανεπιστημίου Ιωαννίνων.

# Καράντζαλης Αλέξανδρος,

Αναπληρωτής Καθηγητής του Τμήματος Μηχανικών Επιστήμης των Υλικών, Πολυτεχνική Σχολή του Πανεπιστημίου Ιωαννίνων.

## ΥΠΕΥΘΥΝΗ ΔΗΛΩΣΗ

"Δηλώνω υπεύθυνα ότι η παρούσα διατριβή εκπονήθηκε κάτω από τους διεθνείς ηθικούς και ακαδημαϊκούς κανόνες δεοντολογίας και προστασίας της πνευματικής ιδιοκτησίας. Σύμφωνα με τους κανόνες αυτούς, δεν έχω προβεί σε ιδιοποίηση ζένου επιστημονικού έργου και έχω πλήρως αναφέρει τις πηγές που χρησιμοποίησα στην εργασία αυτή."

(Υπογραφή υποψηφίου)

# Πρόλογος

Η παρούσα μεταπτυχιακή διπλωματική εργασία εκπονήθηκε στο εργαστήριο Κεραμικών και Σύνθετων Υλικών του τμήματος Μηχανικών Επιστήμης Υλικών του Πανεπιστημίου Ιωαννίνων, υπό την επίβλεψη του αναπληρωτή καθηγητή του τμήματος κ. Δημητρίου Αναγνωστόπουλου.

Αρχικά θα ήθελα να ευχαριστήσω θερμά τον επιβλέποντα μου για την επιστημονική καθοδήγηση καθώς και για τη υποστήριξη που μου προσέφερε όλο αυτό το διάστημα. Ευχαριστώ θερμά τον υποψήφιο διδάκτορα Αναστάσιο Ασβεστά για την βοήθεια που μου παρείχε στα θέματα των πειραματικών διατάξεων και της επεξεργασίας των αποτελεσμάτων.

Θα ήθελα ιδιαίτερα να ευχαριστήσω τον Δρ.Σωτήριο Ντανάκα, μέλος ΕΔΙΠ του τμήματος Φυσικής του Π.Ι., για την ανάπτυξη του λογισμικού προσομοίωσης κρυσταλλικού φασματοσκόπιου σε γεωμετρία vonHamos, του οποίου τα αποτελέσματα αποτελούν σημαντικό κομμάτι της διπλωματικής μου εργασίας. Επιπλέον ευχαριστώ τον Δρ.Ανδρέα Καρύδα, Ερευνητή Α', ΕΚΕΦΕ Δημόκριτος, ΙΣΠΦ, Δημόκριτος και τον Δρ.Ελευθέριο Σκούρα, Αναπλ. Καθηγητή του Τμήματος Ηλεκτρολόγων Μηχανολόγων και Τεχνολογίας Υπολογιστών του Πανεπιστημίου Πατρών, για τη διάθεσηπρότυπων δειγμάτων τα οποία χρησιμοποιήθηκαν για τις πειραματικές μετρήσεις της διπλωματικής μου.

Τέλος, ευχαριστώ πολύ το Δρ. Ζαφειρόπουλο Ε. Νικόλαο, καθηγητή του TMEY και το Δρ. Καράντζαλη Αλέξανδρο, αναπληρωτή καθηγητή του TMEY, για τη συμμετοχή τους στην τριμελή Εξεταστική επιτροπή.

# Περιεχόμενα

1.	Περίληψη	9
2.	Χρήση του μολύβδου	13
3.	Φασματοσκοπία φθορισμού ακτίνων-Χ	19
4.	Διατάξεις φθορισμού ακτίνων-Χ	27
¢	ρασματοσκόπιο ενεργειακού διασκεδασμού (ED-XRF)	27
¢	ρασματοσκόπιο διαχωρισμού μήκους κύματος (WD-XRF)	
5.	Οι εργαστηριακές διατάξεις	35
Ν	11-Mistral	35
Т	racer 5i	40
6.	ΑνίχνευσηΡbμε φασματοσκοπία XRF	43
Ć	ρια ανίχνευσης Pb σε πολυμερική μήτρα	46
Ć	ρια ανίχνευσης Pb σε υαλώδη μήτρα	54
А	.νίχνευση Pb σε ετερογενή μεταλλική μήτρα	58
А	νίχνευση Ρbσε μήτραBi-Sn	63
А	.νίχνευση Pb σε μήτρα Βίμε διάταξη Von-Hamos	70
7.	Συμπεράσματα	
8.	Βιβλιογραφία	91
9.	Παραρτήματα	95
В	ελτιστοποίηση χαρακτηριστικών του φασματοσκοπίου von-Hamos	95
Π	Ιαράμετροι του προγράμματος προσομοίωσης	99
10.	Λεζάντες	
Σ	χήματα	
Π	ίνακες	115

# 1. Περίληψη

Ο μόλυβδος (Pb) είναι ένα τοξικό στοιχείο το οποίο προκαλεί σοβαρά προβλήματα στον ανθρώπινο οργανισμό. Λόγω των ιδιοτήτων του χρησιμοποιείται σε πολλούς τομείς της βιομηχανίας, αλλά μέσω των αποβλήτων που δημιουργούνται καταλήγει να μολύνει το περιβάλλον αλλά και τον ανθρώπινο οργανισμό. Η Ευρωπαϊκή Ένωση έχει εκδώσει την οδηγία για τον περιορισμό επικίνδυνων ουσιών (Restriction of Hazardous Substances Directive, RoHS) μέσω της οποίας ο μόλυβδος θα πρέπει να καταλαμβάνει έως και 0.1% της συνολικής κατά βάρος συγκέντρωσης του υλικό στο οποίο περιλαμβάνεται, ως ένας τρόπος να περιοριστεί η χρήση του. Η πολύ μικρή συγκέντρωση όμως που πρέπει να καταλαμβάνει οδηγεί σε δυσκολία ανίχνευσης του μόλυβδου μέσω της μεθόδου φθορισμού ακτίνων-Χ (Xray Fluorescence, XRF). Ιδιαίτερα στην περίπτωση της συνύπαρξης μόλυβδου και βισμούθιου (Bi) υπάρχει μεγάλη αλληλοεπικάλυψη των χαρακτηριστικών φασματικών γραμμών, το οποίο καθιστά δύσκολη την ανίχνευση ιχνοστοιχείων μόλυβδου σε μήτρα βισμουθίου.

Στην παρούσα εργασία γίνεται μελέτη ανίχνευσης και υπολογισμού των ορίων συγκέντρωσης (Level of Detection, LoD) του μόλυβδου σε υλικά διαφορετικής μήτρας μέσω της φασματοσκοπίας φθορισμού ακτίνων-Χ. Η μελέτη περιλαμβάνει πειραματικές μετρήσεις με δύο φασματοσκόπια ενεργειακού διασκεδασμού (Energy Dispersive XRF, ED-XRF). Επίσης γίνεται μελέτη του συστήματος μόλυβδου-βισμουθίου με τη χρήση κρυσταλλικού φασματοσκόπιου διασκεδασμού μήκους κύματος (Wavelength Dispersive XRF, WD-XRF)σε γεωμετρία Von Hamos μέσω προσομοιώσεων. Στόχος είναι η ανάδειξη της βέλτιστης διάταξης για την ανίχνευση του μόλυβδου σε μικρές συγκεντρώσεις ανεξάρτητα με την μήτρα του υλικού στην οποία περιέχεται.

Για τις πειραματικές μετρήσεις χρησιμοποιήθηκαν τα δύο φασματοσκόπια ενεργειακού διασκεδασμού M1-Mistral και Tracer 5i της Bruker. Το φασματοσκόπιο M1-Mistral διαθέτει σχισμές ρύθμισης του ίχνους της δέσμης των ακτίνων-Χ για βέλτιστη χωρική διακριτική ικανότητα, το οποίο επιτρέπει και τη διεξαγωγή πειραμάτων σαρωτικής φασματοσκοπίας φθορισμού ακτίνων-Χ. Το φασματοσκόπιο Tracer 5i είναι φορητό φασματοσκόπιο που επιτρέπει την χρήση στο πεδίο και μέσω φίλτρων αποκοπής μέρους της ακτινοβολίας επιτυγχάνει υψηλή ενεργειακή διακριτική ικανότητα. Με τα δύο αυτά φασματοσκόπια πραγματοποιήθηκαν μετρήσεις ανίχνευσης μόλυβδου σε πρότυπα δείγματα πολυμερικής, υαλώδους, μεταλλικής μήτρας καθώς και μήτρας βισμουθίου κασσίτερου Bi-Sn. Η ανάλυση των φασμάτων πραγματοποιήθηκε μέσω του ελεύθερου λογισμικών PyMca.

Τέλος μελετήθηκε η ανίχνευση του μόλυβδου παρουσία βισμουθίου, μέσω προσομοίωσης πειράματος φθορισμού ακτίνων-Χ με χρήση κρυσταλλικού φασματοσκόπιου διασκεδασμού μήκους κύματος σε γεωμετρία Von Hamos. Οι προσομοιώσεις πραγματοποιήθηκαν με την ανάπτυξη κώδικα σε γλώσσα προγραμματισμού Mathematica. Μέσω των προσομοιώσεων μελετήθηκε η ανίχνευση της μετάβασηςLa του μόλυβδου σε μήτρα βισμουθίου. Τα συστήματα που μελετήθηκαν προσομοιάζαν δείγματα με διαφορετικές συγκεντρώσεις Pb-Bi. Ιδιαίτερη σημασία δόθηκε στην βελτιστοποίηση των παραμέτρων του φασματοσκόπιου Von Hamos.

## Abstract

Lead (Pb) is a toxic element that causes serious problems in the human body. Due to its properties, it is used in many areas of industry, but through the waste that is created, it ends up polluting the environment and the human body. The European Union has issued the Restriction of Hazardous Substances Directive (RoHS) through which lead should occupy up to 0.1% of the total weight concentration of the material in which it is included, to limit its use. However, the very small concentration that it must occupy leads to difficulty in detecting lead through the X-ray fluorescence (X-ray Fluorescence, XRF) method. Especially in the case of the coexistence of lead and bismuth (Bi) there is a large overlap of characteristic spectral lines, which makes it difficult to detect trace elements of lead in a bismuth matrix.

In this work, a study is carried out to detect and calculate the concentration limits (Level of Detection, LoD) of lead in materials of different matrices by means of X-ray fluorescence spectroscopy. The study includes experimental measurements with two energy dispersive spectroscopes (Energy Dispersive XRF, ED-XRF). The lead-bismuth system is also studied using a crystal wavelength dispersive XRF (Wavelength Dispersive XRF, WD-XRF) in Von Hamos geometry through simulations. The aim is to highlight the optimal arrangement for the detection of lead in small concentrations independently of the matrix of the material in which it is contained.

The two Bruker M1-Mistral and Tracer 5i energy scattering spectroscopes were used for the experimental measurements. The M1-Mistral spectroscope has X-ray beam tracking slits for optimal spatial resolution, which also enables scanning X-ray fluorescence spectroscopy experiments. The Tracer 5i spectroscope is a portable spectroscope that allows use in the field and through filters to cut off part of the radiation achieves a high energy resolution. With these two spectroscopes lead detection measurements were performed on standard samples of polymeric, glassy, metal matrix as well as bismuth tin Bi-Sn matrix. Spectra analysis was performed using the free PyMca software.

Finally, the detection of lead in the presence of bismuth was studied, through a simulation of an X-ray fluorescence experiment using a crystal wavelength relaxation spectroscope in a Von Hamos geometry. The simulations were carried out by developing code in Mathematica programming language. The detection of the La transition of lead in a bismuth matrix was studied through the simulations. The systems studied simulated samples with different Pb-Bi concentrations. Special attention was given to the optimization of the parameters of the Von Hamos spectroscope.

# 2. Χρήση του μολύβδου

Ο μόλυβδος είναι ένα μέταλλο το οποίο λόγω της μεγάλης του πυκνότητας, 11.34g/cm<sup>3</sup>, ανήκει στην κατηγορία των βαρέων μετάλλων. Έχει ατομικό αριθμό 82, σημείο τήξης 327.46°C και σημείο βρασμού 1749°C. Στη φύση το συναντάμε κυρίως στο γαληνίτη, αλλά και στο σουλφίδιο του μόλυβδου (PbS). Η έκθεση του ανθρώπου σε περιβάλλον με υψηλά ποσοστά μόλυβδου μπορεί να προκαλέσει μόνιμες βλάβες στον οργανισμό που δυνητικά μπορούν να οδηγήσουν ακόμα και σε θάνατο (Agency for Toxic Substances and Disease Registry, 2020). Μελέτες έχουν δείξει πως η έκθεση παιδιών σε περιβάλλον με χαμηλό ποσοστό μόλυβδου συνδέεται με γλωσσικές δυσλειτουργίες λόγω κακής αναδιοργάνωσης του εγκεφάλου, αλλά και χαμηλές επιδώσεις στα σχολικά διαγωνίσματα (Yuan et al., 2006; Evens et al., 2015).

Οι χρήσεις του μόλυβδου στη βιομηχανία είναι πολλές, όπως για παράδειγμα οι τομείς των ηλεκτρονικών και των προϊόντων τεχνολογίας που παρουσιάζουν μεγάλη αύξηση τις τελευταίες δεκαετίες (Chiang, 2001), ενώ μόνο την τελευταία χρονιά η αύξηση αυτή ήταν της τάξης του 6-7% παγκοσμίως (Statista Research Department, 2021). Ο μόλυβδος, όπως και άλλα επικίνδυνα στοιχεία που περιέχονται στα προϊόντα τεχνολογίας, μέσω των αποβλήτων τους μολύνουν το φυσικό περιβάλλον αλλά και έμβιους οργανισμούς, ενώ μέσω της τροφικής αλυσίδας καταλήγει να ανιχνεύεται στον ανθρώπινο οργανισμό (Agyeman et al., 2021; Tepanosya et al., 2022). Μέχρι και πριν λίγα χρόνια στην Ευρώπη το ποσοστό ανακύκλωσης ηλεκτρονικών προϊόντων ήταν κάτω του 40%, όπως φαίνεται και στο

Σχήμα 1 (eurostat, 2020). Ακόμα όμως και στην περίπτωση της ανακύκλωσης μελέτες έχουν δείξει πως οι εργαζόμενοι σε κέντρα ανακύκλωσης ηλεκτρονικών απόβλητων καθώς και κάτοικοι κοντινών περιοχών ανιχνευτήκαν με σημαντικά ποσοστά τοξικών στοιχείων στον οργανισμό τους (Vaccari et al., 2019), ενώ υπήρξαν στοιχεία που αποδεικνύουν ακόμα και βλάβες στο DNA τους (Grant et al., 2013).



Σχήμα 1:Συνολικός αριθμός των ηλεκτρικών και ηλεκτρονικών συσκευών που διατιθενται στην αγορα καθώς και το ποσοστό των προιόντων αυτών που τελικά ανακυκλώνονται για τα χρονικά έτη 2010 ως και 2017 (eurostat, 2020).

Σε μια προσπάθεια προστασίας της ανθρώπινης υγείας και του περιβάλλοντος η Ευρωπαϊκή Ένωση έχει εκδώσει οδηγία ορίζοντας μέτρα προστασίας του περιβάλλοντος και της ανθρώπινης υγείας από τις αρνητικές επιπτώσεις της παραγωγής και της διαχείρισης αποβλήτων ηλεκτρονικού και ηλεκτρικού εξοπλισμού, Waste from Electrical and Electronic Equipment (WEEE). Άρθρα της οδηγίας αυτής αναφέρονται στην ξεχωριστή διαλογή των αποβλήτων ηλεκτρονικού και ηλεκτρικού εξοπλισμού, την ειδική επεξεργασία τους καθώς και την ενημέρωση των πολιτών της Ευρωπαϊκής Ένωσης για τα προγράμματα ανακύκλωσης (Ευρωπαϊκή Ένωση, 2012).

Οδηγία όμως έχει εκδοθεί από την Ευρωπαϊκή Ένωση και για τον περιορισμό της χρήσης επικίνδυνων ουσιών σε ηλεκτρικό και ηλεκτρονικό εξοπλισμό, Restriction of Hazardous Substances in Electrical and Electronic Equipment (RoHS) (Ευρωπαϊκή Ένωση, 2011). Στην οδηγία αυτή δίνεται μια λίστα με τις επικίνδυνες ουσίες και το όριο της συγκέντρωσης που επιτρέπεται να βρίσκονται στα διαφορά τεχνολογικά προϊόντα, ενώ δίνεται και η νομοθεσία σύμφωνα με την οποία δεσμεύονται κατασκευαστές, εντός Ευρωπαϊκής Ένωσης, ώστε να τηρούνται αυτά τα όρια στα προϊόντα και να ενημερώνουν τους καταναλωτές για τον σωστό τρόπο λειτουργίας τους. Η λίστα με τις επικίνδυνες ουσίες και με τα επιτρεπτά όρια συγκέντρωσης τους είναι ("RoHS 2 vs RoHS 3 (EU 2015/863)", 2022):

- Cadmium (0.01%)
- Lead (0.1%)
- Mercury (0.1%)
- Hexavalent chromium (0.1%)
- Polybrominated biphenyls (PBB) (0.1%)
- Polybrominated diphenyl ethers (PBDE) (0.1%)
- Bis(2-ethylhexyl) phthalate (DEHP) (0.1%)
- Butyl benzyl phthalate (BBP) (0.1%)
- Dibutyl phthalate (DBP) (0.1%)
- Disobutyl phthalate (DIBP) (0.1%)

Η οδηγία προτείνει την αυστηρή τήρηση των τιμών αυτών των ουσιών όπως και την αντικατάστασή τους σε περιπτώσεις που αυτό είναι εφικτό. Ως παράδειγμα αναφέρουμε την εταιρεία IBM που ξεκίνησε την παραγωγή αρθρώσεων (C4 Joints) χωρίς μόλυβδο ώστε να είναι εντός των ορίων της RoHS (Lasky, 2007). Για να ενταχθούν όμως τα προϊόντα μέσα στα όρια της οδηγίας RoHS θα πρέπει να εκδοθεί το πιστοποιητικό RoHS για το συγκεκριμένο προϊόν. Η έκδοση του πιστοποιητικού περιλαμβάνει τα εξής βήματα: α) έλεγχος των προϊόντων για να διαπιστωθεί η ύπαρξη των επικίνδυνων ουσιών και η αναλογία τους, β) έλεγχος της διαδικασίας παραγωγής ώστε να συμβαδίζει με την οδηγία, γ) τεκμηρίωση της συμμόρφωσης του προϊόντος με την RoHS μέσω αποτελεσμάτων από τους ελέγχους και η έκδοση του πιστοποιητικού συμμόρφωσης ("RoHS Compliance Steps to Certification", 2022). Όπως διαβάζουμε σε αναφορά της Ευρωπαϊκής Επιτροπής (BIO Intelligence Service, 2013) ο χαρακτηρισμός των υπό εξέταση υλικών γίνεται με τη χρήση της φασματοσκοπίας φθορισμού ακτινών-X (XRF) και άλλων τεχνικών. Η φασματοσκοπία XRF είναι μια μέθοδος ανίχνευσης και ποσοτικοποίησης στοιχείων ικανή να δώσει αυτά τα αποτελέσματα μη-επεμβατικά σε πολύ μικρό χρόνο μέτρησης. Επιπλέον η ανάπτυξη φορητών φασματοσκόπιων (Handheld XRF, HHXRF) επιτρέπουν στις μονάδες παραγωγής να πραγματοποιούνε τις δοκιμές τους άμεσα στο χώρο παραγωγής χωρίς την απαίτηση ειδικού εργαστηριακού χώρου, δίνοντας έτσι ένα προβάδισμα στη χρήση της

φασματοσκοπίας XRF για την έκδοση του πιστοποιητικού συμμόρφωσης με την RoHS οδηγία ("RoHS Testing Using XRF Analyzers", 2022; "Handheld XRF TrueX RoHS Analyzer Supplier | Drawell", 2022; "The Benefits of Handheld XRF for Medical Device RoHS Compliance", 2022; "RoHS X-Ray Fluorescence Analysis (XRF) Screening", 2022). Στην αναφορά που περιγράφει τις μεθόδους ανίχνευσης που μπορούν να χρησιμοποιηθούν για την απόκτηση του RoHS πιστοποιητικού γίνεται μια εκτενή αναφορά στα χαρακτηριστικά των υλικών και στις δυσκολίες μέτρησης συγκεκριμένων υλικών, όπως είναι τα εξαρτήματα με πολυστρωματικές επικαλύψεις. Για παράδειγμα ο μόλυβδος απαγορεύεται σε επιφανειακές επικαλύψεις ηλεκτρονικών εξαρτημάτων, αλλά επιτρέπεται σε κράματα χαλκού που χρησιμοποιούνται σε ακροδέκτες, μέχρι και 4% σε συγκέντρωση. Σε περίπτωση που ένα εξάρτημα περιέχει κράμα χαλκού-μόλυβδου, στην επιτρεπόμενη αναλογία, μαζί με κάποια επικάλυψη είναι δύσκολο να ταυτοποιηθεί αν το σήμα του μόλυβδου προέρχεται από το κράμα ή από την επικάλυψη, όταν αυτά τα δύο μετρηθούν ταυτόχρονα όντας μέρη του ίδιου εξαρτήματος.

Καθώς τα τελευταία χρόνια γίνεται προσπάθεια να μειωθεί η χρήση τοξικών στοιχείων στη βιομηχανία των ηλεκτρονικών το βισμούθιο μελετάται ως αντικαταστάτης του μόλυβδου. Το βισμούθιο έχει ατομικό αριθμό 83, σημείο τήξης 271.5°C και σημείο βρασμού 1564°C. Υπάρχουν παραδείγματα εφαρμογών όπου το βισμούθιο έχει χρησιμοποιηθεί για να αποφευχθεί ή και να μειωθεί η συγκέντρωση του μόλυβδου ώστε να εντάσσεται στις οδηγίες της Ευρωπαϊκής Ένωσης (Johansson, Zhu & Johansson, 2016; Skuras et al., 2019). Η γαρακτηριστική ενέργεια της La1 μετάβασης του μόλυβδου είναι ίση με 10,5keV, με την αντίστοιχη μετάβαση του βισμουθίου να είναι ίση με 8keV. Λόγω της μικρής ενεργειακής τους διαφοράς αλλά της ενεργειακής διαπλάτυνσης που εισάγει το σύστημα ανίχνευσης παρατηρείται αλληλοεπικάλυψη των La1 μεταβάσεων του Pb και του Bi. Το φαινόμενο της αλληλοεπικάλυψης φαίνεται στο Σχήμα 2 όπου οι κορυφές των μεταβάσεων La και Lβ σε ένα δείγμα 900ppm Pb σε Pepto-Bismol διακρίνονται καλύτερα με τη χρήση ενός ανιχνευτή ολίσθησης πυριτίου (Silicon Drift Detector, SDD) σε σύγκριση με έναν ανιχνευτή πυριτίου PIN (Si(PIN) detector). Ο SDD ανιγνευτής εισάγει στο φάσμα XRF μια διαπλάτυνση της τάξης των 0,15keVενώ ο ανιχνευτής Si(PIN) εισάγει μια διαπλάτυνση της τάξης των 0,2keV (chem.libretexts.org, 2020).



Σχήμα 2: Στο σχήμα παρουσιάζεται το φάσμα των μεταβάσεων La και Lβ των Pb και Bi για ένα δείγμα μήτρας Bi με προσθήκη 900ppm Pb. Αριστερά) η ανίχνευση έχει γίνει με χρήση ανιχνευτή Si(PIN) και δεξιά) με ανιχνευτή SDD. O Si(PIN) ανιχνευτής εισάγει μεγαλύτερη διαπλάτυνση στο φάσμα (0,2keV) σε σχέση με τον SDD ανιχνευτή (0,15keV) (chem.libretexts.org, 2020).

Στο Σχήμα 3 αναπαρίσταται το φάσμα φθορισμού ακτίνων-Χ για ένα κράμα με σύσταση Bi(57.6%)/Sn(42%)/Ag(0.4%) (Skuras et al., 2019). Αν σε αυτό το κράμα βρισκόταν ποσότητα μόλυβδου ίση με το 0.1% της συνολικής συγκέντρωσης του κράματος, η χαρακτηριστική κορυφή La<sub>1</sub> (Pb) του μόλυβδου (10,5keV) θα ήταν δύσκολο να ανιχνευτεί και να ποσοτικοποιηθεί με ένα φασματοσκόπιο φθορισμού ακτίνων-Χ ενεργειακής διασποράς. Το ερώτημα που τίθεται είναι πως μια μονάδα παραγωγής μπορεί να είναι βέβαιη ότι πληροί τις προϋποθέσεις των οδηγιών της Ευρωπαϊκής Ένωσης χρησιμοποιώντας ως μέθοδο ανίχνευσης τον φθορισμό ακτίνων-Χ;



Σχήμα 3: Το σχήμα παρουσιάζει ένα φασμα φθορισμού ακτίνων-Χ μιας lead free πάστας συγκόλησης με σύσταση Bi(57.6%)/Sn(42%)/Ag(0.4%) που χρησιμοποιείται σε φωτοβολταικά πάνελ (Skuras et al., 2019).

## 3. Φασματοσκοπία φθορισμού ακτίνων-Χ

Η φασματοσκοπία φθορισμού ακτίνων-X (X-ray fluorescence, X.R.F) αποτελεί πειραματική αναλυτική τεχνική χαρακτηρισμού, η οποία επιτρέπει τον στοιχειακό χαρακτηρισμό ενός δείγματος. Ο στόχος ακτινοβολείται με ενεργητικά φωτόνια (φωτόνια ακτίνων-X ή ακτίνων-γ), τα οποία προκαλούν ιονισμό των εσωτερικών ατομικών τροχιακών των ατόμων του στόχου. Ακολούθως, τα ιονισμένα άτομα αποδιεγείρονται εκπέμποντας φωτόνια ακτίνων-X χαρακτηριστικής ενέργειας, δακτυλικό αποτύπωμα του ατομικού αριθμού του ατόμου που εκπέμπει (Σχήμα 4).



Σχήμα 4. Αρχή λειτουργίας της φασματοσκοπίας εκπομπής ακτίνων-Χ. Ο στόχος βομβαρδίζεται με ακτινοβολία ακτίνων-Χ ή ακτίνων-γ. Τα άτομα του δείγματος ιονίζονται σε εσωτερικά τροχιακά και στη συνέχεια αποδιεγείρονται εκπέμποντας ακτινοβολία ακτίνων-Χ, χαρακτηριστική για κάθε άτομο του περιοδικού πίνακα. Μέτρηση της ενέργειας και της έντασης των φωτονίων, επιτρέπει την ποιοτική και ποσοτική στοιχειακή ανάλυση του δείγματος, αντίστοιχα.

Η φασματοσκοπία φθορισμού ακτίνων-Χ είναι πολυστοιχειακή, μη-καταστροφική (δεν απαιτείται προετοιμασία του δείγματος τουλάχιστον την ποιοτική ανάλυση), φιλική προς το περιβάλλον, γρήγορη. Τα δείγματα μπορεί να είναι στερεά, υγρά ή αέρια, άμορφα ή κρυσταλλικά. Τα στοιχεία που ανιχνεύονται εξαρτώνται τόσο από τα χαρακτηριστικά του φασματοσκοπίου, όσο και από τη σύσταση του δείγματος. Δυνητικά όλα τα στοιχεία του περιοδικού πίνακα από το βηρύλλιο (Z=3) και πάνω μπορούν να ανιχνευθούν.

#### Φθορισμός ακτίνων-Χ

Ο φθορισμός ακτίνων-Χ αποτελεί διαδικασία δύο βημάτων (Σχήμα 5). Στο πρώτο βήμα επιτυγχάνεται ο ιονισμός του ατόμου σε εσωτερικό τροχιακό, μέσω της φωτοηλεκτρικής απορρόφησης. Στο δεύτερο βήμα το ιονισμένο άτομο αποδιεγείρεται, εκπέμποντας φωτόνιο ενέργειας στην περιοχή των ακτίνων-Χ. Η εκπεμπόμενη ενέργεια φωτονίου είναι χαρακτηριστική του ατόμου που την εκπέμπει. Ο πειραματικός προσδιορισμός της ενέργειας του φωτονίου επιτρέπει την ταυτοποίηση του ατομικού αριθμού του πέμποντος ατόμου (Σχήμα 5).



Σχήμα 5. Αριστερά) Φωτοϊονισμός του ατόμου, με επακόλουθο τη δημιουργία οπής σε εσωτερικό τροχιακό. Δεξιά) Φωτονική αποδιέγερση. Το ατομικό τροχιακό από το οποίο θα προέρθει το ηλεκτρόνιο που θα καταλάβει την μπορεί προσδιορισθεί με μόνο με πιθανότητες, και όχι με βεβαιότητα.

#### Φωτοϊονισμός

Το πρώτο στάδιο του φθορισμού ακτίνων-Χ αποτελεί ο ιονισμός εσωτερικού ατομικού τροχιακού και η δημιουργία οπής (απουσία ηλεκτρονίου). Ο ιονισμός πραγματοποιείται μέσω του μηχανισμού της φωτοηλεκτρικής απορρόφησης, όπου ένα φωτόνιο ακτίνων-Χ απορροφάται από ένα ηλεκτρόνιο εσωτερικού τροχιακού (Σχήμα 6).

Η φωτοηλεκτρική απορρόφηση είναι δυνατή όταν η ενέργεια του προσπίπτοντος φωτονίου  $E_{\omega}$  είναι μεγαλύτερη από την ενέργεια ιονισμού του ατομικού ηλεκτρονίου  $E_{ion}$ :

$$E_{\varphi} \ge E_{ion} \tag{1}$$

Η πιθανότητα φωτοϊονισμού είναι συνάρτηση της ενέργειας του φωτονίου  $E_{\varphi}$ . Η πιθανότητα φωτοϊονισμού είναι μέγιστη όταν η ενέργεια του προσπίπτοντος φωτονίου είναι οριακά μεγαλύτερη από την ενέργεια ιονισμού του ατομικού ηλεκτρονίου. Για ενέργεια φωτονίου μεγαλύτερη της ενέργειας ιονισμού ( $E_{\varphi} > E_{ion}$ ) η πιθανότητα φωτοϊονισμού ελαττώνεται όσο η ενεργειακή διαφορά  $E_{\varphi} - E_{ion}$  μεγαλώνει (Σχήμα 6).



Σχήμα 6. Αριστερά) Φωτοηλεκτρικό φαινόμενο. Προσπίπτον φωτόνιο αλληλεπιδρά με ηλεκτρόνιο εσωτερικού τροχιακού. Εάν η ενέργεια του φωτονίου είναι μεγαλύτερη από την ενέργεια ιονισμού του ηλεκτρονίου, το φωτόνιο μπορεί να απορροφηθεί από το ηλεκτρόνιο. Σε αυτή τη περίπτωση το ηλεκτρόνιο διαφεύγει από το άτομο αφήνοντας οπή στο τροχιακό. Δεξιά) Σχετική πιθανότητα φωτοηλεκτρικής απορρόφησης φωτονίου από ηλεκτρόνια της Κ στοιβάδας του Fe και του Cu. Φωτόνιο ενέργειας μικρότερης της ενέργειας ιονισμού δεν μπορεί να προκαλέσει φωτοϊονισμό.

Οι ενέργειες ιονισμού των ατομικών ηλεκτρονίων σαν συνάρτηση του ατομικού αριθμού απεικονίζονται στο Σχήμα 7, ενώ ακριβείς αριθμητικές τιμές δίνονται στη βάση δεδομένων X-ray data booklet (X-ray Data Booklet, 2011).



Σχήμα 7. Ενέργειες ιονισμού ατομικών ηλεκτρονίων εσωτερικών τροχιακών σαν συνάρτηση του ατομικού αριθμού.

#### Ατομική αποδιέγερση

Η ατομική κατάσταση κατά την οποία ένα ηλεκτρόνιο εσωτερικής στοιβάδας έχει απομακρυνθεί και έχει δημιουργηθεί οπή αποτελεί ασταθή κατάσταση (Σχήμα 8.α). Ο χρόνος ζωής αυτής της κατάστασης είναι της τάξης των  $10^{-16}$ - $10^{-18}$  sec. Μέσα σε αυτό το χρονικό διάστημα λαμβάνει χώρα η ατομική αποδιέγερση, κατά την οποία ένα ατομικό ηλεκτρόνιο μεταπίπτει από υψηλότερο τροχιακό και καταλαμβάνει την οπή. Οι βασικοί μηχανισμοί αποδιέγερσης είναι: α) η φωτονική αποδιέγερση και β) η μη-φωτονική αποδιέγερση.

Κατά την φωτονική αποδιέγερση η ενέργεια που εκλύεται κατά την μετάπτωση του ηλεκτρονίου εκπέμπεται υπό μορφή φωτονίου (Σχήμα 8.β). Κατά την μη φωτονική αποδιέγερση (ή αποδιέγερση Auger) η ενέργεια που εκλύεται κατά την μετάπτωση του ηλεκτρονίου προσφέρεται για την απομάκρυνση ενός επιπλέον ηλεκτρονίου από το άτομο, το οποίο ονομάζεται ηλεκτρόνιο Auger (Σχήμα 8.γ). Το άτομο στην τελική του κατάσταση είναι διπλά ιονισμένο.

Ο μηχανισμός κατάληξης μίας οπής δεν μπορεί να προβλεφθεί με βεβαιότητα, αλλά μόνο με πιθανότητες. Η πιθανότητα η οπή να καταληφθεί μέσω φωτονικής διαδικασίας προσδιορίζεται από το συντελεστή φθορισμού ω (fluorescence yield), ενώ η πιθανότητα να καταληφθεί μη-φωτονικά προσδιορίζεται από το συντελεστή Auger (Auger yield). Ο συντελεστής φθορισμού και ο συντελεστής Auger για οπή στην K στοιβάδα δίνεται στο Σχήμα 8.δ). Ο συντελεστής φθορισμού αυξάνεται με τον ατομικό αριθμό, ενώ αντίθετα ο συντελεστής Auger ελαττώνεται (Σχήμα 8.δ) (Krause, 1979). Τα στοιχεία μικρού ατομικού αριθμού έχουν πολύ μικρό συντελεστή φθορισμού, δυσχεραίνοντας την χρήση των φασματοσκοπιών φθορισμού ακτίνων-X για αυτά τα στοιχεία. Το άθροισμα των δύο συντελεστών ισούται με την μονάδα (ω + α = 1), που εκφράζει τη βεβαιότητα κατάληψης της εσωτερικής οπής από εξώτερο ηλεκτρόνιο.



Σχήμα 8. α) Φωτοϊονισμός του ατόμου και δημιουργία οπής στην Κ στοιβάδα. Απαραίτητη προϋπόθεση για τον ιονισμό είναι η ενέργεια του προσπίπτοντος φωτονίου να είναι μεγαλύτερη από την ενέργεια ιονισμού του ηλεκτρονίου της Κ στοιβάδας. β) Φωτονική αποδιέγερση. Στο παράδειγμα του σχήματος ηλεκτρόνιο από την L<sub>III</sub> υποστοιβάδα καταλαμβάνει την οπή της Κ στοιβάδας, με εκπομπή φωτονίου ακτίνων-Χ (X-ray). γ) Μη φωτονική αποδιέγερση. Στο παράδειγμα του σχήματος ηλεκτρόνιο από την οπή της Κ στοιβάδας και η διαφορά ενέργειας προσφέρεται σε ηλεκτρόνιο της L<sub>III</sub> υποστοιβάδας και η διαφορά ενέργειας προσφέρεται σε ηλεκτρόνιο της L<sub>III</sub> υποστοιβάδας, το οποίο εγκαταλείπει το άτομο (ηλεκτρόνιο Auger). δ) Συντελεστής φθορισμού (X-ray yield) και συντελεστής ηλεκτρονίων Auger (Auger electron yield) της Κ στοιβάδας σαν συνάρτηση του ατομικού αριθμού. Το άθροισμα των συντελεστών είναι ίσο με τη μονάδα. Ο συντελεστής φθορισμού αυξάνει όσο αυξάνει ο ατομικός αριθμός (Krause, 1979).

## Ενέργειες και εντάσεις των φωτονικών αποδιεγέρσεων

Όπως έχει προαναφερθεί, κατά τη διάρκεια της φωτονικής αποδιέγερσης μία οπή σε εσωτερικό τροχιακό καταλαμβάνεται από ηλεκτρόνιο εξώτερου τροχιακού, με την ταυτόχρονη εκπομπή φωτονίου. Εν δυνάμει το ηλεκτρόνιο μπορεί να προέρθει από οποιοδήποτε τροχιακό, αλλά οι μεταβάσεις ακολουθούν καθορισμένους κανόνες πιθανοτήτων. Οι πιθανότερες φωτονικές μεταβάσεις είναι οι διπολικά επιτρεπτές μεταβάσεις, και η αντίστοιχη ονοματολογία τους δίνονται στο Σχήμα 9.

Μεταβάσεις ηλεκτρονίων σε οπή της K στοιβάδας με ταυτόχρονη εκπομπή φωτονίου ονομάζονται K μεταβάσεις. Μετάβαση ηλεκτρονίου από την L<sub>3</sub> στην K ονομάζεται Ka<sub>1</sub> μετάβαση, από την L<sub>2</sub> στην K ονομάζεται Ka<sub>2</sub>, από την M<sub>2</sub> στην K ονομάζεται Kβ<sub>3</sub> (Σχήμα 9). Η μετάβαση ηλεκτρονίου από την L<sub>1</sub> στην K είναι μη-επιτρεπτή διπολική μετάβαση. Η πιθανότητα να λάβει χώρα μία συγκεκριμένη φωτονική μετάβαση δίνεται από τον μερικό συντελεστή φθορισμού (partial fluorescence yield). Για το άτομο του Cu ο μερικός συντελεστής φθορισμού της Ka<sub>1</sub> μετάβασης στο Cu είναι 0.583, της Ka<sub>2</sub> είναι 0.299, ενώ της Kβ (όλες οι Kβ μεταβάσεις) είναι 0.118. Αυτό σημαίνει ότι η Ka<sub>1</sub> μετάβαση είναι δύο φορές πιο πιθανή από την Ka<sub>2</sub> μετάβαση, και πέντε φορές πιο πιθανή από την Kβ. Οι τιμές των μερικών συντελεστών φθορισμού μεταβάλλονται με τον ατομικό αριθμό.

Οι φωτονικές μεταβάσεις ηλεκτρονίων σε οπή της L στοιβάδας ονομάζονται L μεταβάσεις (La<sub>1</sub>, La<sub>2</sub>, Lβ<sub>1</sub>,...), ενώ οι μεταβάσεις ηλεκτρονίων σε οπή της M στοιβάδας με ταυτόχρονη εκπομπή φωτονίου ονομάζονται M μεταβάσεις (Ma<sub>1</sub>, Mβ<sub>1</sub>,...). Η ονοματολογία των σημαντικότερων L και M μεταβάσεων δίνεται στο Σχήμα 9.



Σχήμα 9. Οι ισχυρότερες φωτονικές μεταβάσεις ακτίνων-Χ και η αντίστοιχη ονοματολογία τους. Οι Κ μεταβάσεις δηλώνουν αρχική οπή στην Κ στοιβάδα, οι L μεταβάσεις δηλώνουν αρχική οπή στην L στοιβάδα κ.ο.κ. Οι δυνατές μεταβάσεις καθορίζονται από κανόνες επιλογής, ενώ η σχετική τους ένταση προσδιορίζεται από το μερικό συντελεστή φθορισμού.

Οι ενέργειες των ισχυρότερων Κ και L μεταβάσεων για όλα τα στοιχεία του περιοδικού πίνακα απεικονίζονται γραφικά στο Σχήμα 10 και στον Πίνακας 1 όπως και στον Πίνακας 2, ενώ ακριβείς αριθμητικές τιμές δίνονται σε βάσεις δεδομένων όπως για παράδειγμα η X-Ray Data Booklet (X-ray Data Booklet, 2011). Οι εκπεμπόμενες ενέργειες φωτονίων, συγκεκριμένης φωτονικής μετάβασης (π.χ. της Κα<sub>1</sub>), είναι αύξουσα συνάρτηση του ατομικού του αριθμού. Το παραπάνω συμπέρασμα διαπιστώθηκε πειραματικά για πρώτη φορά από τον Moseley και περιγράφεται από την ομώνυμη εξίσωση :

$$E_{\phi} = \alpha (Z - \sigma)^2$$
 Νόμος Moseley (1)

όπου  $E_{\varphi}$  η ενέργεια του φωτονίου, Z ο ατομικός αριθμός του ατόμου, α και σ σταθερές, χαρακτηριστικές για κάθε μετάβαση.

Ο νόμος του Moseley μας οδηγεί στην διατύπωση της αρχής λειτουργίας της φασματοσκοπίας φθορισμού ακτίνων-Χ: Κάθε εσωτερικά ιονισμένο άτομο του περιοδικού πίνακα αποδιεγείρεται εκπέμποντας ακτίνες-Χ, οι ενέργειες των οποίων αποτελούν δακτυλικό αποτύπωμα του ατόμου, και για αυτό το λόγο καλούνται "χαρακτηριστικές μεταβάσεις".

Συνεπώς, η μέτρηση των ενεργειών των εκπεμπόμενων φωτονίων από ακτινοβολούμενο στόχο, επιτρέπει την ταυτοποίηση των ατόμων που συνθέτουν το στόχο. Η ενέργεια των εκπεμπόμενων χαρακτηριστικών φωτονίων καθώς και το πλήθος τους ανά μονάδα ενέργειας καταγράφεται με τη χρήση φασματοσκοπίου. Η απεικόνιση της κατανομής του πλήθους των εκπεμπόμενων φωτονίων σαν συνάρτηση της ενέργειάς των αποτελεί το φάσμα εκπομπής ακτίνων-Χ. Οι ενέργειες των φωτονίων φθορισμού ακτίνων-Χ που εκπέμπονται από το στόχο επιτρέπουν την ποιοτική ανάλυση, ενώ το πλήθος φωτονίων φθορισμού ακτίνων-Χ που εκπέμπονται από το στόχο επιτρέπει (υπό όρους) την ποσοτική ανάλυση.



Σχήμα 10. Χαρακτηριστικές ενέργειες φωτονίων σαν συνάρτηση του ατομικού αριθμού, για διάφορες φωτονικές μεταβάσεις. Μετρώντας τις χαρακτηριστικές ενέργειες των εκπεμπόμενων φωτονίων μπορεί να προσδιορισθεί μονοσήμαντα ο ατομικός αριθμός του ατόμου που εκπέμπει.

Η φασματοσκοπία φθορισμού ακτίνων-Χ επιτρέπει ποιοτική και ποσοτική στοιχειακή ανάλυση, την στοιχειακή χαρτογράφηση, προσδιορισμό πάχους του πάχους λεπτών στόχων ή επιστρώσεων (από nm έως μm) προσδιορισμό ιχνοστοιχείων, χημική ανάλυση όπως τον προσδιορισμός σθένους, χημικού περιβάλλοντος.

Ονοματολογία L μεταβάσεων										
L1 N	Λεταβάσεις		L2 N	Λεταβάσεις		L3 Μεταβάσεις				
Μετάβαση	Φασματοσκοπικός συμβολισμός		Μετάβαση	Φασματοσκοπικός συμβολισμός		Μετάβαση	Φασματοσκοπικός συμβολισμός			
L1M1			L2M1	L <sub>ŋ</sub>		L3M1	L,			
L1M2	Lβ₄		L2M2			L3M2	L <sub>t</sub>			
L1M3 Lβ <sub>3</sub>			L2M3	Lβ <sub>17</sub>		L3M3	L <sub>s</sub>			
L1M4	L1M4 Lβ <sub>10</sub>		L2M4	Lβ <sub>1</sub>		L3M4	<b>L</b> α <sub>2</sub>			
L1M5	Lβ <sub>9</sub>		L2M5			L3M5	<b>L</b> α <sub>1</sub>			
L1N1			L2N1	Lγ <sub>5</sub>		L3N1	Lβ <sub>6</sub>			
L1N2	Lγ <sub>2</sub>		L2N2			L3N2				
L1N3	Lγ₃		L2N3			L3N3				
L1N4			L2N4	Lγ <sub>1</sub>		L3N4	<b>Lβ</b> 15			
L1N5			L2N5			L3N5	Lβ <sub>2</sub>			
L1N6			L2N6	L <sub>v</sub>		L3N6	Lu			
L1N7			L2N7	L <sub>v</sub>		L3N7	L <sub>u</sub>			

Πίνακας 1. Ονοματολογία των L μεταβάσεων και ο φασματοσκοπικός τους συμβολισμός

VIIIA	He 2	0.861 Ne 10	2.86 3.19 Ar 18		12.65 14.11 Kr 36 1.59 1.64	29.80 33.64 Xe 54 4.11 4.42	83.80 94.88 Rn 86 11.72 14.32	Actinides 89-103	
	VIIA	0.677 F 9	282 282 CI 17		11.92 13.29 Br 35 1.48 1.53	28.61 32.29 I 53 3.94 4.22	81.53 82.32 At 85 11.42 13.87	Lr 103	54.06 61.28 Lu 71 7.65 8.71
	VA	0.526 0 8	231 246 S 16		11.22 12.50 Se 34 1.38 1.42	27.47 30.99 Te 52 3.77 4.03	79.30 89.81 Po 84 11.13 13.44	No 102	52.36 59.35 Yb 70 7.41 8.40
		0.382 N 7	202 2.14 P 15		10.54 11.73 As 33 1.28 1.32	26.36 29.72 Sb 51 3.61 3.84	77.10 87.34 Bi 83 10.84 13.02	Md 101	50.73 57.58 Tm 69 7.18 8.10
	IVA	0.282 C 6	1.74 1.83 Si 14		9.89 10.98 Ge 32 1.19 1.21	25.27 28.48 Sn 50 3.44 3.00	74.96 84.92 Pb 82 10.55 12.61	120.60 136.08 Fm 100 16.38 21.79	49.10 55.69 Er 68 6.95 7.81
alr	All	0.185 B 5	1.49 1.55 Al 13		9.25 10.28 Ga 31 1.10 1.12	24.21 27.27 In 49 3.29 3.49	72.86 82.56 TI 81 10.27 12.21	117.65 132.78 Es 99 16.02 21.17	47.53 53.83 Ho 67 6.72 7.53
	<ul> <li>XR-100CR / XR-100T-CdTe / GAMMA-8000 / X-123</li> <li>X-Ray and Gamma Ray Detectors</li> </ul>			8	8.64 9.57 Zn 30 1.01 1.03	23.17 26.09 Cd 48 3.13 3.32	70.82 80.26 Hg 80 9.89 11.82	114.75 129.54 Cf 98 15.86 20.56	45.89 5218 Dy 66 8.50 7.25
		etectors		8	8.05 8.90 Cu 29 0.83 0.95	22.16 24.94 Ag 47 2.98 3.15	68.79 77.97 Au 79 9.71 11.44	111.90 126.36 Bk 97 15.31 19.97	44.47 50.39 Tb 65 6.28 6.98
		Ray De			7.48 8.26 Ni 28 0.85 0.87	21.18 23.82 Pd 46 2.84 2.99	66.82 75.74 Pt 78 9.44 11.07	109.10 123.24 Cm 96 14.90 19.39	42.88 48.72 Gd 64 8.08 8.71
Inice!		(-123 amma	Group		6.83 7.65 Co 27 0.78 0.79	20.21 22.72 Rh 45 2.70 2.83	64.89 73.55 Ir 77 8.19 10.71	108.35 120.16 Am 95 14.62 18.83	41.53 47.03 Eu 63 5.85 6.46
L Emi		and Ga			6.40 7.06 Fe 26 0.70 0.72	19.28 21.66 Ru 44 2.56 2.68	62.99 71.40 Os 76 8.91 10.35	103.65 117.15 Pu 94 14.28 18.28	40.12 45.40 Sm 62 5.64 8.21
		K-Ray a		AIB	5.90 6.49 Mn 25 0.64 0.05	18.41 19.61 Tc 43 2.42 2.54	61.13 69.30 Re 75 8.65 10.01	101.00 114.18 Np 93 13.85 17.74	38.65 43.96 Pm 61 5.43 5.96
Index				NB	5.41 5.85 Cr 24 0.57 0.58	17.48 19.61 Mo 42 2.29 2.40	59.31 67.23 W 74 8.40 9.67	98.43 111.29 U 92 13.61 17.22	37.36 42.27 Nd 60 5.23 5.72
č				ß	4.85 5.43 V 23 0.51 0.52	16.61 18.62 ND 41 2.17 2.26	57.52 65.21 Ta 73 8.15 9.34	95.85 108.41 Pa 91 13.29 19.70	38.02 40.75 Pr 59 5.03 5.49
	Key to nergy Value in keV	K <sub>al</sub> K <sub>bi</sub> Au 79 L <sub>ai</sub> L <sub>bi</sub>		IVB	4.51 4.93 Ti 22 0.45 0.46	15.77 17.67 Zr 40 2.04 2.12	56.76 63.21 Hf 72 7.90 8.02	93.33 105.59 Th 90 12.97 16.20	34.72 39.26 Ce 58 4.84 5.26
	Ξ.			₿	4.09 4.46 Sc 21 0.40	14.96 16.74 Y 39 1.82 2.00	57 - 71	90.89 102.85 AC 89 12.85 15.71	33.44 37.80 La 57 4.65 5.04
_	II	0.110 Be 4	125 1.30 Mg 12		3.69 4.01 Ca 20 0.34	14.16 15.83 Sr 38 1.81 1.87	32.19 36.38 Ba 56 4.47 4.83	88.46 100.14 Ra 88 12.34 15.23	anides -71
A	н -	0.052 Li 3	1.04 1.07 Na 11		3.31 3.59 K 19	13.39 14.96 Rb 37 1.69 1.75	30.97 34.98 CS 55 4.29 4.62	86.12 97.48 Fr 87 12.03 14.77	Lanth. 57

Πίνακας 2: Χαρακτηριστικές ενέργειες φωτονικών μεταβάσεων. Για κάθε στοιχείο δίνονται οι ενέργειες των Κα<sub>1</sub>, Κβ<sub>1</sub>, Lα<sub>1</sub> και La<sub>2</sub> μεταβάσεων (Amptek, Inc, 2022).

# 4. Διατάξεις φθορισμού ακτίνων-Χ

### Φασματοσκόπιο ενεργειακού διασκεδασμού (ED-XRF)

Η μέτρηση του φάσματος φθορισμού ακτίνων-Χ πραγματοποιείται με τη χρήση φασματοσκοπικής διάταξης. Τα κύρια μέρη ενός φασματοσκοπίου φθορισμού ακτίνων-Χ είναι η πηγή φωτονίων ακτίνων-Χ, και η ανιχνευτική διάταξη, η οποία καταγράφει το προερχόμενο από το στόχο φάσμα ακτίνων-Χ. Τυπική διάταξη φθορισμού ακτίνων-Χ δίνεται στο Σχήμα 11.



Σχήμα 11. Φασματοσκόπιο ενεργειακού διασκεδασμού ακτίνων-Χ (EDS, energy dispersive X-ray spectrometer). Η πηγή ακτινοβολίας εκπέμπει ενεργητικά φωτόνια ακτίνων-Χ ή ακτίνων-γ. Η ακτινοβολία ιονίζει τα εσωτερικά τροχιακά ατόμων του δείγματος. Τα ιονισμένα άτομα αποδιεγείρονται εκπέμποντας φωτόνια ακτίνων-Χ, χαρακτηριστικής ενέργειας. Ο ανιχνευτής στερεάς κατάστασης καταγράφει την άφιξη του φωτονίου και προσδιορίζει την ενέργειά του. Με τη βοήθεια των ηλεκτρονικών διατάξεων το γεγονός αποθηκεύεται σε μνήμη. Ανάγνωση της μνήμης μας επιτρέπει την απεικόνιση του πλήθους φωτονίων ανά μονάδα ενέργειας ως προς την ενέργεια των φωτονίων, η οποία αποτελεί και το φάσμα φθορισμού του δείγματος (ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΟ ΥΛΙΚΩΝ Ι: ''ΤΕΧΝΙΚΕΣ ΧΑΡΑΚΤΗΡΙΣΜΟΥ ΥΛΙΚΩΝ'', 2017).

Η λυχνία ακτίνων-Χ (Σχήμα 12) εκπέμπει πολυχρωματική δέσμη φωτονίων ακτίνων-Χ. Η εκπεμπόμενη ενεργειακή κατανομή φωτονίων εξαρτάται τόσο από τις κατασκευαστικές παραμέτρους της λυχνίας (υλικό της ανόδου, γωνία πρόσπτωσης των ηλεκτρονίων στην άνοδο, γωνία εξόδου των ακτίνων-Χ από την άνοδο, παράθυρο λυχνίας), όσο και από τις παραμέτρους λειτουργίας (υψηλή τάση μεταξύ ανόδου-καθόδου, ρεύμα της λυχνίας).



Σχήμα 12. Λυχνία ακτίνων-Χ. Τα παραγόμενα ηλεκτρόνια στο θερμαινόμενο νήμα (λόγω της θερμιονικής εκπομπής) επιταχύνονται από το εφαρμοζόμενο δυναμικό μεταξύ ανόδου και καθόδου. Τα ηλεκτρόνια προσπίπτοντα στην άνοδο, μεταξύ των άλλων μηχανισμών αλληλεπίδρασης, παράγουν φωτόνια ακτίνων-Χ. Η λυχνία ακτίνων-Χ εκπέμπει πολυχρωματική δέσμη φωτονίων. Η μέγιστη ενέργεια των φωτονίων είναι ίση με την εφαρμοζόμενη διαφορά δυναμικού επί το φορτίο του ηλεκτρονίου, ήτοι για διαφορά δυναμικού 40kV η μέγιστη παραγόμενη ενέργεια φωτονίου είναι 40keV.

Η ανίχνευση του φωτονίου, καθώς και ο προσδιορισμός της ενέργειάς του, επιτυγχάνεται με τη βοήθεια ανιχνευτής στερεάς κατάστασης. Ο ανιχνευτής αποτελείται από μία φωτοευαίσθητη περιοχή πυριτίου, γερμανίου ή άλλου ημιαγώγιμου υλικού. Το φωτόνιο κατά την πρόσπτωσή του στον ανιχνευτή παράγει παλμό τάσης, ο οποίος είναι ανάλογος της ενέργειας του φωτονίου. Η παρουσία του παλμού πιστοποιεί την ανίχνευση του φωτονίου, ενώ ο προσδιορισμός του ύψους του παλμού προσδιορίζει την ενέργεια του φωτονίου. Τα βασικά χαρακτηριστικά ενός συστήματος ανίχνευσης φωτονίων είναι: α) η ενεργειακή διακριτική ικανότητα, β) η απόδοση, γ) η ταχύτητα απόκρισης, και δ) η χωρική διακριτική ικανότητα. Στα Σχήμα 13 Σχήμα 14 απεικονίζεται η αλλαγή της διακριτικής ικανότητας σε σχέση με τις συνθήκες μέτρησης και τα χαρακτηριστικά του οργάνου.

Η ευαισθησία του φασματοσκοπίου καθορίζει την ευαισθησία της διάταξης στην ενέργεια των φωτονίων που εκπέμπει το κάθε στοιχείο. Όσο μεγαλύτερη είναι η ευαισθησία τόσο μεγαλύτερη η πιθανότητα να καταγραφεί το φωτόνιο συγκεκριμένης μετάβασης και ενέργειας που εκπέμπει κάθε στοιχείο. Η ευαισθησία του φασματοσκοπίου είναι συνάρτηση α) του φάσματος της ιονίζουσας ακτινοβολίας που προκαλεί τον ιονισμό, β) των ατομικών ιδιοτήτων φθορισμού του στοιχείου που εκπέμπει, γ) της χαρακτηριστικής μετάβασης που ανιχνεύουμε, δ) της γεωμετρίας της διάταξης και ε) της απόδοσης του ανιχνευτή.

Επικουρικά μέρη ενός φασματοσκοπίου αποτελούν ο δειγματοφορέας, οπτικές διατάξεις, διατάξεις διαμόρφωσης του φάσματος της ιονίζουσας δέσμης όπως φίλτρα απορρόφησης, μονοχρωμάτορες, καθώς και διατάξεις χωρικής διαμόρφωσης της δέσμης όπως ευθυγραμμιστές, σχισμές, οπτικές ίνες. Οι διατάξεις αυτές χρησιμοποιούνται για την επιλογή του ενεργειακού φάσματος, της πόλωσης και του καθορισμού του χωρικού ίχνους της ιονίζουσας ακτινοβολίας.

Η μέτρηση του φάσματος φθορισμού του στόχου μπορεί να γίνεται είτε *ex-situ*, είτε *in-situ*. Στην *ex-situ* ανάλυση ο στόχος (ως σύνολο ή αντιπροσωπευτικό δείγμα αυτού) τοποθετείται σε δειγματοφορέα, με ελεγχόμενες συνθήκες ατμόσφαιρας, θερμοκρασίας, πίεσης και άλλων φυσικών παραμέτρων. Στην *in-situ* ανάλυση η μέτρηση του στόχου γίνεται στη φυσική θέση του στόχου, απαιτώντας τη φορητότητα της φασματοσκοπικής διάταξης.



Σχήμα 13. Φάσμα των Κα<sub>1</sub> και Κα<sub>2</sub> μεταβάσεων του χαλκού σαν συνάρτηση της διαπλάτυνσης (f.w.h.m) που εισάγει ο ανιχνευτής. Οι Κα<sub>1,2</sub> μεταβάσεις είναι πλήρως ευδιάκριτες, όταν η διαπλάτυνση είναι 2eV. Όσο αυξάνει η διαπλάτυνση, που εισάγει το σύστημα ανίχνευσης, τόσο η διάκριση των δύο γραμμών γίνεται πιο δύσκολη. Στα 20eV η Κα<sub>2</sub> μετάβαση διακρίνεται ως μία ασυμμετρία της φασματικής γραμμής, ενώ στα 50eV οι Κα<sub>1,2</sub> δεν διακρίνονται ως χωριστές γραμμές. Σε αυτή τη περίπτωση αναφερόμαστε στην Κα φασματική γραμμή, η οποία περιλαμβάνει και την Κα<sub>1</sub> και την Κα<sub>2</sub> μετάβαση (ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΟ ΥΛΙΚΩΝ Ι: ''ΤΕΧΝΙΚΕΣ ΧΑΡΑΚΤΗΡΙΣΜΟΥ ΥΛΙΚΩΝ'', 2017).



Σχήμα 14. Φάσμα φθορισμού ακτίνων Χ από στόχο υάλου που μετρήθηκε με το φασματόμετρο διασποράς μήκους κύματος χρησιμοποιώντας έναν αναλυτή κρυστάλλου LiF(200) και το φορητό φασματόμετρο διασποράς ενέργειας TRACERIV-SD (Bruker) εξοπλισμένο με ανιχνευτή μετατόπισης πυριτίου. Το φασματόμετρο WD διαχωρίζει τις στενές μεταβάσεις K του Ti από τις L μεταβάσεις του Ba (Anagnostopoulos, 2018).

#### Φασματοσκόπιο διαχωρισμού μήκους κύματος (WD-XRF)

Στα φασματοσκόπια διασκεδασού μήκους κύματος η ακτινοβολία που εξέρχεται από το μετρούμενο δείγμα κατευθύνεται σε ένα μονοκρύσταλλο από τον οποίο περιθλάται. Έπειτα χτυπάει στον ανιχνευτή και καταγράφεται. Η περίθλαση υπακούει στο νόμο του Bragg:

$$n \cdot \lambda = 2 \cdot d \cdot \sin \vartheta \tag{2}$$

Η ενέργεια  $E\varphi$  των περιθλώμενων φωτονίων σαν συνάρτηση της γωνίας Bragg $\vartheta_B$ , της απόστασης των πλεγματικών επιπέδων d και της τάξης περίθλασης nδίνεται από τη σχέση :

$$E_{\varphi} = \frac{h \cdot c}{(2 \cdot d)/n} \cdot \frac{1}{\sin \theta_{B}}$$
(3)

Αντίστοιχα, η γωνία Bragg $\vartheta_B$  σαν συνάρτηση της ενέργειας  $E\varphi$  των περιθλώμενων φωτονίων, της απόστασης των πλεγματικών επιπέδων d και της τάξης περίθλασης n δίνεται από τη σχέση (4) :

$$\sin \vartheta_{B} = \frac{h \cdot c}{(2 \cdot d)/n} \cdot \frac{1}{E_{\varphi}}$$
(4)

Από τη σχέση (4) προκύπτει για συγκεκριμένη ενέργεια φωτονίων επιλογή της απόστασης μεταξύ των κρυσταλλικών επιπέδων ή/και της τάξης περίθλασης επιτρέπει επιλογή της γωνίας Bragg (Σχήμα 15).



Σχήμα 15. Γωνία Bragg, στην γωνιακή περιοχή 10<sup>0</sup>-90<sup>0</sup>, σαν συνάρτηση σαν συνάρτηση της πλεγματικής απόστασης και της τάξης περίθλασης, για φωτόνια συγκεκριμένης ενέργειας.

Στον Πίνακας 3 υπολογίζονται οι γωνίες Bragg για ενέργεια φωτονίου (10.551keV), η οποία αντιστοιχεί στην La<sub>1</sub> του Pb. Επιλογή κρυστάλλου και τάξης περίθλασης επιτρέπει επιλογή της γωνίας περίθλασης. Οι τιμές των πλεγματικών αποστάσεων μεταξύ κρυσταλλικών επιπέδων για τους διαθέσιμους φυσικούς κρυστάλλους δίνονται στον Πίνακας 4.

Πίνακας 3. Γωνίες Bragg σαν συνάρτηση της απόστασης των κρυσταλλικών επιπέδων και της τάξης περίθλασης για την La<sub>1</sub> του Pb (10.551keV). Με παύλα έχουν σημειωθεί οι τάξεις περίθλασης που οδηγούν σε μη συμβατή τιμή του ημιτόνου στο νόμο Bragg (2).

		Ενέργ	εια φωτον	ίου (eV) =	10551				
Kalarallas	2 d (Å)	Bragg angle / Order of reflection							
κρυσταλλος		1	2	3	4				
Si(220)	3.8400	17.8	37.7	66.64					
Ge(220)	4.0000	17.1	36.0	61.80	-				
Si(111)	6.2712	10.8	22.0	34.20	48.5				
Ge(111)	6.5320	10.4	21.1	32.66	46.0				
HAPG (002)	6.7080	10.1	20.5	31.70	44.5				

Πίνακας 4. Διαθέσιμοι μονοκρύσταλλοι και οι πλεγματικές σταθερές των αντίστοιχων επιπέδων Miller (Underwood, 2011).

α/α	Κρύσταλλοι	Χημικός τύπος	Δείκτες Miller	2d (Ang)	α/α	Κρύσταλλοι	Χημικός τύπος	Δείκτες Miller	2d (Ang)
1	α-Quartz	SiO <sub>2</sub>	(50 <u>5</u> 2)	1.624	32	Silicon	Si	(111)*	6.271
2	Lithium fluoride	LiF	(422)	1.652	33	Sylvite	KCI	(200)	6.292
3	Corundum	Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	(146)	1.660	34	Fluorite	CaF <sub>2</sub>	(111)	6.306
4	Lithium fluoride	LiF	(420)	1.801	35	Germanium	Ge	(111)*	6.532
5	Calcite	CaCO <sub>3</sub>	(633)	2.020	36	Potassium bromide	KBr	(200)	6.584
6	α-Quartz	SiO <sub>2</sub>	(22 <u>4</u> 3)	2.024	37	α-Quartz	SiO <sub>2</sub>	(10 <u>1</u> 0)	6.687
7	α-Quartz	SiO <sub>2</sub>	(31 <u>4</u> 0)	2.360	38	Graphite	С	(002)	6.708
8	α-Quartz	SiO <sub>2</sub>	(22 <u>4</u> 0)	2.451	39	Indium antimonide	InSb	(111)	7.481
9	Topaz	Al <sub>2</sub> (F,OH) <sub>2</sub> SiO <sub>4</sub>	(303)*	2.712	40	Ammonium dihydrogen phosphate	NH <sub>4</sub> H <sub>2</sub> PO <sub>4</sub>	(200)	7.500
10	Corundum	Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	(030)	2.748	41	Topaz	Al <sub>2</sub> (F,OH) <sub>2</sub> SiO <sub>4</sub>	(002)	8.374
11	α-Quartz	SiO <sub>2</sub>	(20 <u>2</u> 3)	2.749	42	α-Quartz	SiO <sub>2</sub>	(10 <u>1</u> 0)*	8.512
12	Topaz	Al <sub>2</sub> (F,OH) <sub>2</sub> SiO <sub>4</sub>	(006)	2.795	43	Pentaerythritol (PET)	C(CH <sub>2</sub> OH) <sub>4</sub>	(002)	8.742
13	Lithium fluoride	LiF	(220)	2.848	44	Ammonium tartrate	(CHOH) <sub>2</sub> (COONH <sub>4</sub> ) <sub>2</sub>	(?)	8.800
14	Mica	$K_2O\cdot 3AI_2O_3\cdot 6SiO_2\cdot 2H_2O$	(331)	3.000	45	Ethylenediamine-d- tartrate (EDDT)		(020)	8.808
15	Calcite	CaCO <sub>3</sub>	(422)	3.034	46	Ammonium dihydrogen phosphate	NH4H2PO4	(101)*	10.640
16	α-Quartz	SiO <sub>2</sub>	(21 <u>3</u> 1)	3.082	47	Na β- alumina	NaAl <sub>11</sub> O <sub>17</sub>	(0004)	11.240
17	α-Quartz	SiO <sub>2</sub>	(11 <u>2</u> 2)	3.636	48	Oxalic acid dehydrate	(COOH) <sub>2</sub> ·2H <sub>2</sub> O	(001)	11.920
18	Silicon	Si	(220)	3.840	49	Sorbitol hexaacetate		(110)	13.980
19	Fluorite	CaF <sub>2</sub>	(220)	3.862	50	Rock sugar	C <sub>12</sub> H <sub>22</sub> O <sub>11</sub>	(001)	15.120
20	Germanium	Ge	(220)	4.000	51	Gypsum	CaSO <sub>4</sub> ·2H <sub>2</sub> O	(020)*	15.185
21	Lithium fluoride	LiF	(200)*	4.027	52	Beryl	BeO·Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> ·6SiO <sub>2</sub>	(10 <u>1</u> 0)	15.954
22	Aluminum	Al	(200)	4.048	53	Bismuth titanate	Bi <sub>2</sub> (TiO <sub>3</sub> ) <sub>3</sub>	(040)	16.400
23	α-Quartz	SiO <sub>2</sub>	(20 <u>2</u> 0)	4.246	54	Mica	K <sub>2</sub> O·3Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> ·6SiO <sub>2</sub> ·2H <sub>2</sub> O	(002)*	19.840
24	α-Quartz	SiO <sub>2</sub>	(10 <u>1</u> 2)	4.564	55	Silver acetate	CH <sub>3</sub> COOAg	(001)	20.000
25	Topaz	Al <sub>2</sub> (F,OH) <sub>2</sub> SiO <sub>4</sub>	(200)	4.638	56	Rock sugar	C <sub>11</sub> H <sub>22</sub> O <sub>11</sub>	(100)	20.120
26	Aluminum	Al	(111)	4.676	57	Na β- alumina	NaAl <sub>11</sub> O <sub>17</sub>	(0002)	22.490
27	α-Quartz	SiO <sub>2</sub>	(11 <u>2</u> 0)	4.912	58	Thallium hydrogen phthalate (THP)	TIHC <sub>8</sub> H <sub>4</sub> O <sub>4</sub>	(100)	25.900
28	Gypsum	CaSO <sub>4</sub> ·2H <sub>2</sub> O	(002)	4,99	59	Rubidium hydrogen phthalate (RHP)	RbHC <sub>8</sub> H <sub>4</sub> O <sub>4</sub>	(100)	26.121
29	Rock salt	NaCl	(200)	5.641	60	Potassium hydrogen phthalate (KHP)	KHC <sub>8</sub> H <sub>4</sub> O <sub>4</sub>	(100)	26.632
30	Calcite	CaCO <sub>3</sub>	(200)	6.071	61	Octadecyl hydrogen maleate (OHM)	CH <sub>3</sub> (CH <sub>2</sub> ) <sub>17</sub> OOC(CH) <sub>2</sub> COOH	(?)	63.500
31	Ammonium dihydrogen phosphate	NH <sub>4</sub> H <sub>2</sub> PO <sub>4</sub>	(112)	6.140					

Για πλεγματική απόσταση  $2 \cdot d = 4.00$ Å η εξάρτηση της γωνίας Bragg σαν συνάρτηση της ενέργειας του φωτονίου, για διάφορες τάξεις περίθλασης, δίνεται στο Σχήμα 16. Παρατηρούμε ότι η γωνιακή διαφορά μεταξύ δύο συγκεκριμένων ενεργειών μεγαλώνει όσο μεγαλώνει η τάξη περίθλασης ή ισοδύναμα όσο η απόσταση μεταξύ των κρυσταλλικών επιπέδων ελαττώνεται.



Σχήμα 16. Γωνία Bragg σαν συνάρτηση της ενέργειας του φωτονίου της για κρύσταλλο Ge(220). Τα δεδομένα του σχήματος έχουν εξαχθεί από λογισμικό προσομοίωσης κρυσταλλικού φασματοσκόπιου σε γεωμετρία von Hamos.

Από το νόμο του Bragg προκύπτει ότι :

$$\Delta E = E_{\varphi} \cdot \cot \theta_{B} \cdot \Delta \theta \iff \Delta \theta = \frac{\Delta E}{E_{\varphi}} \cdot \tan \theta_{B}$$
(5)

Από τη σχέση (5) προκύπτει ότι η γωνιακή διαφορά δυο γραμμών που απέχουν μεταξύ τους ΔΕ και η μέση τιμή τους είναι ίση με Εφ αυξάνει όσο μεγαλώνει η γωνία Bragg (Σχήμα 17). Παρατηρούμε ότι η γωνιακή διαφορά μεταξύ δύο συγκεκριμένων ενεργειών μεγαλώνει όσο αυξάνει η γωνία Bragg (Σχήμα 17). Η αύξηση της γωνίας Bragg συντελείται είτε με αύξηση της τάξης περίθλασης ή με ελάττωση της απόστασης μεταξύ των κρυσταλλικών επιπέδων.



Σχήμα 17. Γωνία Bragg σαν συνάρτηση σαν συνάρτηση της ενέργειας του φωτονίου της για κρύσταλλο Ge(220). Τα δεδομένα του σχήματος έχουν εξαχθεί από λογισμικό προσομοίωσης κρυσταλλικού φασματοσκόπιου σε γεωμετρία von Hamos.

# 5. Οι εργαστηριακές διατάξεις

#### M1-Mistral

Η διεξαγωγή των μετρήσεων πραγματοποιήθηκε με τη διαθέσιμη στο εργαστήριο φασματοσκοπική διάταξη φθορισμού ακτίνων-Χ M1-Mistral της εταιρείας Bruker (Σχήμα 18). Η διάταξη αποτελείται από: α) τη λυγνία ακτίνων-Χ (Σγήμα 19), β) σύστημα τεσσάρων σχισμών διαφορετικών διαστάσεων για τον καθορισμό του ίχνους της ιονίζουσας δέσμης επάνω στο στόχο (Σχήμα 20), γ) τράπεζα τοποθέτησης του δείγματος, με δυνατότητα κίνησης στις τρεις διαστάσεις (Σχήμα 21), δ) ανιχνευτική διάταξη για την καταγραφή της έντασης και της ενέργειας των φωτονίων, και ε) υπολογιστή με λογισμικό ελέγχου της διάταξης, συλλογής των δεδομένων και ανάλυσης αυτών. Η λυγνία ακτίνων-X (X-ray tube) του M1-Mistral αποτελείται από άνοδο βολφραμίου (W). Η μέγιστη τιμή της υψηλής τάσης μεταξύ ανόδου και καθόδου είναι 50kV, ενώ το μέγιστο ρεύμα είναι της καθόδου είναι 800μΑ. Φωτόνια ακτίνων-Χ παράγονται στη λυχνία. Η δέσμη φωτονίων διέρχεται μέσω κλείστρου (shutter) στον πειραματικό θάλαμο. Το ίχνος της ιονίζουσας δέσμης (μπλε κώνος) περιορίζεται χωρικά με τη χρήση σχισμών (aperture). Το σημείο πρόσπτωσης της ιονίζουσας δέσμης στο στόχο εποπτεύεται με τη χρήση οπτικού μικροσκοπίου (video camera) (Σχήμα 20). Η ακτινοβολία ιονίζει τα εσωτερικά τροχιακά ατόμων του δείγματος. Τα ιονισμένα άτομα αποδιεγείρονται εκπέμποντας φωτόνια ακτίνων-Χ, χαρακτηριστικής ενέργειας. Ο ανιχνευτής στερεάς κατάστασης (detector) καταγράφει την άφιξη των φωτονίων και προσδιορίζει την ενέργειά των. Με τη βοήθεια των ηλεκτρονικών διατάξεων το κάθε γεγονός αποθηκεύεται σε μνήμη. Ανάγνωση της μνήμης μας επιτρέπει την απεικόνιση του πλήθους φωτονίων ανά μονάδα ενέργειας ως προς την ενέργεια των φωτονίων, η οποία αποτελεί και το φάσμα εκπομπής ακτίνων-Χ του δείγματος (spectrum).



Σχήμα 18. Σχηματική απεικόνιση του φασματοσκόπιου φθορισμού M1-Mistral, Bruker ενεργειακού διασκεδασμού ακτίνων-X (EDS, energy dispersive X-ray spectrometer) (ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΟ ΥΛΙΚΩΝ Ι: ''ΤΕΧΝΙΚΕΣ ΧΑΡΑΚΤΗΡΙΣΜΟΥ ΥΛΙΚΩΝ'', 2017).

Το διάγραμμα εκπομπής φωτονίων ακτίνων-Χ της λυχνίας W του φασματοσκόπιου M1-Mistral σαν συνάρτηση της υψηλής τάσης φαίνεται στο Σχήμα 19. Η εκπεμπόμενη ιονίζουσα δέσμη είναι πολυχρωματική.



Σχήμα 19. Φάσμα εκπομπής φωτονίων ακτίνων-Χ της λυχνίας W του M1 Mistral σαν συνάρτηση της υψηλής τάσης. Η λυχνία εκπέμπει πολυχρωματική δέσμη φωτονίων, η κατανομή της οποίας είναι συνάρτηση της υψηλής τάσης (Παπαγιάννης, 2020)
Το ίχνος της πρωτεύουσας ιονίζουσας ακτινοβολίας επάνω στο δείγμα, καθορίζεται με τη χρήση μεταλλικών σχισμών. Η διάταξη περιλαμβάνει τέσσερις σχισμές: α) κυκλική με διάμετρο 700μm, β) τετραγωνική  $(500 \times 500) \mu m^2$ , γ) παραλληλόγραμμη  $(300 \times 100) \mu m^2$  και δ) τετραγωνική  $(200 \times 200) \mu m^2$  (Σχήμα 20). Όσο μειώνεται το μέγεθος της χρησιμοποιούμενης σχισμής τόσο αυξάνεται η χωρική διακριτική ικανότητα του οργάνου. Βέβαια, μικρότερη σχισμή συνεπάγεται μείωση στην ένταση των φωτονίων που ιονίζουν το δείγμα και τελικά μειωμένη ένταση των φωτονίων που καταγράφονται. Το σημείο πρόσπτωσης της ιονίζουσας δέσμης στο στόχο εποπτεύεται με τη χρήση οπτικού μικροσκοπίου.



Σχήμα 20. Οι τέσσερις διαφορετικές σχισμές που διαθέτει το φασματοσκόπιο M1-Mistral, για τον περιορισμό του ίχνους της ιονίζουσας δέσμης επάνω στο στόχο (ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΟ ΥΛΙΚΩΝ Ι: ''ΤΕΧΝΙΚΕΣ ΧΑΡΑΚΤΗΡΙΣΜΟΥ ΥΛΙΚΩΝ'', 2017).

Η γωνία πρόσπτωσης της ιονίζουσας ακτινοβολίας στην επιφάνεια του δείγματος είναι ίση με 90<sup>0</sup>, ενώ ο ανιχνευτής καταγράφει φωτόνια τα οποία εξέρχονται υπό γωνία 54<sup>0</sup> από το στόχο (Σχήμα 21). Η απόσταση της λυχνίας από το στόχο είναι 10.5cm. Η απόσταση του ανιχνευτή από το στόχο είναι 2.54cm.Το δείγμα τοποθετείται επάνω σε τράπεζα, η οποία έχει τη δυνατότητα κίνησης στις τρεις διαστάσεις. Η απόσταση που μπορεί να διανύσει η τράπεζα είναι 200mm, 175mm και 80mm κατά τους άξονες x, y και z, αντίστοιχα. Το ελάχιστο βήμα μετακίνησης είναι 10μm, ανά διάσταση. Οι μέγιστες διαστάσεις του δείγματος είναι (48x49x20)cm<sup>3</sup>, ενώ το μέγιστο βάρος είναι 1.8kg.



Σχήμα 21. Αριστερά) Σχηματική αναπαράσταση της γεωμετρίας του φασματοσκόπιου M1 Mistral. Δεξιά) Φωτογραφία του εσωτερικού τμήματος του M1 Mistral. Η τράπεζα-δειγματοφορέας έχει τη δυνατότητα κίνησης στις τρεις διαστάσεις, ελεγχόμενη από τον υπολογιστή (ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΟ ΥΛΙΚΩΝ Ι: ''ΤΕΧΝΙΚΕΣ ΧΑΡΑΚΤΗΡΙΣΜΟΥ ΥΛΙΚΩΝ'', 2017).

Τα φωτόνια καταγράφονται μέσω ανιχνευτή πυριτίου, ενεργής επιφάνειας 30mm<sup>2</sup>. Η ενεργειακή διακριτική ικανότητα προσδιορίζεται από τη διαπλάτυνση f.w.h.m της φασματικής γραμμής και είναι συνάρτηση της ενέργειας του φωτονίου (Σχήμα 22):



$$fwhm(eV) = \sqrt{2.47 \cdot E_{ph}(eV) + 4400}$$
 (6)

Σχήμα 22. Ενεργειακή διακριτική ικανότητα σαν συνάρτηση της ενέργειας του φωτονίου. Το πλήρες εύρος στο ήμισυ του ύψους (fwhm) της Κα του Μη είναι 138eV (ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΟ ΥΛΙΚΩΝ Ι: ''ΤΕΧΝΙΚΕΣ ΧΑΡΑΚΤΗΡΙΣΜΟΥ ΥΛΙΚΩΝ'', 2017).

Η σχετική ευαισθησία του φασματοσκοπίου δίνεται στο Σχήμα 23. Η ανίχνευση στοιχείων του περιοδικού πίνακα ξεκινά από το Κάλιο (Z=19). Στοιχεία χαμηλού ατομικού αριθμού δεν ανιχνεύονται, λόγω: α) της απορρόφησης των χαρακτηριστικών ακτινοβολιών από την ατμόσφαιρα μεταξύ του στόχου και του ανιχνευτή, και β) της μικρής πιθανότητας ιονισμού των Κ τροχιακών λόγω της κατανομής της ιονίζουσας ακτινοβολίας (Σχήμα 19). Η ευαισθησία του φασματοσκοπίου ως προς τις Κ μεταβάσεις παρουσιάζει μέγιστο για τα στοιχεία με Ζ~35. Για στοιχεία μεγαλύτερου ατομικού η ευαισθησία μειώνεται και μηδενίζεται για στοιχεία με ατομικό αριθμό μεγαλύτερου του Z=57 (λανθάνιο). Αυτό οφείλεται α) αφενός στο ότι η ενέργεια των φωτονίων είναι αρκετά μεγάλη ώστε διαπερνούν τη φωτοευαίσθητη περιοχή του ανιχνευτή χωρίς να αλληλεπιδράσουν, και β) αφετέρου στο γεγονός της ελάχιστης διαθεσιμότητα ενεργητικών φωτονίων για τον ιονισμό των βαρέων στοιχείων (Σχήμα 19). Παρόλα αυτά, στοιχεία με ατομικό μεγαλύτερο του ζιρκονίου (Z=40) και μέχρι το τέλος του περιοδικού πίνακα (Ουράνιο, Z=92) ανιχνεύονται μέσω των L και Μ μεταβάσεων.



Σχήμα 23. Σχετική ένταση των Κα και La μεταβάσεων σαν συνάρτηση του ατομικού για τη διάταξη του M1-Mistral. Προσδιορισμός της σχετικής έντασης φωτονίων των Κα μεταβάσεων για τη γεωμετρία του M1-Mistral. Οι τιμές των εντάσεων των χαρακτηριστικών μεταβάσεων είναι σχετικές ως προς την ένταση της Κα του Cu (Σφακιανάκη, 2020).

#### Tracer 5i

Εκτός από το φασματοσκόπιο M1 Mistral μετρήσεις πραγματοποιήθηκαν επίσης και με το φορητό φασματοσκόπιο (Hand Held Spectrometer, HH Spectrometer) Tracer 5i της Bruker. Το Tracer 5i είναι ένα φορητό χειροκίνητο φασματοσκόπιο ενεργειακής διασποράς (Σχήμα 24). Τα κύρια μέρη του φασματοσκοπίου είναι η λυχνία παραγωγής ακτίνων-Χ, οι ευθυγραμμιστές του ίχνους της δέσμης ακτίνων-Χ, τα φίλτρα αποκοπής μέρους της ακτινοβολίας και ο ανιχνευτής. Με το Tracer 5i πραγματοποιούνται μετρήσεις φθορισμού ακτίνων-Χ σε περιβάλλον αέρα, ηλίου (He) όπως και υπό κενό. Το περιβάλλον ηλίου καθώς και το περιβάλλον κενού είναι κατάλληλο για την ανίχνευση ελαφρών στοιχείων, καθώς η ακτινοβολία που εκπέμπουν είναι χαμηλής ενέργειας και απορροφάται από τα μόρια του ατμοσφαιρικού αέρα.



Σχήμα 24: Το φορητό φασματοσκόπιο Tracer 5i ("S1 TITAN and TRACER 5i User Manual", 2022).

Η πηγή των ακτίνων-Χ που είναι εγκατεστημένη στο φασματοσκόπιο Tracer 5i είναι μία λυχνία μετάδοσης με άνοδο ρουθηνίου (Rh) ενώ διαθέτει δύο ευθυγραμιστες του ίχνους της δέσμης σε οβάλ σχήμα διαμέτρου 3mm και 8mm. Τα διαθέσιμα φίλτρα του Tracer 5i παρουσιάζονται στον Πίνακας 5. Τα φίλτρα είναι λεπτά υμένια που αποτελούνται από στρώσεις διαφορετικών στοιχείων σε πάχος που ποικίλει. Η χρήση φίλτρων συμβάλει στην απόκτηση φασμάτων μεγάλης ακρίβειας καθώς η χρήση τους μειώνει την ακτινοβολία υποβάθρου που αποτυπώνεται στο φάσμα. Στο Σχήμα 25 παρουσιάζεται η μέτρηση ενός πρότυπου δείγματος πολυμερικής μήτρας μέσα στην οποία βρίσκονται τα στοιχεία κάδμιο (Cd), χρώμιο (Cr), μόλυβδος (Pb), βρώμιο (Br) και υδράργυρο (Hg) σε μικρές συγκεντρώσεις. Η μέτρηση πραγματοποιήθηκε χωρίς τη χρήση φίλτρου και με τη χρήση του φίλτρου στην περίπτωση της μέτρησης με τη χρήση φίλτρου έχει σχεδόν εξαλειφθεί. Στο φασματοσκόπιο Tracer 5i βρίσκεται εγκατεστημένος ένας ανιχνευτής στερεάς κατάστασης πυριτίου.

Πίνακας 5: Φίλτρα που διαθέτει το φασματοσκόπιο Tracer 5i μαζί με τις διαστάσεις τους ("TRACER 5 pXRF spectrometer", 2022).

LAYER 1	LAYER 2	LAYER 3	TOTAL	TRACER 5	COLOR
25 µm Ti	300 µm Al		325 µm	1	Yellow
				2	Beige
75 µm Cu	25 µm Ti	200 µm Al	300 µm	3	Violet
100 µm Cu	25 µm Ti	300 µm Al	425 µm	4	Green
38 µm Al			38 µm	5	Purple
25 µm Ti			25 µm	Included	Blue
200 µm Cu	25 µm Ti	300 µm Al	525 µm		Black
76 µm Al			76 µm		Orange
60 µm C	190 µm F		250 µm		White
25 µm Cu	25 µm Ti	300 µm Al	350 µm		Red



Σχήμα 25: Στο φάσμα της εικόνας παρουσιάζεται μια μέτρηση του δείγματος πολυμερικής μήτρας με το φασματοσκόπιο Tracer 5i. Η τάση ανόδου και στις δυο μετρήσεις είναι 50kV. Η μέτρηση με τον περισσότερο θόρυβο (πορτοκαλί) έχει πραγματοποιηθεί χωρίς τη χρήση φίλτρου ενώ η μέτρηση με το λιγότερο θόρυβο (μπλε) έχει πραγματοποιηθεί με το φίλτρο: Cu100μmTi25μmAl300μm.

Ως φορητό όργανο το Tracer 5i επιτρέπει την απευθείας μέτρηση στο πεδίο, ενώ με τη χρήση κατάλληλων στηριγμάτων μπορεί να χρησιμοποιηθεί και σαν φασματοσκόπιο εργαστηρίου για μετρήσεις δειγμάτων μικρών διαστάσεων που απαιτούν μια σταθερή επιφάνεια μέτρησης (Σχήμα 26). Λόγω της μεγάλης του ευελιξίας το Tracer 5i χρησιμοποιείται ευρέως σε τομείς όπως η γεωλογία, για την ανίχνευση των στοιχείων που απαρτίζουν το χώμα ή τα πετρώματα, η ασφάλεια τροφίμων, για την ανίχνευση επικίνδυνων στοιχείων στα τρόφιμα, αλλά και στον τομέα της τέχνης και της πολιτιστικής κληρονομιάς (Palmer et al., 2009; Newman & Loendorf, 2005; Feng, Zhang & Yu, 2020).



Σχήμα 26. Αριστερά) Το φασματοσκόπιο Tracer 5i πάνω σε σταθερή βάση που ώστε να χρησιμοποιηθεί ως σταθερό φασματοσκόπιο εργαστηρίου. Δεξιά) Το Tracer 5i κατά τη διάρκεια μετρήσεων στο πεδίο ("TRACER 5 pXRF spectrometer", 2022).

# 6. ΑνίχνευσηΡbμε φασματοσκοπία XRF

Οι δεσμικές ενέργειες των ατομικών ηλεκτρονίων του Pb δίνονται στον Πίνακα 6 (Schoonjans et al., 2011). Το θεωρητικά αναμενόμενο φάσμα εκπομπής των L και M μεταβάσεων του Pb φαίνονται στο Σχήμα 27 (Schoonjans et al., 2013). Οι ενέργειες και οι σχετικές εντάσεις των L μεταβάσεων δίνονται στον Πίνακα 7 (Schoonjans et al., 2011).

Το φάσμα φθορισμού ακτίνων-Χ, όπως έχει μετρηθεί με το HHXRF Tracer 5i δίνεται στο Σχήμα 28.

Πίνακας 6: Δεσμικές ενέργειες ατομικών ηλεκτρονίων των ατόμων του Pb (Schoonjans et al., 2011).

Δεσμικές ενέργειες (keV)											
Pb	К	L1	L2	L3	M1	M2	M3	M4	M5	N1	N7
	88.004	15.860	15.200	13.035	3.850	3.554	3.066	2.585	2.484	0.893	0.136



Σχήμα 27. Μεταβάσεις φθορισμού ακτίνων-X του Pb, όπως έχουν υπολογισθεί με τη χρήση του λογισμικού προσομοίωσης XMI-MSIM (Schoonjans et al., 2013). Στην προσομοίωση χρησιμοποιήθηκαν μονάχα θεωρητικές τιμές χωρίς να συνυπολογίζεται η διαπλάτυνση που επιφέρει η διάταξη στη διαπλάτυνση των φασματικών γραμμών.

	L μεταβάσεις του Μολύβδου												
	L1 μ	εταβάσεις			L2 μεταβάσεις					L3 μεταβάσεις			
Μετάβ	αση	E (KeV)	Rate	Μετάβ	Μετάβαση Ε (KeV) Rate				Μετάβ	αση	E (KeV)	Rate	
L1L2		0.6608	0.0001	L2L3		2.1648	0.0000		L3M1	L	9.1845	0.0410	
L1L3		2.8256	0.0307	L2M1	Lη	11.3493	0.0215		L3M2	Lt	9.4810	0.0005	
L1M1		12.0101	0.0000	L2M2		11.6458	0.0000		L3M3	Ls	9.9688	0.0004	
L1M2	Lβ <sub>4</sub>	12.3066	0.3372	L2M3	Lβ <sub>17</sub>	12.1336	0.0009		L3M4	Lα <sub>2</sub>	10.4496	0.0793	
L1M3	Lβ₃	12.7944	0.3683	L2M4	Lβ1	12.6144	0.7907		L3M5	Lα <sub>1</sub>	10.5512	0.6982	
L1M4	Lβ <sub>10</sub>	13.2752	0.0122	L2M5		12.7160	0.0001		L3N1	Lβ <sub>6</sub>	12.1416	0.0101	
L1M5	Lβ <sub>9</sub>	13.3768	0.0182	L2N1	Lγ <sub>5</sub>	14.3064	0.0056		L3N2		12.2713	0.0001	
L1N1		14.9672	0.0000	L2N2		14.4361	0.0000		L3N3		12.3907	0.0001	
L1N2	Lγ₂	15.0969	0.0868	L2N3		14.5555	0.0002		L3N4	<b>L</b> β <sub>15</sub>	12.6000	0.0149	
L1N3	Lγ₃	15.2163	0.1033	L2N4	Lγı	14.7648	0.1615		L3N5	Lβ2	12.6223	0.1343	
L1N4		15.4256	0.0019	L2N5		14.7871	0.0000		L3N6	Lu	12.8940	0.0001	
L1N5		15.4479	0.0030	L2N6,N7	Lv	15.0588	0.0007		L3N7	Lu	12.8989	0.0007	
L101		15.7135	0.0000	L201		15.0527	0.0012		L301		12.8879	0.0022	
L102		15.7560	0.0170	L202		15.0952	0.0000		L302		12.9304	0.0000	
L103		15.7778	0.0199	L2O3		15.1170	0.0000		L3O3		12.9522	0.0000	
				L2O4		15.1782	0.0175		L3P1		13.0321	0.0003	
				L2P1		15.1969	0.0002						
Άθροια	σμα		0.9985	Άθροι	σμα		1.0000		Άθροισμα 0		0.9821		

Πίνακας 7: L μεταβάσεις του Pb (Schoonjans et al., 2011). Με έντονη γραμματοσειρά οι τέσσερεις ισχυρότερες μεταβάσεις σε κάθε σειράς. Απαραίτητη προϋπόθεση για την εκπομπή είναι ο ιονισμός των αρχικών καταστάσεων.



Σχήμα 28. Φάσματα φθορισμού καθαρού Pb, όπως έχει μετρηθεί με το Tracer 5i.

#### Όρια ανίχνευσης Pb σε πολυμερική μήτρα

Το όριο ανίχνευσης (LOD) στο πλαίσιο της ανάλυσης χημικών στοιχείων είναι η ελάχιστη ποσότητα ενός στοιχείου που μπορεί να ανιχνευθεί μέσα σε συγκεκριμένο χρονικό διάστημα, με συγκεκριμένη πειραματική διάταξη, συνθήκες μέτρησης και σε συγκεκριμένη μήτρα υλικού. Ο κύριος περιορισμός της ανίχνευσης ενός στοιχείου είναι το υπόβαθρο στο μετρούμενο φάσμα. Το όριο ανίχνευσης αντιστοιχεί στο σήμα από το ανίχνευση στοιχείο το οποίο οριακά διακρίνεται στο υπόβαθρο του θορύβου.

Στην περίπτωση των ιχνοστοιχείων, το μετρούμενο πλήθος φωτονίων  $N_i$ είναι ανάλογο της κατά βάρος συγκέντρωσης  $C_i$  του στοιχείου αναλυτή :

$$N_i = \beta \cdot C_i \tag{7}$$

Ο συντελεστής αναλογίας β εξαρτάται από τη μετρούμενη μετάβαση του αναλυτή, από τα χαρακτηριστικά του φασματοσκοπίου, καθώς και από τη μήτρα του δείγματος.

Με βάση την εξίσωση (7), στην περίπτωση πρότυπου δείγματος αναφοράς το μετρούμενο πλήθος φωτονίων N<sub>ref</sub> του στοιχείου αναλυτή και η κατά βάρος συγκέντρωσης C<sub>ref</sub> του στοιχείου αναλυτή συνδέονται με την σχέση :

$$C_{ref} = \frac{1}{\beta} \cdot N_{ref} \tag{8}$$

Επίσης από την εξίσωση (7) προκύπτει ότι τα όρια ανίχνευσης της συγκέντρωσης του αναλυτή δίνονται από τη σχέση ("Handbook of Practical X-Ray Fluorescence Analysis", 2006):

$$C_i^{DL} = \frac{1}{\beta} \cdot N_i^{DL} = \frac{1}{\beta} \cdot 3 \cdot \sqrt{N_{background}}$$
(9)

Συνδυάζοντας τις δύο τελευταίες εξισώσεις τα όρια ανίχνευσης της συγκέντρωσης του αναλυτή μπορούν να προσδιοριστούν από τη σχέση :

$$C_i^{DL} = C_{ref} \cdot \frac{3 \cdot \sqrt{N_{background}}}{N_{ref}}$$
(10)

Να τονισθεί ότι το όριο ανίχνευσης (DL) όπως προκύπτει από την παραπάνω σχέση είναι χαρακτηριστικό της πειραματικής διάταξης, των συνθηκών μέτρησης και της μήτρας του υλικού.

Σκοπός του πειράματος είναι ο προσδιορισμός των ορίων ανίχνευσης του Pb σε περιβάλλον πολυμερικής μήτρας. Για το λόγο αυτό πραγματοποιήθηκαν μετρήσεις σε ένα πρότυπο δείγμα (MAT) μήτρας πολυαιθυλενίου μέσα στην οποία έχουν προστεθεί τοξικά στοιχεία σε μικρή κατά βάρος συγκέντρωση (Πίνακας 8). Λόγω των παραμέτρων που επηρεάζουν το όριο ανίχνευσης (π.χ. πειραματική διάταξη, χρόνος μέτρησης) μετρήσεις διεξήχθησαν με δύο φασματοσκόπια (Tracer 5i και M1 Mistral) για διάφορες συνθήκες μέτρησης.

Sample Matrix	Polyethy	lene		
Serial Number	PE-446	5-N		
Element added	Conc. added	Estimate of error at 95%		
Element added	[mg/kg]	conf. Level,		
		[mg/kg]		
Cd	150	±6		
Cr	1000	±40		
Pb	999	±40		
Br	500	±20		
Hg	1001	±40		

Πίνακας 8. Πρότυπο δείγμα MAT, αποτελούμενο από μήτρα πολυαιθυλενίου με προστιθέμενα στοιχεία σε διαφορετικές κατά βάρος συγκεντρώσεις.

Με το Tracer 5i πραγματοποιήθηκαν μετρήσεις με υψηλή τάση 35kV και 50kV, αλλά και κάνοντας χρήση διαφορετικών φίλτρων διαμόρφωσης της ιονίζουσας ακτινοβολίας. Σε αυτό τον κύκλο μετρήσεων ο χρόνος διατηρήθηκε σταθερός στα 60sec για όλες τις μετρήσεις.Τυπικά φάσματα φθορισμού ακτίνων-Χ του δείγματος ΜΑΤ με το φασματοσκόπιο Tracer 5i για διαφορετικές συνθηκες μέτρησεις φαίνονται στα Σχήματα Σχήμα 29 και Σχήμα 30, ενώ το πλήθος φωτονίων της Lα του Pb καθώς και του αντίστοιχου υποβάθρου δίνονται στον Πίνακας 9.

Τα όρια ανίχνευσης υπολογίσθηκαν με βάση τη σχέση (10) :

$$C_{Pb}^{DL} = C_{Pb} \cdot \frac{3 \cdot \sqrt{N_{background}}}{N_{ref}}$$
(11)

όπου C<sub>Pb</sub>=999ppm. Οι τιμές των ορίων ανίχνευσης που προέκυψαν δίνονται στο Σχήμα 31.



Σχήμα 29: Μέτρηση του δείγματος ΜΑΤ με τη χρήση του φασματοσκόπιου Tracer 5i. Η μέτρηση πραγματοποιήθηκε με τάση ανόδου V=50kV, ρεύμα i=20μA, χωρίς τη χρήση φίλτρου. Στο επάνω γράφημα η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας αποτυπώνεται σε γραμμική κλίμακα.



Σχήμα 30: Σύγκριση μετρήσεων του δείγματος ΜΑΤ χωρίς τη χρήση φίλτρου (κόκκινο χρώμα) και με χρήση του φίλτρου Cu100Ti25Al300 (πράσινο χρώμα). Η μέτρηση πραγματοποιήθηκε με το φασματοσκόπιο Tracer 5i με τάση ανόδου V=50kV και ρεύμα i=20μA.

α / α	Φίλτρο διαμόρφωσης ιονίζουσας ακτινοβολίας	Υψηλή τάση (kV)	Ρεύμα λυχνίας (μΑ)	Χρόνος μέτρησης (sec)	Στοι χείο	Πλήθος φωτονίων της LaPb	Πλήθος φωτονίων υποβάθρου
1	No filter	50	20	60	Pb	149281	96805
2	AI38	50	20	60	Pb	178369	94203
3	Ti25Al300	50	20	60	Pb	190062	20607
4	Cu75Ti25Al200	50	20	60	Pb	54476	1247
5	Cu100Ti25Al300	50	20	60	Pb	34438	786
6	No filter	35	20	60	Pb	151868	114216
7	AI38	35	20	60	Pb	178681	115420
8	Ti25Al300	35	20	60	Pb	168088	22432
9	Cu75Ti25Al200	35	20	60	Pb	33463	663
1 0	Cu100Ti25Al300	35	20	60	Pb	18239	408

Πίνακας 9. Πλήθος φωτονίων της Lα του Pb και του αντίστοιχου υποβάθρου με χρήση του Tracer 5i, για το δείγμα μήτρας πολυαιθυλενίου.



Σχήμα 31. Όρια ανίχνευσης Pb σε πολυμερική μήτρα με το φασματοσκόπιο χειρός Tracer 5i, σαν συνάρτηση της υψηλής τάσης και του φίλτρου διαμόρφωσης της ιονίζουσας ακτινοβολίας.

Οι μετρήσεις με το M1-Mistral έγιναν με υψηλή τάση 50kV και ρεύμα 800μA, σαν συνάρτηση του χρόνου μέτρησης (Σχήμα 32). Σκοπός αυτού του κύκλου μετρήσεων είναι να μελετηθεί πως το LOD επηρεάζεται από τον χρόνο έκθεσης του δείγματος MAT στην ιονίζουσα ακτινοβολία. Από τα φάσματα υπολογίσθηκαν το πλήθος φωτονίων της La του Pb και της αντίστοιχης ακτινοβολίας υποβάθρου (Πίνακας 10), ενώ με τη βοήθεια της σχέσης (11) υπολογίσθηκε το όριο ανίχνευσης LOD (Σχήμα 33). Όπως προκύπτει το όριο ανίχνευσης είναι φθίνουσα συνάρτηση του χρόνουμέτρησης (Σχήμα 34).



Σχήμα 32. Φάσματα φθορισμού ακτίνων-Χ από το στόχο ΜΑΤ σαν συνάρτηση του χρόνου μέτρησης. Οι μετρήσεις διεξήχθησαν με το M1 Mistralτάση ανόδου V=50kV και i=800μA.

Πίνακας 10. LOD του Pb στην πολυμερική μήτρα με την χρήση του M1-Mistral σαν συνάρτηση του χρόνου μέτρησης.

t(sec)	t(sec) Net		LOD (ppm)	
1	150	4	40.0	
10	1374	91	20.8	
60	8658	521	7.9	
120	17144	1018	5.6	
300	38424	2163	3.6	



Σχήμα 33: Όρια ανίχνευσης Pb σε πολυμερική μήτρα από μετρήσεις που έχουν πραγματοποιηθεί με χρήση του M1 Mistral, σαν συνάρτηση του χρόνου έκθεσης του δείγματος στην ιονίζουσα ακτινοβολία.



Σχήμα 34. Εξάρτηση του ελάχιστου ορίου ανίχνευσης από το χρόνο μέτρησης, για το δείγμα MAT μετρημένο με το φασματοσκόπιο M1 Mistral.

Από την ανάλυση προκύπτει ότι το LOD εξαρτάται :

- Από τα χαρακτηριστικά του φασματοσκοπίου. Για παράδειγμα, το LOD για μέτρηση του δείγματος MAT χωρίς τη χρήση φίλτρου με τάση ανόδου 50kV και χρόνο ακτινοβόλησης 60sec υπολογίζεται στα 8,8ppm (Σχήμα 33) στην περίπτωση του φασματοσκόπιου M1 Mistral, και στα 6,3ppm (Σχήμα 31) στην περίπτωση του Tracer 5i. Ενώ στις μετρήσεις που πραγματοποιήθηκαν με το Tracer 5i για τάση ανόδου 35kV και 50kV το LOD ήταν σταθερά μικρότερο στην περίπτωση των 50kV (Σχήμα 31).
- Από τα φίλτρα διαμόρφωσης της ιονίζουσας ακτινοβολίας. Οι μετρήσεις που πραγματοποιήθηκαν με το Tracer 5i παρουσιάζουν μείωση της τιμής του LOD όσο το πάχος των φίλτρων γίνεται μεγαλύτερο (Σχήμα 31).
- Από το χρόνο μέτρησης. Οι μετρήσεις που πραγματοποιήθηκαν με το M1 Mistral για χρόνους από 1sec ως 300sec παρουσιάζουν μείωση του LOD σε σχέση με την αύξηση του χρόνου έκθεσης του δείγματος MAT στην ιονίζουσα ακτινοβολία.

### Όρια ανίχνευσης Pb σε υαλώδη μήτρα

Στην προηγούμενη παράγραφο έγινε μια εκτίμηση για το όριο ανίχνευσης του μόλυβδου σε μήτρα πολυμερούς. Σε αυτή την παράγραφο θα υπολογισθεί το όριο ανίχνευσης του μόλυβδου σε υαλώδες περιβάλλον. Ως πρότυπο δείγμα χρησιμοποιήθηκε πρότυπος ύαλος με όνομα SQ2NN, η σύσταση του οποίου δίνεται στον Πίνακας 11. Το οξείδιο του μόλυβδου, PbO, αντιστοιχεί στο 4% της συνολικής συγκέντρωσης της υάλου. Στο οξείδιο PbO, ο μόλυβδος αποτελεί το 92,8%. Άρα συνολικά στο δείγμα υάλου SQ2NN ο μόλυβδος αποτελεί το 3.7% της συγκέντρωσης ή 3.7×10<sup>4</sup>ppm.

SQ2NN	B <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	Na <sub>2</sub> O	Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	SiO <sub>2</sub>	P <sub>2</sub> O <sub>5</sub>	CaO	Sb <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	La <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	Nb <sub>2</sub> O <sub>5</sub>	PbO
	58	8	10	3.55	5	6	1.85	1	1	4

Πίνακας 11: Κατά βάρος συγκεντρώσεις οξειδίων στο πρότυπο δείγμα SQ2NN.

Οι μετρήσεις πραγματοποιήθηκαν με το φασματοσκόπιο M1 Mistral με τάση ανόδου 50kV. Το πρότυπο δείγμα SQ2NN ακτινοβολήθηκε για χρόνους 1sec, 10sec, 60sec, 120sec, 300sec με σκοπό να υπολογισθεί η επίδραση του χρόνου μέτρησης στην τιμή του LOD. Τυπικό φάσματα φθορισμού του SQ2NN δίνεται στο Σχήμα 35, όπου η ανάλυση έγινε με χρήση του λογισμικού PyMCA (Solé et al., 2007).



Σχήμα 35. Φάσμα του δείγματος SQ2NN για 300 sec με το φασματοσκόπιο M1 Mistral. Με μαύρο χρώμα απεικονίζονται τα πειραματικά δεδομένα, με κόκκινο χρώμα απεικονίζεται το fitting και με μπλε χρώμα η γραμμή της ακτινοβολίας υποβάθρου. Τα στοιχεία που ανιχνεύονται είναι Ca, Co, Sb, La, Nd, Pb, Ar, Zr, Fe. Οι L χαρακτηριστικές μεταβάσεις του μόλυβδου διακρίνονται με κίτρινο χρώμα. Η ανάλυση έγινε μέσω του λογισμικού PyMCA (Solé et al., 2007).

Ο υπολογισμός του ορίου ανίχνευσης του μόλυβδου στην ύαλο έγινε με χρήση της εξίσωσης  $C_i^{DL} = C_{ref} \frac{3 \cdot \sqrt{N_{background}}}{N_{ref}}$ . Η τιμή του πλήθους των φωτονίων της Lα του Pb καθώς και του αντίστοιχου υποβάθρουέχουν εξαχθεί από το λογισμικό Artax της Bruker ("ARTAX Software / HandHeld XRF / LIBS", 2022) και μαζί με τους αντίστοιχους χρόνους μέτρησης παρουσιάζονται στον Πίνακας 12. Παρατηρούμε ότι όσο μεγαλύτερη είναι η διάρκεια της μέτρησης τόσο μικρότερη γίνεται η τιμή του LOD του Pb στο υαλώδες περιβάλλον του δείγματος SQ2NN (Σχήμα 36). Η θεωρητικά αναμενόμενη εξάρτηση του LOD από το χρόνο μέτρησης είναι της μορφής LOD  $\propto \frac{1}{\sqrt{t}}$  (Σχήμα 37).

Πίνακας 12: Το πλήθος φωτονίων της Lα του Pb καθώς και του αντίστοιχου υποβάθρου του πρότυπου δείγματος SQ2NN για διαφορετικούς χρόνους μέτρησης (υψηλή τάση 50kV). Τα δεδομένα έχουν εξαχθεί μέσω του προγράμματος Artax ("ARTAX Software / HandHeld XRF / LIBS", 2022)

Χρόνος (sec)	Lα του Pb	Υπόβαθρο	LOD (ppm)
1	624	3	308
10	6023	61	144
60	36219	419	62.7
120	72161	850	44.8
300	180074	2092	28.2



Σχήμα 36. Όριο ανίχνευσης του μόλυβδου σε υαλώδη μήτρα του δείγματος SQ2NN, για διαφορετικό χρόνο έκθεσης του δείγματος στην ιονίζουσα ακτινοβολία. Η μετρήσεις πραγματοποιήθηκαν με το M1 Mistral με τάση ανόδου 50kV.



Σχήμα 37. Το όριο ανίχνευσης (LOD) του Pb στο υαλώδες περιβάλλον του SQ2NN σαν συνάρτηση του χρόνου μέτρησης είναι της μορφής  $LOD \propto \frac{1}{\sqrt{t}}$ .

### Ανίχνευση Pb σε ετερογενή μεταλλική μήτρα

Σε αυτή την παράγραφο μελετάται η ανίχνευση του Pb σε μεταλλικό περιβάλλον και παρουσιάζεται η μεθοδολογία χαρτογράφησης ενός πρότυπου δείγματος μεταλλικής μήτρας. Για το σκοπό αυτό πραγματοποιήθηκαν μετρήσεις με το φασματοσκόπιο M1 Mistral στο πρότυπο δείγμα SPI\_C ("SPI Standards for Microanalysis, 44 Metals, Mounted on 3 mounts, each 4x12.5 mm diam. | 02752-AB | SPI Supplies", 2022). Το δείγμα αποτελείται από μήτρα ανοξείδωτου χάλυβα, διαμέτρου 12.5mm, επάνω στην οποίο είναι εγκιβωτισμένοι 15 διαφορετικοί στόχοι. Το σύνολο των στοιχείων που βρίσκονται στους στόχους όπως και η θέση του κάθε στοιχείου παρουσιάζονται στα Σχήματα Σχήμα 38 και Σχήμα 39.



Σχήμα 38. Αριστερά) Το δείγμα SPI\_C. Στη φωτογραφία φαίνεται η θέση που καταλαμβάνει ο κάθε στόχος καθώς και το σύμβολο του στοιχείου που βρίσκεται πάνω σε κάθε στόχο. Δεξιά) Η διάμετρος του δείγματος είναι 12.5mm. Το εμβαδό του στόχου Pb καταλαμβάνει το 0.55% της επιφάνειας. Ο υπολογισμός των διαστάσεων έγινε με το ελεύθερο λογισμικό ImageJ (Schneider, Rasband & Eliceiri, 2012).

Η χαρτογράφηση έγινε με το φασματοσκόπιο M1 Mistral, σε συνολική επιφάνεια 169mm<sup>2</sup> (13mmx13mm). Το δείγμα σαρώθηκε με την τετραγωνική μάσκα, πλευράς 500μm. Το βήμα σάρωσης τόσο στον άξονα -x όσο και στο άξονα -y ήτανε ίσο με 500μm. Από τη σάρωση προέκυψαν 729 φάσματα τα οποία αντιστοιχούν στα 729 σημεία μέτρησης πάνω στο SPI\_C (27 στον άξονα -x και 27 στον άξονα -y). Η μέτρηση σε κάθε σημείο ορίσθηκε στα 5sec. Η διάταξη χρειάζεται περίπου άλλα 5sec για να μεταβεί από σημείο σε σημείο και να αρχίσει την μέτρηση. Συνολικά λοιπόν απαιτούνται 10sec ανά σημείο, ήτοι περίπου δύο ώρες για τη σάρωση όλου του δείγματος. Η επεξεργασία των φασμάτων πραγματοποιήθηκε μέσω των προγραμμάτων XISMuS (Barcellos et al., 2020) και PyMca (Solé et al., 2007), τα οποία δίνουν τη δυνατότητα άθροισης του συνόλου των φασμάτων της σάρωσης (Σχήμα 40) και προβολή χάρτη με τη θέση του στοιχείου που ανιχνεύτηκε και την διαβάθμιση της έντασης της ακτινοβολίας στο χώρο αυτό (Σχήμα 42, Σχήμα 43). Επιπλέον το XISMuS επιτρέπει την επιλογή ενός τμήματος πάνω σε έναν χάρτη (ο χάρτης είναι χωρισμένος σε pixel από το πρόγραμμα) και την αναπαραγωγή του φάσματος που αντιστοιχεί σε αυτήν την περιοχή (Σχήμα 43).

α/α	Ονομασία	Συντομογραφία	
1	Τελούριο	Te	
2	Χάφνιο	Hf	
3	Ταντάλιο	Та	
4	Βολφράμιο	w	
5	Ρένιο	Re	
6	Όσμιο	Os	
7	Ιρίδιο	<u>ار</u>	
8	Λευκόχρυσος	Pt	
9	Χρυσός	Au	
10	Βρωμιούχο Θάλιο	TIBr	
11	Ιωδιούχο Θάλιο	TIL	
12	Μόλυβδος	Pb	
13	Βισμούθιο	Bi	
14	Θόριο	Th	
15 Ουράνιο		U	

Σχήμα 39. Απαρίθμηση του συνόλου των στοιχείων που περιλαμβάνονται στο δείγμα ετερογενούς μεταλλικής μήτρας, SPI\_C ("SPI Standards for Microanalysis, 44 Metals, Mounted on 3 mounts, each 4x12.5 mm diam. | 02752-AB | SPI Supplies", 2022).



Σχήμα 40. Φάσμα του SPI\_C το οποίο αποτελεί άθροισμα των 729 φασμάτων που προέκυψαν κατά την χαρτογράφηση του δείγματος. Το φασμα έχει εξαχθει από το XISMuS.



Σχήμα 41: Χωρική κατανομή των L και M μεταβάσεων του Pb. Η εξεγωγή των εικόνων έγινε μεσω του XISMuS.



Σχήμα 42: Στοιχειακοί χάρτες των μεταλλικών στοιχείων που ανιχνεύτηκαν στο δείγμα SPI\_C.



Σχήμα 43. Επάνω) Φάσμα Bi και Pb μετά από επιλογή δύο pixels από τους στοιχειακούς χάρτες των δύο αυτών στοιχείων. Κάτω) Φάσμα Bi και Pb μετά από επιλογή εννέα pixels από τους στοιχειακούς χάρτες των δυο στοιχείων.

Στο Σχήμα 42 φαίνονται χάρτες για όλα τα στοιχεία του δείγματος SPI\_C καθώς και χάρτες για τα στοιχεία που αποτελούν το κράμα της βάσης του δείγματος (χρώμιο (Cr), σίδηρος (Fe), νικέλιο (Ni). Παρατηρούμε ότι οι χάρτες για τα στοιχεία θάλλιο (Tl), βρώμιο (Br) και Ιώδιο (I) φαίνεται να τα ανιχνεύουν όλα στο ίδιο σημείο, αυτό συμβαίνει γιατί για τη μέτρηση του θαλλίου έχουν χρησιμοποιηθεί οι ενώσεις βρωμιούχο θάλλιο και ιωδιούχο θάλλιο στον ίδιο στόχο. Στο Σχήμα 43 φαίνονται φάσματα που έχουν επιλεχθεί από περιοχές των χαρτών του Pb και του Bi. Τα φάσματα που αντιστοιχούν σε περιοχές των 9 pixel παρουσιάζουν εντονότερη ακτινοβολία υποβάθρου σε σύγκριση με τα φάσματα που αντιστοιχούν σε περιοχές των δύο pixel, ενώ οι κορυφές που αντιστοιχούν στις La1 μεταβάσεις του Pb και του Bi διακρίνονται στις περιπτώσεις που τα φάσματα του Bi και του Pb απεικονίζονται μαζί.

#### Ανίχνευση Ρbσε μήτραBi-Sn

Σε αυτή την παράγραφο παρουσιάζονται τα αποτελέσματα μέτρησης ενός εμπορικού προϊόντος που είναι κατασκευασμένο σύμφωνα με την οδηγία RoHS χρησιμοποιώντας ένα φασματοσκόπιο ενεργειακού διασκεδασμού, το M1 Mistral. Το προϊόν είναι μια καλωδιοταινία από χαλκό (Cu) με επίστρωση που αποτελείται από βισμούθιο και κασσίτερο σε αναλογία (58Bi:42Sn) και χρησιμοποιείται για κολλήσεις σε φωτοβολταϊκά πάνελ. Η εταιρία παράγωγής της καλωδιοταινίας ενημερώνει πως το προϊόν αυτό δεν περιέχει μόλυβδο.



Σχήμα 44. Η καλωδιοταινία που χρησιμοποιήθηκε για τις μετρήσεις με το φασματοσκόπιο M1 Mistral. Με κίτρινο χρώμα αποτυπώνεται η περιοχή σάρωσης.

Στο δείγμα έγινε χαρτογράφηση με το φασματοσκόπιο M1 Mistral με σκοπό να ελεγχθεί το δείγμα ως προς την απουσία του μόλυβδου αλλά και για να μελετηθεί η ομοιομορφία του πάχους της επίστρωσης. Το τμήμα που χαρτογραφήθηκε είχε διαστάσεις 9mm<sup>2</sup> (3mm μήκος × 3mm πλάτος) και φαίνεται στην Σχήμα 44 με κίτρινο χρώμα, στο τμήμα αυτό περιλαμβάνεται και μέρος την τράπεζας του φασματοσκοπίου οπότε αναμένεται ανίχνευση των στοιχείων που την αποτελούν. Για τη χαρτογράφηση χρησιμοποιήθηκε μάσκα στη δέσμη των ακτίνων-Χ πλάτους 100μm και μήκους 300μm. Η περιοχή μέτρησης σαρώθηκε με 31 βήματα της λυχνίας κατά τον άξονα -x και 11 βήματα κατά τον άξονα -y, και συνολικά παρήχθησαν 341 φάσματα.

Η επεξεργασία των φασμάτων έγινε όπως και η δημιουργία των στοιχειακών χαρτών έγινε μέσω του PyMca (Solé, Papillon, Cotte, Walter & Susini, 2007). Στο Σχήμα 45 φαίνεται το αθροιστικό φάσμα και των 341 φασμάτων. Τα στοιχεία που ανιχνεύεται είναι ο χαλκός (Cu), το βισμούθιο (Bi) και ο κασσίτερος (Sn) τα οποία προέρχονται από την καλωδιοταινία, ενώ ο σίδηρος (Fe), ο ψευδάργυρος (Zn) και το μαγγάνιο (Mn) από την τράπεζα του φασματοσκόπιου. Το ζιρκόνιο (Zr) αποτελεί ακαθαρσία στο σύστημα ανίχνευσης, και το αργό (Ar) από την ατμόσφαιρα.



Σχήμα 45. Αθροιστικό φάσμα 341 μετρήσεων απο την πειοχη σαρωσης της καλωδιοταινίας. Η αναλυση τοων φασματων εχει γινει με το λογισμικο PyMCA ενώ οι χαρακτιριστικες κορυφες των στοιχειων που ανιχνευτικαν στα φασματα αποτυπονωνται με διαφορετικα χρωματα.

Στο Σχήμα 46 φαίνεται η κατανομή του χαλκού, του βισμουθίου και του κασσιτέρου στην καλωδιοταινία. Το βισμούθιο και ο κασσίτερος είναι στοιχείο της επίστρωσης, ενώ ο χαλκός είναι το στοιχείο του υποστρώματος. Το γεγονός πως ο χαλκός είναι σχεδόν ανύπαρκτος στο κέντρο της εικόνας (το κέντρο της εικόνας ταυτίζεται με το κέντρο του δείγματος και κατά τον άξονα x αλλά και κατά τον άξονα y) είναι απόδειξη πως το πάχος της επίστρωσης είναι μεγαλύτερο στο κέντρο και μικρότερο στις άκρες του δείγματος.



Σχήμα 46. Χωρική κατανομή χαλκού, ψευδαργύρου, βισμουθίου και κασσιτέρου. Ο χαλκός, βισμούθιο και κασσίτερος βρίσκονται επί του δείγματος, ενώ ο ψευδάργυρος είναι επί του δειγματοφορέα.

Στο Σχήμα 46 φαίνονται μονοστοιχειακοί χάρτες για το πώς κατανέμεται το κάθε στοιχείο στο χώρο της μέτρησης αλλά και για το πώς κατανέμεται η ένταση της ακτινοβολία από το συγκεκριμένο στοιχείο στο χώρο της μέτρησης.

#### Οι μετρήσεις με ED-XRF

Σύμφωνα με την ευρωπαϊκή οδηγία RoHS που αναφέρθηκε σε προηγούμενο κεφάλαιο, η συγκέντρωση του μόλυβδου σε προϊόντα που κατασκευάζονται ή εισάγονται στην Ευρωπαϊκή Ένωση δεν θα πρέπει να ξεπερνά το 0,1% της συνολικής συγκέντρωσης του προϊόντος (Ευρωπαϊκή Ένωση, 2011; "RoHS 2 vs RoHS 3 (EU 2015/863)", 2022).

Για την ανάδειξη του προβλήματος της ανίχνευσης του μόλυβδου μέσα σε μήτρα βισμουθίου όταν ο μόλυβδος βρίσκεται σε συγκέντρωση πολύ μικρότερη από το βισμούθιο, γίνανε μετρήσεις με το φασματοσκόπιο M1 Mistral. Οι φασματικές κορυφές για την La<sub>1</sub> του μόλυβδου και του βισμουθίου είναι στα 10,3keV και στα 10,5keV, αντίστοιχα. Για ένα φασματοσκόπιο ενεργειακού διασκεδασμού είναι δύσκολο να γίνει διάκριση αυτών των δυο φασματικών γραμμών όταν οι τιμές των συγκεντρώσεων των δύο στοιχείων διαφέρουν κατά τάξεις μεγέθους.

Για την ανίχνευση των Lα του μόλυβδου και του βισμουθίου γίνανε μετρήσεις σε δυο δείγματα, ένα δείγμα μόλυβδου (Pb) και ένα δείγμα τριοξειδίου του βισμουθίου (Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub>).

Το πλήθος φωτονίων της La του Βιδίνεται από τη σχέση :

$$\mathbf{V}_{Bi} = C_{Bi} \cdot M_{Bi_2O_3} \cdot S_{Bi} \cdot t_{Bi_2O_3} = 89.7\% \cdot M_{Bi_2O_3} \cdot S_{Bi} \cdot t_{Bi_2O_3}$$
(12)

όπου με  $C_{Bi}$  η συγκέντρωση του Bi,  $M_{Bi2O3}$  ο παράγοντας μήτρας, με  $S_{Bi}$  η ευαισθησία του φασματοσκοπίου για την La του Bi και  $t_{Bi2O3}$  ο χρόνος μέτρησης του στόχου Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub>.

Το πλήθος φωτονίων της La του Pb δίνεται από τη σχέση :

$$N_{Pb} = C_{Pb} \cdot M_{Pb} \cdot S_{Pb} \cdot t_{Pb} = 100\% \cdot M_{Pb} \cdot S_{Pb} \cdot t_{Pb}$$
(13)

όπου με  $C_{Pb}$  η συγκέντρωση του Pb, με  $M_{Pb}$  ο παράγοντας μήτρας,  $S_{Pb}$  η ευαισθησία του φασματοσκοπίου για την La του Pb, και  $t_{Pb}$  ο χρόνος μέτρησης του στόχου Pb.

Θεωρώντας ότι τα φαινόμενα μήτρας και η ευαισθησία του φασματοσκοπίου είναι ισοδύναμα για την Lα του Bi και του Pb από τις παραπάνω σχέσεις προκύπτει ότι :

$$\frac{N_{Pb}}{N_{Bi}} = \frac{100\% \cdot M_{Pb} \cdot S_{Pb} \cdot t_{Pb}}{89.7\% \cdot M_{Bi_2O_3} \cdot S_{Bi} \cdot t_{Bi_2O_3}} \cong 1.1 \cdot \frac{t_{Pb}}{t_{Bi_2O_3}}$$
(14)

Από την παραπάνω σχέση προκύπτει ότι αν ο χρόνος μέτρησης για το στόχου του Pb είναι  $t_{Pb} = 1sec$  και ο χρόνος μέτρησης του στόχου Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub> είναι  $t_{Bi_2O_3} = 1100sec$  Bi o αναμενόμενος λόγος του πλήθους φωτονίων θα είναι  $\frac{N_{Pb}}{N_{Bi}} = \frac{1}{1000}$ . Συνεπώς στόχος Bi με 1000ppm Pb μπορεί να προσομοιωθεί σε καλή προσέγγιση με τη μέτρηση καθαρών στόχων σε διαφορετικούς χρόνους μέτρησης. Οι μετρήσεις που πραγματοποιήθηκαν για διαφορετικούς χρόνους και οι αντίστοιχες ενεργές συγκεντρώσεις Pb φαίνονται στον πίνακα που ακολουθεί.

α/α	<i>t<sub>Pb</sub></i> (sec)	t <sub>Bi203</sub> (sec)	$t_{Pb}/t_{Bi_2O_3}$	(C <sub>Pb</sub> ) <sub>eff</sub>
1	300	300	1.10	52%
2	100	300	0.37	27 %
3	10	300	0.037	3.5%
4	1	300	0.0037	0.36% =3600 ppm

Με τον παραπάνω συλλογισμό πραγματοποιήθηκαν μετρήσεις με διαφορετικούς χρόνους για τα δείγματα Pb και Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub> ως ένας τρόπος προσομοίωσης της επικάλυψης των La φασματικών γραμμών των δύο στοιχείων για διαφορετικές συγκεντρώσεις. Μετρήσεις πραγματοποιήθηκαν για 300sec στο δείγμα του Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub> ενώ για το δείγμα του Pb πραγματοποιήθηκαν μετρήσεις για 1sec, 10sec, 100sec. Η αναλογία χρόνων μέτρησης μεταξύ των δυο δειγμάτων αντιστοιχεί και στην αναλογία συγκέντρωσης που θα είχαν τα δυο υλικά αν αυτά βρίσκονταν στο ίδιο δείγμα.

Στο Σχήμα 47α φαίνεται το φάσμα μέτρησης του Pb για 100sec και του  $Bi_2O_3$  για 300sec, δηλαδή αναλογία συγκέντρωσης 0,33 Pb σε Bi. Σε αυτή τη συγκέντρωση η La του Pb διακρίνεται εύκολα δίπλα στην La του Bi.

Στο Σχήμα 47β η αναλογία συγκέντρωσης είναι 0,033 Pb σε Bi και η κορυφή που αντιστοιχεί στη μετάβαση La του μόλυβδου είναι πολύ χαμηλότερης έντασης σε σχέση με αυτή του βισμουθίου με αποτέλεσμα να είναι οριακή η ανίχνευση του μόλυβδου σε ένα δείγμα 0,033 Pb-Bi.

Στο Σχήμα 47γ η αναλογία Pb σε Bi είναι 0.36% ή 3600 ppm και ήδη η κορυφή που αντιστοιχεί στην La του Pb έχει επικαλυφθεί από την αντίστοιχη κορυφή του Bi η οποία έχει πολύ μεγάλη ένταση. Γίνεται σαφές ότι είναι αδύνατο για ένα φασματοσκόπιο ενεργειακού διασκεδασμού να ανιχνεύσει το μόλυβδο όταν αυτός βρίσκεται σε ένα δείγμα στο οποίο συνυπάρχει και το βισμούθιο σε αναλογία 1000ppm Pb σε Bi όπως ορίζει η οδηγία RoHS. Από την παραπάνω σχέση προκύπτει ότι ο λόγος των κατά βάρος συγκεντρώσεων είναι λόγος των εντάσεων και αντίστροφα, ο λόγος των εντάσεων είναι λόγος των κατά βάρος συγκεντρώσεων διαθους φωτονίων θα είναι  $\frac{N_{Pb}}{N_{Bi}} = \frac{1}{1000}$ .



Σχήμα 47. Επάνω) Φάσμα XRF για δείγμα Pb με χρόνο μέτρησης 100sec (πράσινο χρώμα), για δείγμα Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub> με χρόνο μέτρησης 300sec (κόκκινο χρώμα) καθώς και το αθροιστικό τους φάσμα (μπλε χρώμα). Οι φασματικές κορυφές που αντιστοιχούν στη μετάβαση La<sub>1</sub> του μόλυβδου και του βισμούθιου είναι καλά διακριτές μεταξύ τους. Μέσον) Φάσμα XRF για δείγμα Pb με χρόνο μέτρησης 10sec (πράσινο χρώμα), για δείγμα Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub> με χρόνο μέτρησης 300sec (κόκκινο χρώμα) καθώς και το αθροιστικό τους φάσμα (μπλε χρώμα), για δείγμα Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub> με χρόνο μέτρησης 300sec (κόκκινο χρώμα) καθώς και το αθροιστικό τους φάσμα (μπλε χρώμα), για δείγμα Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub> με χρόνο μέτρησης 300sec (κόκκινο χρώμα) καθώς και το αθροιστικό τους φάσμα (μπλε χρώμα). Η κορυφή που αντιστοιχεί στη μετάβαση La<sub>1</sub> του μόλυβδου ίσα που διακρίνεται δίπλα στην La<sub>1</sub> του βισμούθιου. Κάτω) Φάσμα XRF για δείγμα Pb με χρόνο μέτρησης 1sec (πράσινο χρώμα), για δείγμα Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub> με χρόνο μέτρησης 300sec (κόκκινο χρώμα) καθώς και το αθροιστικό τους φάσμα. Η La<sub>1</sub> του βισμούθιου. Κάτω) Φάσμα XRF για δείγμα Pb με χρόνο μέτρησης 1sec (πράσινο χρώμα), για δείγμα Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub> με χρόνο μέτρησης 300sec (κόκκινο χρώμα) καθώς και το αθροιστικό τους φάσμα). Η La<sub>1</sub> του βισμούθιου. Κάτω) Φάσμα XRF για δείγμα Pb με χρόνο μέτρησης 1sec (πράσινο χρώμα). Η La<sub>1</sub> του βισμούθιου. Κάτω της ισχυρής έντασης της La<sub>1</sub> του Bi.



Σχήμα 48: Φάσμα καθαρού Bi. Η ένταση στην περιοχή των L μεταβάσεων δεν είναι χαμηλότερη από το 0.1% (1000ppm) της La του Bi.

Πίνακας 13: L μεταβάσεις του Bi. Με έντονη γραμματος	σειρά οι τέσσερεις ισ	ανορότερες μεταβά	σεις σε κάθε
σειράς. Απαραίτητη προϋπόθεση για την εκπομπή είναι ο ι	ονισμός των αρχικών	ν καταστάσεων.	

L μεταβάσεις του Βισμουθίου										
L	1 μεταβάσε	ις	L	2 μεταβάσε	εις	L3 μεταβάσεις				
Μετάβαση	E (keV)	Rate	Μετάβαση	E (keV)	Rate	Μετάβαση	E (keV)	Rate		
L1L2	0.6764	0.0001	L2L3	2.2925	0.0000	L3M1	9.4195	0.0414		
L1L3	2.9689	0.0325	L2M1	11.7120	0.0214	L3M2	9.7223	0.0005		
L1M1	12.3884	0.0000	L2M2	12.0148	0.0000	L3M3	10.2417	0.0004		
L1M2	12.6912	0.3384	L2M3	12.5342	0.0009	L3M4	10.7310	0.0790		
L1M3	13.2106	0.3621	L2M4	13.0235	0.7857	L3M5	10.8390	0.6953		
L1M4	13.6999	0.0125	L2M5	13.1315	0.0001	L3N1	12.4804	0.0103		
L1M5	13.8079	0.0188	L2N1	14.7729	0.0056	L3N2	12.6133	0.0001		
L1N1	15.4493	0.0000	L2N2	14.9058	0.0000	L3N3	12.7397	0.0001		
L1N2	15.5822	0.0875	L2N3	15.0322	0.0003	L3N4	12.9550	0.0149		
L1N3	15.7086	0.1026	L2N4	15.2475	0.1624	L3N5	12.9786	0.1351		
L1N4	15.9239	0.0019	L2N5	15.2711	0.0000	L3N6	13.2562	0.0001		
L1N5	15.9475	0.0031	L2N6	15.5487	0.0007	L3N7	13.2615	0.0007		
L101	16.2282	0.0000	L201	15.5518	0.0012	L301	13.2593	0.0023		
L102	16.2707	0.0176	L2O2	15.5943	0.0000	L302	13.3018	0.0000		
L103	16.2945	0.0204	L2O3	15.6181	0.0000	L3O3	13.3256	0.0000		
			L2O4	15.6846	0.0216	L3P1	13.4106	0.0003		
			L2P1	15.7031	0.0002					
Άθροισμα		0.9977	Άθροισμα		1.0000	Άθροισμα		0.9806		



Σχήμα 49. Υπέρθεση L φασματικών γραμμών Pb και Bi όπως προβλέπονται από τη θεωρία.

## Ανίχνευση Pb σε μήτρα Biμε διάταξη Von-Hamos

### Κρυσταλλικό φασματοσκόπιο σε γεωμετρία Von Hamos

Το πρόβλημα της ανίχνευσης του μόλυβδου σε μήτρα βισμουθίου μελετάται με τη χρήση λογισμικού προσομοίωσης (Danakas, Anagnostopoulos, X-Ray tracing) κρυσταλλικού φασματοσκόπιου σε γεωμετρία von Hamos. Το πρόγραμμα προσομοίωσης λειτουργεί μέσω κώδικα στη γλώσσα προγραμματισμού Mathematica.



Σχήμα 50: Αριστερά) Φασματοσκόπιο Von Hamos στις τρεις διαστάσεις. Δεξιά) Η γεωμετρία von Hamos στο επίπεδο διασποράς (Alonso-Mori et al., 2012).

Τα κύρια πλεονεκτήματα που σχετίζονται με τη χρήση της γεωμετρίας του von Hamos προκύπτουν από την ικανότητα λήψης ενός φάσματος χωρίς ανάγκη σάρωσης, π.χ. απλούστερη μηχανική κατασκευή και υψηλή σταθερότητα αφού δεν υπάρχουν κινούμενα μέρη, εξάλειψη του νεκρού χρόνου που σχετίζεται με τις κινήσεις σάρωσης, εξαλείφονται πιθανά τεχνουργήματα που παράγονται από τον ατελή συγχρονισμό των διαφόρων κινούμενων στοιχείων κατά τη διαδικασία σάρωσης. Το φασματόμετρο μπορεί να χρησιμοποιηθεί σε διαφορετικές διαμορφώσεις. Διαφορετικοί κρύσταλλοι μπορούν να ευθυγραμμιστούν σε διαφορετικές θέσεις ανάλογα με την εφαρμογή.

Αυτή η γεωμετρία είναι ιδιαίτερα κατάλληλη για μετρήσεις με χρονική διάρκεια καθώς εξαλείφει σφάλματα από την κανονικοποίηση φάσματος. Επιπλέον πλεονέκτημα προκύπτει από τη χρήση κυλινδρικά κυρτωμένων κρυστάλλων, αφού η τάση που δημιουργείται στα κρυσταλλικά επίπεδα είναι μικρότερη σε σύγκριση με τους σφαιρικά κυρτωμένους κρυστάλλους. Αυτό έχει ως αποτέλεσμα καλύτερη ενεργειακή διακριτική ικανότητα για την ίδια ακτίνα καμπυλότητας και καθιστά δυνατή τη σχεδίαση φασματόμετρων με πολύ μικρότερη ακτίνα καμπυλότητας και σημαντικά μεγαλύτερες στερεές γωνίες. Η ευκολότερη διαδικασία κάμψης οδηγεί επίσης σε σημαντική μείωση του κόστους (Alonso-Mori et al., 2012).

Η γεωμετρία Von Hamos φαίνεται στο Σχήμα 50. Τα κύρια στοιχεία του φασματόμετρου είναι η πηγή ακτίνων Χ, ένας κυλινδρικός κρύσταλλος και ένας ανιχνευτής ευαισθησίας θέσης, ο οποίος βρίσκεται επί του άξονα του κυλίνδρου. Ο κρύσταλλος κάμπτεται γύρω από τον άξονα x ο οποίος είναι παράλληλος στο επίπεδο διασποράς και παρέχει εστίαση της δέσμης των ακτίνων-Χ κατά τη κατεύθυνση z. Οι αποστάσεις μεταξύ πηγής-κρυστάλλου και κρυστάλλου-ανιχνευτή μπορούν να μεταβάλλονται αλλά διατηρούνται μεταξύ τους ίσες. Τόσο η πηγή, όσο και ο ανιχνευτής, τοποθετούνται στον άξονα καμπυλότητας του κυλινδρικού κρυστάλλου, Σχήμα 51.

Η θέση των περιθλώμενων ακτίνων X στον ανιχνευτή συσχετίζονται με την ενέργεια των φωτονίων ακτίνων-X, σύμφωνα με τον νόμο Bragg (2). Η προσπίπτουσα θέση ακτίνων X στον ανιχνευτή αντιστοιχεί γεωμετρικά σε μια συγκεκριμένη γωνία Bragg και επομένως σε μια συγκεκριμένη ενέργεια ακτίνων X μέσω της εξίσωσης (2):

$$E_{\varphi} = \frac{h \cdot c}{\left(2 \cdot d\right)/n} \cdot \frac{1}{\sin \theta_{B}}$$
(15)



Σχήμα 51. Αποστάσεις στο επίπεδο διασποράς ενός κρυσταλλικού φασματοσκόπιου σε γεωμετρία von Hamos.

#### Απόσταση στόχου από την αρχή των αξόνων

Η απόσταση  $d_{t-0}$ του στόχου από την αρχή των αξόνων καθορίζεται από την γωνία Bragg  $\vartheta_0$ και την ακτίνα καμπυλότητας του μονοκρυστάλλου  $R_c$ , σύμφωνα με τη σχέση :

$$d_{t-0} = R_c \cdot \cot \mathcal{G}_0 \tag{16}$$

Η εξάρτηση της απόστασης  $d_{t-0}$  από τη γωνία Bragg και την ακτίνα καμπυλότητας του μονοκρυστάλλου φαίνεται στο Σχήμα 52. Αύξηση της ακτίνας καμπυλότητας ή/και μείωση της γωνίας Bragg οδηγούν στην αύξηση της απόστασης  $d_{t-0}$ .



Σχήμα 52. Απόσταση στόχου από την αρχή των αξόνων, κατά μήκος του άξονα του κυλίνδρου σαν συνάρτηση της γωνίας Bragg και της ακτίνας καμπυλότητας του κυλίνδρου.

#### Απόσταση στόχου - κρυστάλλου

Η απόσταση  $d_{t-c}$  του κέντρου του στόχου από το κέντρο του κρυστάλλου καθορίζεται από την γωνία Bragg  $\vartheta_0$ και την ακτίνα καμπυλότητας του μονοκρυστάλλου  $R_c$ , σύμφωνα με τη σχέση :



Σχήμα 53. Απόσταση κέντρου του στόχου από το κέντρο του κρυστάλλου.

Η εξάρτηση της απόστασης  $d_{t-c}$  από τη γωνία Bragg και την ακτίνα καμπυλότητας του κρυστάλλου φαίνονται στο Σχήμα 53. Αύξηση της ακτίνας καμπυλότητας ή/και μείωση της γωνίας Bragg οδηγούν στην αύξηση της απόστασης  $d_{t-c}$ .
#### Απόσταση κρυστάλλου-ανιχνευτή

Η απόσταση  $d_{c-d}$ του κέντρου του κρυστάλλου από το κέντρο του ανιχνευτή καθορίζεται από την γωνία Bragg  $\vartheta_0$  και την ακτίνα καμπυλότητας του μονοκρυστάλλου  $R_c$ , σύμφωνα με τη σχέση :

$$d_{c-d} = R_c \cdot \frac{1}{\sin \theta_0} \tag{18}$$



Σχήμα 54. Απόσταση κέντρου κρυστάλλου από το κέντρο του ανιχνευτή.

Η εξάρτηση της απόστασης  $d_{c-d}$  από τη γωνία Bragg και την ακτίνα καμπυλότητας του κρυστάλλου φαίνονται στο Σχήμα 54. Αύξηση της ακτίνας καμπυλότητας ή/και μείωση της γωνίας Bragg οδηγούν στην αύξηση της απόστασης  $d_{c-d}$ .

#### Ενεργειακή διασπορά

Η ενεργειακή διασπορά  $\Delta E_{\varphi}$  των φωτονίων ακτίνων-Χ σαν συνάρτηση της μεταβολής της γωνίας Bragg  $\Delta \theta_B$  δίνεται από τη σχέση:

$$\Delta E_{\varphi} = E_{\varphi} \cdot \cot \mathcal{Q}_B \cdot \Delta \mathcal{Q}_B \tag{19}$$

Η ενεργειακή διασπορά  $\Delta E_{\varphi}$  των φωτονίων ακτίνων-Χ σαν συνάρτηση τηςμεταβολής θέσης επί του κρυστάλλου  $\Delta x_c$  δίνεται από τη σχέση:

$$\frac{\Delta E_{\varphi}}{\Delta x_c} = E_{\varphi} \frac{\sin 2\theta_0}{2 \cdot R_c} \tag{20}$$

Από τη σχέση (20) προκύπτει ότι το ενεργειακό εύρος ανά μονάδα μήκους επί του κρυστάλλου (στο επίπεδο διασποράς) αυξάνει όσο μικραίνει η ακτίνα καμπυλότητας του κρυστάλλου. Το ενεργειακό εύρος ανά μονάδα μήκους, για δεδομένη ακτίνα καμπυλότητας, γίνεται μέγιστο σε γωνία 45<sup>0</sup>.

Η ενεργειακή διασπορά  $\Delta E_{\varphi}$  των φωτονίων ακτίνων-X σαν συνάρτηση τηςμεταβολής θέσης επί του ανιχνευτή  $\Delta x_d$  δίνεται από τη σχέση:

$$\frac{\Delta E_{\varphi}}{\Delta x_d} = E_{\varphi} \frac{\sin 2\theta_0}{4 \cdot R_c} \tag{21}$$

Από τη σχέση (21) προκύπτει ότι το ενεργειακό εύρος ανά μονάδα μήκους επί του ανιχνευτή (στο επίπεδο διασποράς) αυξάνει όσο μικραίνει η ακτίνα καμπυλότητας του κρυστάλλου. Το ενεργειακό εύρος ανά μονάδα μήκους, για δεδομένη ακτίνα καμπυλότητας, γίνεται μέγιστο σε γωνία 45<sup>0</sup>.

#### Εύρος ενεργειών περιθλώμενων φωτονίων

Η ενέργεια φωτονίου  $E_0$ η οποία χρειάζεται ώστε η περίθλαση να πραγματοποιηθεί από το μέσον του κρυστάλλου δίνεται από τη σχέση:

$$E_0 = \frac{h \cdot c}{2 \cdot d} \cdot \frac{1}{\sin \theta_0} \tag{22}$$

ενώ οι μέγιστη και ελάχιστη ενέργεια φωτονίων, για περίθλαση από τα άκρα του κρυστάλλου (στο επίπεδο διασποράς) δίνονται από τη σχέση:

$$E_{\binom{\max +}{\min -}} \cong \frac{c \cdot h}{2 \cdot d} \cdot \frac{1}{\sin\left(\operatorname{Arc} \tan\left(\frac{1}{\tan \theta_0} \pm \frac{a}{2 \cdot R}\right)^{-1}\right)}$$
(23)

Η σχετική ενεργειακή περιοχή  $\frac{E_{max}-E_{min}}{E_0}$ % που καλύπτει ο κρύσταλλος υπολογίζεται με τη βοήθεια των σχέσεων (22) και (23). Η σχετική ενεργειακή περιοχή εξαρτάται από την γωνία Bragg (και έμμεσα από την πλεγματική απόσταση d), την ακτίνα καμπυλότητας του κρυστάλλου (R) και το εύρος του κρυστάλλου (α) κατά μήκος του επιπέδου διασποράς.

Η σχετική ενεργειακή περιοχή σαν συνάρτηση της γωνίας Bragg φαίνεται στο Σχήμα 55. Για δεδομένη ακτίνα καμπυλότητας η σχετική ενεργειακή περιοχή που καλύπτει ο κρύσταλλος αυξάνει όσο αυξάνει το εύρος το κρυστάλλου. Για δεδομένο εύρος κρυστάλλου η σχετική ενεργειακή περιοχή που καλύπτει ο κρύσταλλος αυξάνει όσο μικραίνει η ακτίνα καμπυλότητας του κρυστάλλου.



Σχήμα 55: Σχετική ενεργειακή περιοχή που καλύπτει ο κρύσταλλος σαν συνάρτηση της γωνίας Bragg.

#### Ενεργειακή διακριτική ικανότητα

Η ενεργειακή διακριτική ικανότητα του φασματοσκοπίου καθορίζεται κύρια από την γεωμετρική συνεισφορά ( $\Delta E_G$ ) και την εσωτερική ενεργειακή διακριτική ικανότητα ( $\Delta E_{int}$ , intrinsic energy resolution).

Η εσωτερική γωνιακή διακριτική ικανότητα αποτελείται από δύο κύριες συνιστώσες, το φυσικό εύρος Darwin ( $\Delta \theta_D$ ), και την διαπλάτυνση που σχετίζεται με την τάση που προκαλείται στα πλεγματικά επίπεδα κατά την κάμψη του ανιχνευτή ( $\Delta \theta_s$ ).

Η κύρια γεωμετρική συνεισφορά οφείλεται στην γωνιακή απόκλιση  $\Delta \theta_G$  στο επίπεδο διασποράς. Η γωνιακή απόκλιση προσδιορίζεται από τη σχέση  $\Delta \theta_G \cong (s + d) / f$ , όπου s είναι το μέγεθος του στόχου κατά μήκος του επιπέδου διασποράς, d είναι η χωρική ανάλυση του ανιχνευτή και f είναι η απόσταση κρύσταλλου αναλυτή - ανιχνευτή.

Λαμβάνοντας υπόψη τους παραπάνω παράγοντες η συνολική γωνιακή διαπλάτυνση  $\Delta \theta_{tot}$ , η οποία περιγράφει κάθε γωνιακή απόκλιση από το νόμο του Bragg, δίνεται από τη σχέση :

$$\Delta \mathcal{G}_{tot} = \sqrt{\Delta \mathcal{G}_G^2 + \Delta \mathcal{G}_D^2 + \Delta \mathcal{G}_S^2} \tag{24}$$

ενώ, η ενεργειακή διαπλάτυνση δίνεται από τη σχέση :

$$\Delta E_{\varphi} = E_{\varphi} \cdot \cot \mathcal{P}_{B} \cdot \Delta \mathcal{P}_{tot}$$
<sup>(25)</sup>

Η στερεά γωνία Ω του φασματοσκοπίου υπολογίζεται από τη σχέση:

$$\Omega = \left(\frac{a \times b}{R_c^2}\right) (\sin \vartheta_B),\tag{26}$$

όπου *a* είναι το πλάτος του κρυστάλλου στο επίπεδο διασποράς και *b* το ύψος του κρυστάλλου κάθετα στο επίπεδο διασποράς.

Για δεδομένη διάταξη η μέση στερεά γωνία ανά eV δίνεται από τη σχέση :

$$\Omega_{1\,eV} \cong \Omega/(E_{max} - E_{min}) \tag{27}$$

όπου τα  $E_{max}$ ,  $E_{min}$  δίνονται από τη σχέση (23).

#### Το σύστημα Pb-Bi

Οι χαρακτηριστικές κορυφές των L μεταβάσεων του μόλυβδου και του βισμούθιου καθώς και η αναμενόμενη ένταση τους απεικονίζεται στο Σχήμα 56 κάνοντας χρήση του προγράμματος προσομοιώσεων XMI-MSIM (Schoonjans et al., 2013). Το πάνω φάσμα του Σχήμα 56 είναι το αναμενόμενο φάσμα των L μεταβάσεων για ένα δείγμα μόλυβδου βισμουθίου με αναλογία 1:1 ενώ στο κάτω φάσμα η αναλογία μόλυβδου βισμουθίου είναι 1:1000 και η ένταση των L μεταβάσεων του μόλυβδου είναι αισθητά μειωμένη. Το ενεργειακό εύρος των γραμμών του Σχήμα 56 δεν περιλαμβάνει τη διαπλάτυνση που εισάγει στο φάσμα ο ανιχνευτής. Τα φυσικά ενεργειακά εύρη για τα ατομικά επίπεδα του μόλυβδου και του βισμουθίου παρουσιάζονται στον Πίνακας 14 (Schoonjans et al., 2011).



Σχήμα 56. Φάσμα L χαρακτηριστικών μεταβάσεων του Bi και του Pb, όπως προσδιορίστηκαν με τη χρήση του XMI-MSIM (Schoonjans et al., 2013). για κράματα Pb-Bi συγκεντρώσεων επάνω) 1:1 και κάτω) 1:1000.

Ατομικό	Εύρος ατομικού επιπέδου (eV)		
επίπεδο	Pb	Bi	
К	60.60	63.60	
L1	11.80	12.30	
L2	5.04	6.22	
L3	6.07	6.27	
M1	15.20	15.20	
M2	10.40	10.70	
M3	8.70	8.60	
M4	2.48	2.58	
M5	2.48	2.58	
N1	9.35	9.60	
N2	6.90	7.20	
N3	5.80	5.95	
N4	3.80	3.80	
N5	3.80	3.80	
N6	0.26	0.22	
N7	0.23	0.20	

Πίνακας 14. Φυσικά εύρη των ατομικών επιπέδων του Pb και Bi (Schoonjans et al., 2011).

Τα φυσικά εύρη των ατομικών επιπέδων υπακούν στο προφίλ μιας λορεντζιανής συνάρτησης, επομένως τα φυσικά εύρη των μεταβάσεων προκύπτουν από το άθροισμα των φυσικών ευρών των επιμέρους ατομικών επιπέδων ("Combination of Profiles", 2022). Για το βισμούθιο τα φυσικά εύρη των L3M5, L3M4 και L3M3 μεταβάσεων είναι 8,85eV, 8,85eV και 14,87eV αντίστοιχα (Πίνακας 15). Ενώ για το μόλυβδο τα φυσικά εύρη των L3M5, L3M4 και L3M3 μεταβάσεων είναι 8,85eV, 8,85eV και 14,87eV αντίστοιχα (Πίνακας 15). Ενώ για το μόλυβδο τα φυσικά εύρη των L3M5, L3M4 και L3M3 μεταβάσεων είναι 8,55eV, 8,55eV και 14,77eV, αντίστοιχα. Τα φυσικά εύρη του Πίνακας 15 χρησιμοποιήθηκαν στις προσομοιώσεις του κρυσταλλικού φασματοσκόπιου von-Hamos.

Πίνακας 15. Τα φυσικά εύρη των L μεταβάσεων του μόλυβδου και του βισμούθιου. Οι τιμές αυτές χρησιμοποιήθηκαν ως δεδομένα εισόδου στο πρόγραμμα προσομοίωσης του κρυσταλλικού φασματοσκοπίου σε γεωμετρία Von-Hamos.

Μόλυβδος (Ζ=82)						
Μετάβαση	E (eV)	Rel. Rate	FWHM (eV)			
L3M3	9968.8	0.0004	0.0006	14.8		
L3M4	10449.6	0.0793	0.1136	8.6		
L3M5	10551.2	0.6982	1.0000	8.6		
	В	ισμούθιο (Ζ=	:83)			
Μετάβαση	E (keV)	Abs. Rate	Rel. Rate	FWHM (eV)		
L3M3	10241.7	0.0004	0.0006	15.3		
L3M4	10731.0	0.0790	0.1136	8.9		
L3M5	10839.0	0.6953	1.0000	8.9		

Στο Σχήμα 57 παρουσιάζονται τα δεδομένα εισόδου στον τους κώδικα προσομοίωσης, όπου γίνεται η εισαγωγή των γεωμετρικών χαρακτηριστικών του φασματοσκόπιου και των

ενεργειών της προσομοίωσης. Για τις προσομοιώσεις του συστήματος μόλυβδου βισμούθιου χρησιμοποιήθηκε κρύσταλλος γερμανίου (Ge) με προσανατολισμό κατά το κρυσταλλικό επίπεδο (660) και ακτίνα καμπυλότητας 250mm. Οι διαστάσεις της πηγής είναι 1mmκατά τον άξοναχ και 3mm κατά τον άξονα z. Το μήκος του ανιχνευτή είναι 80mm κατά τον άξονα x και 8mm κατά τον άξονα z. Τα χαρακτηριστικά του ανιχνευτή που χρησιμοποιήθηκαν στις προσομοιώσεις περιγράφουν τον ανιχνευτή ευαισθησίας θέσης Mythen2 R 1Kτης Dectris (Σχήμα 58) ("DECTRIS MYTHEN2 for Laboratories", 2022). Τέλος η πηγή και ανιχνευτής απέχουν μεταξύ τους απόσταση ίση με 288mm κατά τον άξονα x.

Spectrometer: Von Hamos 🔹	a) (	Geometry	X–Ray Energies	Buttons		
SOURCE         Front surface's position (center, mm): $x_i$ : -144 $y_i$ : 0 $z_i$ : 0         Orientation (negative, °): 0         Full width (x-axis, mm): 1         Full depth (y-axis, mm): 0.		# of disti Bragg lin Min cutof Max cuto	nct X-ray peaks nit (min allowed f energy (eV): 1 ff energy (eV): 1 /) FWHM(eV)	: 3 • E): 9298 0 437 0 969 I(a.u.)	] 3.81 Comment	θ <sub>B</sub> (°)
Full height (z-axis, mm): 3		1 10 551	8.6	1	Pb La1	61.802
CRYSTAL	i	2 10 834	8.9	1	Bi La1	59.126
Translational shift (mm):		3 10731	8.9	0.5	Bi La2	60.059
Full height (z-axis, mm): 100         Circular radius (R <sub>c</sub> , mm): 250         Full cylinder setup (ZONE):         Diffraction order (n): 3 •         Interplanar spacing (2d, λ): 4.         Rocking curve characteristics         FWHM (µrad): 1000       Valid $\sigma$ : 5 •         Reflectivity curve shape: Gaussian •		Find En	nergy List Energy List rgy Plot			
Reflectivity Peak Intensity: 1 DETECTOR Center position (mm): $x_i: 144$ $y_i: 0$ $z_i: 0$ Full detector width ( $\Delta x$ , mm): 80						

Σχήμα 57. a) Παράμετροι του φασματοσκοπίου που σχετίζονται με τα γεωμετρικά χαρακτηριστικά της πηγής, του κρυστάλλου και του ανιχνευτή. Οι τιμές αυτές χρησιμοποιήθηκαν στις προσομοιώσεις του συστήματος Pb:Bi. b) Παράμετροι φασματικής κατανομής των La<sub>1</sub> του Bi και του Pb και της La<sub>2</sub> του Bi.

Πίνακας 16. Αριστερά) Γωνίες Bragg για την La<sub>1</sub> μετάβαση του Bi (10839eV) για διαφόρους κρυστάλλους, κρυσταλλικά επίπεδα και τάξεις περίθλασης. Δεξιά) Γωνίες Bragg για την La<sub>1</sub> μετάβαση του Pb (10551eV) για διαφόρους κρυστάλλους, κρυσταλλικά επίπεδα και τάξεις περίθλασης. Και στις δυο εικόνες με "X" έχουν σημειωθεί οι μη επιτρεπτές μεταβάσεις ενώ με παύλα έχουν σημειωθεί οι τάξεις περίθλασης που οδηγούν σε μη συμβατή τιμή του sinθ στο νόμο Bragg.

		Ενέργ	εια φωτονί	iou (eV)=	10839
Keinselles	ວ 4 ເທິງ	Bragg a	angle / O	rder of ref	lection
Rpoor about	20(4)	1	2	3	4
LiF(422)	1.6520	43.8	-	-	-
LiF(420)	1.8010	39.4		-	-
LiF(220)	2.8480	23.7	53.4	1	-
Si(220)	3.8400	17.3	36.6	63.34	-
Ge(220)	4.0000	16.6	34.9	59.08	-
LiF(200)	4.0270	16.5	34.6	58.45	-
Si(111)	6.2712	10.5	X	33.18	X
Ge(111)	6.5320	10.1	Х	31.69	х
HAPG (002)	6.7080	9.8	19.9	30.77	43.0

		Ενέργ	εια φωτον	iou (eV) =	10551
Kalamallas	วสเพิ่ง	Bragg	angle / O	rder of ref	ection
Approtation of	ταλλος 20(Α)	1	2	3	4
LiF(422)	1.6520	45.3		-	-
LiF(420)	1.8010	40.7	1 <b>-</b> 1	-	-
LiF(220)	2.8480	24.4	55.6	-	-
Si(220)	3.8400	17.8	37.7	66.64	-
Ge(220)	4.0000	17.1	36.0	61.80	
LiF(200)	4.0270	17.0	35.7	61.09	-
Si(111)	6.2712	10.8	Х	34.20	Х
Ge(111)	6.5320	10.4	Х	32.66	X
HAPG (002)	6.7080	10.1	20.5	31.70	44.5



1K	1D	
320, 450, 1000	320, 450	
5	0	
8	8 (450 µm) 4 (320 µm)	
2	4	
4-4	i0*	
89		
10	0	
1		
68	17	
уе	s	
A	ir	
70x62x22	38x62x22	
180	100	
110x3	Dx160	
40	10	
	1K 320,450,1000 5 8 2 44 4 4 4 4 4 4 4 9 9 9 9 9 9 70x62x22 180 110x31 110x31 4	

Σχήμα 58. Αριστερά) Οι ανιχνευτές ευαισθησίας θέσης Mythen2 R 1K και 1D που κατασκευάζονται από την εταιρεία Dectris. Δεξιά) Τα χαρακτηριστικά των δύο αυτών ανιχνευτών όπως δίνονται από τον κατασκευαστή ("DECTRIS MYTHEN2 for Laboratories", 2022).

#### Αποτελέσματα προσομοίωσης

Μέσω του κώδικα προσομοίωσης κρυσταλλικού φασματοσκόπιου σε γεωμετρία von Hamos αναπαράγεται το αναμενόμενο φάσμα της κατανομής της έντασης της ακτινοβολίας κατά τον άξονα x της επιφάνειας του ανιχνευτή. Παράλληλα δίνεται η δυνατότητα αναπαραγωγής γραφημάτων που αποτυπώνουν την κατανομήτης έντασης των ακτίνων-Χ στην επιφάνεια της πηγής, αλλά και σε αυτήν του κρυστάλλου. Παρακάτω παρουσιάζονται παραδείγματα αυτών των φασμάτων για ένα δείγμα Pb:Bi με αναλογία 1:1 για 10<sup>6</sup> γεγονότα. Τα χαρακτηριστικά της γεωμετρίας, της πηγής του κρυστάλλου και του ανιχνευτή, που χρησιμοποιήθηκαν για την αναπαραγωγή αυτών των φασμάτων παρουσιάζεται στο Σχήμα 57.

Στο Σχήμα 59 παρουσιάζεται το source scatter plot που είναι ένα γράφημα που αποτυπώνει την επιφάνεια της πηγής στο επίπεδο xz και το σημείο από το οποίο προέρχονται οι ακτίνες-X για τις διάφορες εκπεμπόμενες ενέργειες (10551eV Pb La<sub>1</sub> με μπλε χρώμα, 10839eV Bi La<sub>1</sub> με πράσινο χρώμα, 10731eV Bi La<sub>2</sub> με κίτρινο χρώμα). Οι διαστάσεις του γραφήματος συμπίπτουν με τις διαστάσεις της πηγής, όπως αυτές έχουν δοθεί στα δεδομένα της γεωμετρίας του φασματοσκόπιου (Σχήμα 57). Παρατηρούμε ότι η ακτινοβολία που εξέρχεται από την πηγή κατανέμεται ομοιόμορφα σε όλη την επιφάνεια xz της πηγής, ανεξάρτητα από την ενέργεια της.



### Source Scatter plot

Σχήμα 59. Source Scatter Plot για ενέργειες 10551eV (Pb La<sub>1</sub>, μπλε χρώμα), 10839eV (Bi La<sub>1</sub>, πράσινο χρώμα) και 10731eV (Bi La<sub>2</sub>, κίτρινο χρώμα), για 10<sup>6</sup> γεγονότα. Ο άξονας x καθώς και ο άξονας z αποτυπώνουν τις διαστάσεις της πηγής στο επίπεδο xz.

Η ακτινοβολία που εκπέμπεται από το δείγμα προσπίπτει στον κρύσταλλο όπου και περιθλάται σύμφωνα με το νόμο Bragg (2). Στο Σχήμα 60 παρουσιάζεται η καρτέλα του crystal scatter plot στην οποία φαίνεται η θέση πάνω στην επιφάνεια του κρυστάλλου από την οποία περιθλάται η ακτινοβολία. Παρατηρούμε πως τις διαφορετικές ενέργειες φωτονίων (10551eV Pb La<sub>1</sub> με μπλε χρώμα, 10839eV Bi La<sub>1</sub> με πράσινο χρώμα, 10731eV Bi La<sub>2</sub> με κίτρινο χρώμα) η περίθλαση πραγματοποιείται σε διαφορετικό τμήμα της επιφάνειας του κρυστάλλου.



# **Crystal Scatter Plot**

Σχήμα 60: Crystal Scatter Plot. Η περιοχή που παρουσιάζεται στο γράφημα συμπίπτει με τις διαστάσεις του κρυστάλλου στο επίπεδο xz. Λόγω της διαφορετικής τους ενέργειας οι μεταβάσεις του Pb και του Bi περιθλώνται σε διαφορετική περιοχή της επιφάνειας του κρυστάλλου.

Στο Σχήμα 61 παρουσιάζεται το γράφημα της κατανομής των μεταβάσεων Pb La<sub>1</sub>, Bi La<sub>2</sub>, Bi La<sub>1</sub> στην επιφάνεια xz του ανιχνευτή. Οι διαστάσεις του γραφήματος συμπίπτουν ακριβώς με τις διαστάσεις του ανιχνευτή. Παρατηρούμε πως οι ακτινοβολία η οποία προέρχεται από διαφορετικό τμήμα του κρυστάλλου φτάνει και σε διαφορετικό τμήμα της επιφάνειας του ανιχνευτή (Σχήμα 61). Το ίδιο γράφημα αποτυπώνεται και στο Σχήμα 62 σε μορφή θερμογραφήματος, και σε αυτό το σχήμα η συνολική περιοχή του γραφήματος αντιστοιχεί στις διαστάσεις της επιφάνειας xz του ανιχνευτή.

# **Detector Scatter Plot**



Σχήμα 61: Detector scatter plot. Σε αυτή την καρτέλα παρουσιάζεται η χωρική κατανομή της ακτινοβολίας των ενεργειακών μεταβάσεων του Pb και του Bi, στον δισδιάστατο ανιχνευτή.



Heat Map of the Detector Scatter Plot

Σχήμα 62: Θερμογράφημα που παρουσιάζει την κατανομή της ακτινοβολίας των μεταβάσεων Pb La1, Bi La2, Bi La1στον δισδιάστατο ανιχνευτή. Η ενεργός περιοχή του ανιχνευτή είναι 80mm στον άξονα x.

Στο Σχήμα 63 παρουσιάζεται η κατανομή της έντασης της ακτινοβολίας των μεταβάσεων Pb La<sub>1</sub>, Bi La<sub>2</sub>, Bi La<sub>1</sub> κατά τον άξονα x. Ο άξονας x συμπίπτει ακριβώς με τις διαστάσεις του ανιχνευτή που έχουμε εισάγει στην καρτέλα της γεωμετρίας του Σχήμα 57 (80mm εύρος στον άξονα x). Παρατηρούμε πως οι τρεις κορυφές (Pb La1, Bi La2, Bi La1) είναι καλά διακριτές μεταξύ και πως η ανίχνευση τους προέρχεται από διαφορετικό σημείο, του άξονα x, του ανιχνευτή.



### **Detector Intensity Plot**

Σχήμα 63: Φάσμα έντασης ακτινοβολίας σαν συνάρτηση της θέσης πάνω στον ανιχνευτή. Στο φάσμα αυτό ανιχνεύονται οι μεταβάσεις Pb La1, Bi La2 και Bi La1, οι συνθήκες της προσομοίωσης παρουσιάζονται στο Σχήμα 57.

Με τη γεωμετρία που περιγράφεται στο Σχήμα 57a) μελετήθηκε το σύστημα Pb:Bi με αναλογίες 1:1 και 1:100 για 10<sup>8</sup> γεγονότα. Το φάσμα αυτής της προσομοίωσης παρουσιάζεται στο Σχήμα 64. Ο άξονας x του φάσματος έχει βαθμονομηθεί σύμφωνα με τις διαστάσεις του ανιχνευτή (80mm). Για αναλογία Pb:Bi 1:1 οι κορυφές των L μεταβάσεων διακρίνονται καλά μεταξύ τους. Στην περίπτωση του Pb:Bi 1:1000 η ένταση της La1 μετάβασης του μόλυβδου είναι πολύ χαμηλότερης έντασης σε σύγκριση με τις κορυφές του βισμουθίου. Παρά τη διαφορά των εντάσεων ο μόλυβδος είναι εύκολα διακριτός ακόμα και σε αναλογία Pb:Bi 1:1000, ενώ δεν παρατηρείται καμία επικάλυψη με την La2 ή την La1 του βισμουθίου.



Σχήμα 64: Φάσμα της κατανομής της έντασης της ακτινοβολίας στον ανιχνευτή κατά τον άξονα x. Ο x άξονας του φάσματος συμπίπτει ακριβώς με το μέγεθος του ανιχνευτή κατά τη x διεύθυνση. Το μπλε φάσμα αντιπροσωπεύει ένα δείγμα Pb:Bi 1:1 ενώ το κόκκινο φάσμα αντιπροσωπεύει ένα δείγμα Pb:Bi 1:1000.

Στο Σχήμα 65 παρουσιάζεται το αναμενόμενο φάσμα των ενεργειακών μεταβάσεων Pb La<sub>1</sub>, Bi La<sub>2</sub>, Bi La<sub>1</sub> για το σύστημα Pb:Bi για διαφορετικές συγκεντρώσεις. Ξεκινώντας από την αναλογία Pb:Bi 1:1 κάθε ένα από τα επιμέρους φάσματα αποτυπώνει την μείωση της έντασης της Pb La<sub>1</sub> όταν η συγκέντρωση του μόλυβδου μειώνεται κατά μια τάξη μεγέθους κάθε φορά μέχρι και το φάσμα αναλογίας Pb:Bi 1:1000. Οι προσομοιώσεις αυτού του φάσματος παράχθηκαν για 10<sup>7</sup> γεγονότα με τη γεωμετρία που περιγράφεται στο Σχήμα 57.a. Παρά τη έντονη μείωση της έντασης της Pb La<sub>1</sub> παρατηρούμε πως η ανίχνευση 1000ppm μόλυβδου σε μήτρα βισμουθίου είναι εφικτή με τη χρήση του κρυσταλλικού φασματοσκόπιου von-Hamos.



Σχήμα 65. Αναμενόμενο φασμα των ενεργειακων μεταβάσεων Pb La1, Bi La2, Bi La1 για το σύστημα Pb:Bi για διαφορετικές συγκεντρωσεις των δυο στροιχειων. Η συγκεντρωση του μόλυβδου μειώνεται κατά μια ταξη μεγεθους σε κάθε επιμερους αναμενόμενο φασμα.

Στο Σχήμα 66 παρουσιάζεται το αναμενόμενο φάσμα των μεταβάσεων Pb La<sub>1</sub>, Bi La<sub>1,2</sub> του συστήματος Pb:Bi 1:1000 με τη γεωμετρία του Σχήμα 57.a για  $10^7$  και  $10^8$  γεγονότα. Παρατηρούμε πως το αναμενόμενο φάσμα για  $10^8$  γεγονότα εμφανίζεται με πολύ μικρότερο θόρυβο σε σχέση με αυτό για  $10^8$ .



Σχήμα 66. Αναμενόμενο φάσμα φθορισμού ακτίνων-Χ από στόχου Bi-Pb. Η αναλογία των εκπεμπόμενων από την πηγή φωτονίων Pb και Bi είναι ίση με Pb/Bi=10<sup>-3</sup>, το οποίο προσομοιάζει στόχο με 1000 ppm Pb σε Bi. Η γεωμετρία του ανιχνευτή επιλέχθηκε ώστε να προσομοιάζει τον ανιχνευτή MYTHEN2 R 1K της Dectris (Σχήμα 58). Η προσομοίωση έχει γίνει για10<sup>7</sup> και 10<sup>8</sup>γεγονότα.

# 7. Συμπεράσματα

Ο μόλυβδος είναι τοξικό στοιχείο που προκαλεί σοβαρά προβλήματα στο περιβάλλον και τον άνθρωπο. Η Ευρωπαϊκή Ένωση έχει λάβει μέτρα περιορισμού της χρήσης τοξικών στοιχείων για την ανθρώπινο οργανισμό, μεταξύ των οποίων και του μόλυβδου. Η παρούσα εργασία έχει ως σκοπό την ανάδειξη του βέλτιστου τρόπου ανίχνευσης μόλυβδου σε διαφορετικές μήτρες, και τον προσδιορισμό του ορίου ανίχνευσης (LoD), με τη χρήση φασματοσκοπίας φθορισμού ακτίνων-Χ.

Αργικά μελετήθηκε πρότυπο δείγμα μήτρας πολυαιθυλενίου, το οποίο περιέγει τα ιχνοστοιχεία Cd, Cr, Hg, Br, Pb, σε συγκεντρώσεις οι οποίες αποτελούν τα μέγιστα όρια της οδηγίας RoHS. Οι μετρήσεις διεξήχθησαν με χρήση του φασματοσκοπίου M1-Mistral και του φορητού φασματοσκόπιου Tracer 5i, με σκοπό την εύρεση του ορίου ανίχνευσης του μόλυβδου. Με το M1-Mistral πραγματοποιήθηκαν μετρήσεις σε διαφορετικό χρόνο έκθεσης του δείγματος στην ιονίζουσα ακτινοβολία ακτίνων-Χ (από 1 sec έως 300 sec) με τάση ανόδου λυχνίας 50kV. Το ελάχιστο όριο ανίχνευσης για το μόλυβδο υπολογίσθηκε στα 3.6ppm για τη μέτρηση των 300sec. Με το Tracer 5i πραγματοποιήθηκαν μετρήσεις με τάση ανόδου 35kV και 50kV, με ταυτόγρονη γρήση φίλτρων διαμόρφωσης της ιονίζουσας ακτινοβολίας. Οι μετρήσεις που πραγματοποιήθηκαν με τάση ανόδου 50kV έδωσαν μικρότερο όριο συγκρινόμενες με τις ανίχνευσης του μόλυβδου αντίστοιχες μετρήσεις που πραγματοποιήθηκαν με τάση ανόδου 35kV, με τις υπόλοιπες πειραματικές συνθήκες αμετάβλητες. Η μελέτη κατέδειξε ότι τα όρια ανίχνευσης είναι συνάρτηση του φάσματος της ιονίζουσας ακτινοβολίας (άνοδος λυχνίας, υψηλή τάση, φίλτρα διαμόρφωσης της δέσμης) και του χρόνου μέτρησης. Το χαμηλότερο όριο ανίχνευσης Pb επιτεύχθηκε με τη χρήση του Tracer 5i (υψηλή τάση 50kV, και φίλτρο Cu75Ti25Al200), χρόνο μέτρησης 300sec και βρέθηκε ίσο με 2.1ppm.

Στην συνέχεια πραγματοποιήθηκαν μετρήσεις με το φασματοσκόπιο M1-Mistral στο πρότυπο δείγμα υαλώδους μήτρας, το οποίο περιέχει 4% κ.β. PbO. Όλες οι μετρήσεις πραγματοποιήθηκαν με τάση ανόδου 50kV, ενώ οι χρόνοι μετρήσεις κυμάνθηκαν από 1sec ως 300sec. Και στο δείγμα υαλώδους μήτρας το όριο ανίχνευσης του μόλυβδου γίνεται ελάχιστο στην περίπτωση της μέτρησης των 300sec και βρέθηκε ίσο με 28.2ppm. Σύγκριση των ορίων ανίχνευσης μεταξύ της πολυμερικής και υαλώδους μήτρας, υπό τις ίδιες πειραματικές συνθήκες, καταδεικνύουν την επίδραση της μήτρας στα όρια ανίχνευσης.

Στη συνέχεια έγινε μελέτη πολυστοιχειακού μεταλλικού στόχου, ο οποίος αποτελείται από μήτρα χάλυβα, επί του το οποίου υπάρχουν 14 στόχοι, χωρικά διακριτοί μεταξύ τους, μεταξύ των οποίων και στόχος μόλυβδος. Ο στόχος Pb καταλαμβάνει το 0.55% της συνολικής επιφάνειας του στόχου. Η μελέτη πραγματοποιήθηκε μέσω σαρωτικής φασματοσκοπίας φθορισμού ακτίνων-Χ. Η σάρωση της επιφάνειας πραγματοποιήθηκε με το φασματοσκόπιο M1-Mistral, όπου για μια επιφάνεια 169mm<sup>2</sup> συλλέχθησαν 729 φάσματα. Μέσω της επεξεργασίας και της ομαδοποίησης των φασμάτων από τα προγράμματα παράχθηκαν οι στοιχειακοί χάρτες του δείγματος. Οι χαρακτηριστικές κορυφές του Pb ήταν καλά διακριτές.

Στη συνέχεια έγινε μελέτη μεταλλικού αγώγιμου σύρματος που χρησιμοποιείται σε κολλήσεις φωτοβολταϊκών πάνελ, το οποίο σύμφωνα με τις προδιαγραφές είναι φιλικό με το περιβάλλον, καθότι ακολουθεί την οδηγία RoHS και συνεπώς αναμένεται να περιέχει Pb σε συγκέντρωση μικρότερη από 0.1%. Συγκεκριμένα αποτελείται από χαλκό με επικάλυψη

βισμουθίου/κασσιτέρου σε κατά βάρος αναλογία 58Bi:42Sn. Το βισμούθιο είναι ένα από τα στοιχεία που λόγω της χαμηλής του τοξικότητας χρησιμοποιείται σε διάφορες εφαρμογές με στόχο την αντικατάσταση ή την μείωση του μόλυβδου. Μέσω σαρωτικής φασματοσκοπίας φθορισμού ακτίνων-X με το φασματοσκόπιο M1-Mistral σαρώθηκε περιοχή 9mm<sup>2</sup>. Η στοιχειακή χαρτογράφηση έδειξε την κατανομή χαλκού, βισμουθίου και κασσίτερου επί του σύρματος, η οποία δεν είναι ομογενής. Προκύπτει ότι η επίστρωση σχηματίζει δομή σταγόνας επί του υποστρώματος χαλκού. Η προσπάθεια ανίχνευσης Pb για την επιβεβαίωση της φιλικότητας με το περιβάλλον του αγώγιμου σύρματος ανέδειξε τη δυσχέρεια ανίχνευσης Pb σε συγκέντρωση 1000ppm σε μήτρα Bi, λόγω των μεγάλης έντασης των φασματικών γραμμών του Bi στην ενεργειακή περιοχή των γραμμών του Pb.

Για το σκοπό αυτό μελετήθηκαν φάσματα Bi-Pb με τη χρήση του M1-Mistral. Η μελέτη έγινε με την υπέρθεση φασμάτων από καθαρούς στόχους Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub> και Pb, μειώνοντας σταδιακά την παρουσία Pb. Αυτό επιτεύχθηκε με την γραμμική υπέρθεση φασμάτων των παραπάνω στόχων, μεταβάλλοντας το χρόνο συλλογής του κάθε φάσματος. Το συνιστάμενο φάσμα που προκύπτει από την υπέρθεση του φάσματος από στόχο Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub> και χρόνο μέτρησης 300sec με το φάσμα από στόχο Pb και χρόνο μέτρησης 1sec, προσομοιάζει το φάσμα στόχου Bi/Pb, με κατά βάρος συγκέντρωση Pb ίση με 0.36%. Στο φάσμα αυτό δεν είναι εφικτός ο προσδιορισμός του Pb. Η συγκέντρωση Pb στο παραπάνω στόχο είναι μεγαλύτερη από το όριο του 0.1% που απαιτεί η οδηγία RoHS. Συνεπώς, προκύπτει ότι ένα φασματοσκόπιο ενεργειακού διασκεδασμού ακτίνων-X δεν έχει την ενεργειακή διακριτική ικανότητα που απαιτείται ώστε να επιτύχει το απαιτούμενο κατά βάρος όριο ανίχνευσης 0.1% στην περίπτωση μόλυβδου σε μήτρα βισμουθίου.

Σε προβλήματα φασματοσκοπίας ακτίνων-Χ όπου απαιτείται υψηλή ενεργειακή διακριτική ικανότητα η λύση αναζητάτε σε κρυσταλλικά φασματοσκόπια. Για το σκοπό αυτό έγινε μελέτη του συστήματος Pb/Bi με τη χρήση προσομοίωσης σε κρυσταλλικό φασματοσκόπιο. Ως κρυσταλλικό φασματοσκόπιο επιλέχθηκε φασματοσκόπιο σε γεωμετρία von-Hamos. Η γεωμετρία von-Hamos επιλέχθηκε λόγω της σχετικής απλότητας της διάταξης (οι κύριες κινήσεις είναι σε δύο παράλληλους γραμμικούς άξονες), η χρήση ανιχνευτή θέσης επιτρέπει τη συλλογή του φάσματος σε σταθερή γεωμετρία, και της δυνατότητας κατασκευής φασματοσκοπίου μικρών διαστάσεων. Για το σκοπό αυτό αναπτύχθηκε κώδικας για τη προσομοίωση κρυσταλλικού φασματοσκοπίου von-Hamos. Το φάσματα φθορισμού για στόχο Pb/Bi μελετήθηκαν σαν συνάρτηση της συγκέντρωσης Pb στη μήτρα Bi, των διαστάσεων του στόχου, του κρυστάλλου αναλυτή (κρυσταλλικό υλικό, κρυσταλλικά επίπεδα, τάξη περίθλασης, ακτίνα καμπυλότητας, διαστάσεις κρυστάλλου) και των χαρακτηριστικών του ανιχνευτή θέσης. Η μελέτη κατέληξε στο συμπέρασμα, ότι με κατάλληλη παραμετροποίηση των χαρακτηριστικών του φασματοσκοπίου, είναι δυνατός ο διαχωρισμός φασματικών γραμμών του Pb από τις γραμμές του Bi, για συγκεντρώσεις του Ρb μικρότερες των 1000ppm.

## 8. Βιβλιογραφία

- Ευρωπαϊκή Ένωση. (2011). ΟΔΗΓΙΑ 2011/65/ΕΕ ΤΟΥ ΕΥΡΩΠΑΪΚΟΥ ΚΟΙΝΟΒΟΥΛΙΟΥ ΚΑΙ ΤΟΥ ΣΥΜΒΟΥΛΙΟΥ της 8ης Ιουνίου 2011 για τον περιορισμό της χρήσης ορισμένων επικίνδυνων ουσιών σε ηλεκτρικό και ηλεκτρονικό εξοπλισμό. Στρασβούργο: Επίσημη Εφημερίδα της Ευρωπαϊκής Ένωσης.
- Ευρωπαϊκή Ένωση. (2012). ΟΔΗΓΙΑ 2012/19/ΕΕ ΤΟΥ ΕΥΡΩΠΑΪΚΟΥ ΚΟΙΝΟΒΟΥΛΙΟΥ ΚΑΙ ΤΟΥ ΣΥΜΒΟΥΛΙΟΥ της 4ης Ιουλίου 2012 σχετικά με τα απόβλητα ηλεκτρικού και ηλεκτρονικού εξοπλισμού (ΑΗΗΕ). Στρασβούργο: Επίσημη Εφημερίδα της Ευρωπαϊκής Ένωσης.
- 3. Δ. Αναγνωστόπουλος, Δ. Γουρνής, Μ.Α. Καρακασίδης, Δ Παπαγιάννης, ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΑΚΕΣ ΑΣΚΗΣΕΙΣ για το μάθημα ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΟ ΥΛΙΚΩΝ Ι: "ΤΕΧΝΙΚΕΣ ΧΑΡΑΚΤΗΡΙΣΜΟΥ ΥΛΙΚΩΝ", Πανεπιστημιακό Τυπογραφείο Ιωαννίνων, Ιωάννινα, 2017
- Παπαγιάννης, Σ. (2020). Απεικονιστική φασματοσκοπία φθορισμού ακτίνων-Χ (Μεταπτυχιακή διπλωματική εργασία). Πανεπιστήμιο Ιωαννίνων, Πολυτεχνική Σχολή, Τμήμα Μηχανικών Επιστήμης Υλικών.
- 5. Σφακιανάκη, Β. (2020). Φαινόμενα μήτρας στη φασματοσκοπία φθορισμού ακτινών-Χ (Μεταπτυχιακού). Πανεπιστήμιο Ιωαννίνων.
- 6. Agency for Toxic Substances and Disease Registry. (2020). *Toxicological Profile for Lead*. U.S. Department of Health and Human Services
- Agyeman, P., John, K., Kebonye, N., Borůvka, L., Vašát, R., Drábek, O., & Němeček, K. (2021). Human health risk exposure and ecological risk assessment of potentially toxic element pollution in agricultural soils in the district of Frydek Mistek, Czech Republic: a sample location approach. Environmental Sciences Europe, 33(1). doi: 10.1186/s12302-021-00577-w
- Alonso-Mori, R., Kern, J., Sokaras, D., Weng, T., Nordlund, D., & Tran, R. et al. (2012). A multi-crystal wavelength dispersive x-ray spectrometer. Review Of Scientific Instruments, 83(7), 073114. doi: 10.1063/1.4737630
- 9. Amptek, Inc. (2022). K + L Emission Line Lookup Chart [Image]. Retrieved from https://www.amptek.com/resources/periodic-table-and-x-ray-emission-line-lookup-chart
- Anagnostopoulos, D. (2018). X-ray emission spectroscopy optimization for chemical speciation in laboratory. *Spectrochimica Acta Part B: Atomic Spectroscopy*, 148, 83-91. doi: 10.1016/j.sab.2018.06.004
- 11. Artax Software / HandHeld XRF / LIBS. (2022). Retrieved 29 September 2022, from https://www.brukersupport.com/ProductDetail/9267
- 12. Barcellos Lins, S., Bremmers, B., & Gigante, G. (2020). XISMuS X-ray fluorescence imaging software for multiple samples. Softwarex, 12, 100621. doi: 10.1016/j.softx.2020.100621
- 13. BIO Intelligence Service. (2013). Measures to be implemented and additional impact assessment with regard to scope changes, pursuant to the new RoHS Directive Final report prepared in collaboration with ERA Technology for the European Commission, DG ENV. BIO Intelligence Service. Retrieved from https://op.europa.eu/en/publication-detail/-/publication/c0538d04-854b-4adc-9bbf-2c268f682272
- 14. chem.libretexts.org. (2020). Spectra of 900 ppm Pb added into Pepto-Bismol [Image]. Retrieved from https://chem.libretexts.org/Bookshelves/Analytical\_Chemistry/Supplemental\_Mod

 $ules\_(Analytical\_Chemistry)/Analytical\_Sciences\_Digital\_Library/JASDL/Course ware/Introduction\_to\_XRF-$ 

\_An\_Analytical\_Perspective/2.\_Interpretation\_of\_XRF\_Spectra

- 15. Chiang, S. (2001). Asia: the growth engine for the world electronics industry over the next 20 years. Circuit World, 27(4), 26-30. doi: 10.1108/03056120110398227
- 16. Combination of Profiles. (2022). Retrieved 30 September 2022, from https://phys.libretexts.org/Bookshelves/Astronomy\_Cosmology/Stellar\_Atmosph eres\_(Tatum)/10%3A\_Line\_Profiles/10.04%3A\_Combination\_of\_Profiles
- 17. Danakas, S., Anagnostopoulos, D., X-Ray tracing for von Hamos spectrometer, private communications
- 18. Dectris Mythen2 for Laboratories. (2022). Retrieved 30 September 2022, from https://www.dectris.com/detectors/x-ray-detectors/mythen2/mythen2-for-laboratories/
- 19. Eurostat. (2020). Electrical and electronic equipment put on the market & Waste EEE collected and treated, EU, 2010-2017 (thousand tonnes) [Image]. Retrieved from https://ec.europa.eu/eurostat/statistics-explained/index.php?title=File:Electrical\_and\_electronic\_equipment\_put\_on\_the\_market\_%26\_Waste\_EEE\_collected\_and\_treated,\_EU,\_2010-2017 (thousand tonnes).png
- 20. Evens, A., Hryhorczuk, D., Lanphear, B., Rankin, K., Lewis, D., Forst, L., & Rosenberg, D. (2015). The impact of low-level lead toxicity on school performance among children in the Chicago Public Schools: a population-based retrospective cohort study. Environmental Health, 14(1). doi: 10.1186/s12940-015-0008-9
- Feng, X., Zhang, H., & Yu, P. (2020). X-ray fluorescence application in food, feed, and agricultural science: a critical review. Critical Reviews In Food Science And Nutrition, 61(14), 2340-2350. doi: 10.1080/10408398.2020.1776677
- 22. Grant, K., Goldizen, F., Sly, P., Brune, M., Neira, M., van den Berg, M., & Norman, R. (2013). Health consequences of exposure to e-waste: a systematic review. The Lancet Global Health, 1(6), e350-e361. doi: 10.1016/s2214-109x(13)70101-3
- 23. Handbook of Practical X-Ray Fluorescence Analysis. (2006). doi: 10.1007/978-3-540-36722-2
- 24. Handheld XRF TrueX RoHS Analyzer Supplier | Drawell. (2022). Retrieved 29 September 2022, from https://www.drawellanalytical.com/handheld-xrf-truexrohs-analyzer/
- 25. Johansson, M., Zhu, H., & Johansson, E. (2016). Extended Photo-Conversion Spectrum in Low-Toxic Bismuth Halide Perovskite Solar Cells. The Journal Of Physical Chemistry Letters, 7(17), 3467-3471. doi: 10.1021/acs.jpclett.6b01452
- 26. Krause, M. (1979). Atomic radiative and radiationless yields for K and L shells. Journal Of Physical And Chemical Reference Data, 8(2), 307-327. doi: 10.1063/1.555594
- 27. Lasky, R. (2007). IBM Announces Shipment of Lead-Free C4 Joints. Retrieved 28 September 2022, from https://www.indium.com/blog/ibm-announces-shipment-oflead-free-c4-joints.php
- 28. Newman, B., & Loendorf, L. (2005). Portable X-Ray Fluorescence Analysis of Rock Art Pigments. Plains Anthropologist, 50(195), 277-283. doi: 10.1179/pan.2005.025
- 29. Palmer, P., Jacobs, R., Baker, P., Ferguson, K., & Webber, S. (2009). Use of Field-Portable XRF Analyzers for Rapid Screening of Toxic Elements in FDA-

Regulated Products. Journal Of Agricultural And Food Chemistry, 57(7), 2605-2613. doi: 10.1021/jf803285h

- 30. RoHS 2 vs RoHS 3 (EU 2015/863). (2022). Retrieved 28 September 2022, from https://www.rohsguide.com/rohs3.htm
- 31. RoHS Compliance Steps to Certification. (2022). Retrieved 28 September 2022, from https://www.rohsguide.com/rohs-certification.htm
- 32. RoHS Testing Using XRF Analyzers. (2022). Retrieved 28 September 2022, from https://rohsguide.com/rohs-testing.htm
- 33. RoHS X-Ray Fluorescence Analysis (XRF) Screening. (2022). Retrieved 29 September 2022, from https://www.intertek.com/assuris/restrictedsubstances/regulatory/rohs-xrf-screening/
- 34. S1 TITAN and TRACER 5i User Manual. (2022). Retrieved 29 September 2022, from

 $https://www.geotechenv.com/Manuals/Bruker\_Manuals/s1\_titan\_tracer\_5i\_user\_m~anual.pdf$ 

- 35. Schneider, C., Rasband, W., & Eliceiri, K. (2012). NIH Image to ImageJ: 25 years of image analysis. *Nature Methods*, 9(7), 671-675. doi: 10.1038/nmeth.2089
- 36. Schoonjans, T., Brunetti, A., Golosio, B., Sanchez del Rio, M., Solé, V., Ferrero, C., & Vincze, L. (2011). The xraylib library for X-ray–matter interactions. Recent developments. Spectrochimica Acta Part B: Atomic Spectroscopy, 66(11-12), 776-784. doi: 10.1016/j.sab.2011.09.011
- 37. Schoonjans, T., Solé, V., Vincze, L., Sanchez del Rio, M., Appel, K., & Ferrero, C. (2013). A general Monte Carlo simulation of energy-dispersive X-ray fluorescence spectrometers Part 6. Quantification through iterative simulations. Spectrochimica Acta Part B: Atomic Spectroscopy, 82, 36-41. doi: 10.1016/j.sab.2012.12.011
- 38. Skuras, E., Anagnostopoulos, D., Kyriakou, A., Papagiannis, S., Makris, T., Tselios, K., & Stanley, C. (2019). Lead free ohmic connections on large surface area Si solar cells. 15Th International Conference On Concentrator Photovoltaic Systems (CPV-15). doi: 10.1063/1.5123821
- 39. Solé, V., Papillon, E., Cotte, M., Walter, P., & Susini, J. (2007). A multiplatform code for the analysis of energy-dispersive X-ray fluorescence spectra. Spectrochimica Acta Part B: Atomic Spectroscopy, 62(1), 63-68. doi: 10.1016/j.sab.2006.12.002
- 40. SPI Standards for Microanalysis, 44 Metals, Mounted on 3 mounts, each 4x12.5 mm diam. | 02752-AB | SPI Supplies. (2022). Retrieved 29 September 2022, from https://www.2spi.com/item/02752-ab/
- 41. Statista Research Department. (2021). Estimated growth rates for the global electronics industry from 2020 to 2022, by region [Image]. Retrieved from https://www.statista.com/statistics/268396/estimated-growth-rates-for-the-electronics-industry-by-region/
- 42. Tepanosyan, G., Harutyunyan, N., Maghakyan, N., & Sahakyan, L. (2022). Potentially toxic elements contents and the associated potential ecological risk in the bottom sediments of Hrazdan river under the impact of Yerevan city (Armenia). Environmental Science And Pollution Research, 29(24), 36985-37003. doi: 10.1007/s11356-022-18526-2
- 43. The Benefits of Handheld XRF for Medical Device RoHS Compliance. (2022). Retrieved 29 September 2022, from https://www.olympusims.com/en/applications/benefits-handheld-xrf-medical-device-rohs-compliance/

- 44. TRACER 5 pXRF spectrometer. (2022). Retrieved 29 September 2022, from https://www.bruker.com/en/products-and-solutions/elemental-analyzers/handheld-xrf-spectrometers/TRACER-5.html
- 45. Underwood, J. (2011). 4.1 MULTILAYERS AND CRYSTALS. In X-Ray Data Booklet (2nd ed.). Berkeley, California: University of California. Retrieved from https://xdb.lbl.gov/Section4/Sec\_4-1.html
- 46. University of California. (2011). X-ray Data Booklet [Ebook] (2nd ed.). Berkeley, California. Retrieved from https://cxro.lbl.gov/x-ray-data-booklet
- Vaccari, M., Vinti, G., Cesaro, A., Belgiorno, V., Salhofer, S., Dias, M., & Jandric, A. (2019). WEEE Treatment in Developing Countries: Environmental Pollution and Health Consequences—An Overview. International Journal Of Environmental Research And Public Health, 16(9), 1595. doi: 10.3390/ijerph16091595
- 48. Yuan, W., Holland, S., Cecil, K., Dietrich, K., Wessel, S., & Altaye, M. et al. (2006). The Impact of Early Childhood Lead Exposure on Brain Organization: A Functional Magnetic Resonance Imaging Study of Language Function. Pediatrics, 118(3), 971-977. doi: 10.1542/peds.2006-0467

# 9. Παραρτήματα



Βελτιστοποίηση χαρακτηριστικών του φασματοσκοπίου von-Hamos

Σχήμα 67. Κατανομή της La<sub>1</sub> του Bi σαν συνάρτηση των διαστάσεων του στόχου στον άξονα x. Οι λοιπές παράμετροι για τη διεξαγωγή του υπολογισμού παραμένουν αμετάβλητοι και δίνονται στο Σχήμα 57.



Σχήμα 68. Κατανομή της La<sub>1</sub> του Bi σαν συνάρτηση των διαστάσεων του στόχου στον άξονα x. Οι λοιπές παράμετροι για τη διεξαγωγή του υπολογισμού παραμένουν αμετάβλητοι και δίνονται στο Σχήμα 57.



Σχήμα 69. Φασματική κατανομή του συστήματος Pb-Bi (1:1) για γωνίες Bragg 35<sup>0</sup> και 60<sup>0</sup>, αντίστοιχα, Οι γωνίες αντιστοιχούν στην 2<sup>ης</sup> και 3<sup>ης</sup> τάξης περίθλαση από τα επίπεδα (220) του Ge. Η χωρική απόσταση μεταξύ των La μεταβάσεων του Pb και Bi ακολουθεί τη σχέση (21).



Σχήμα 70. Φασματική κατανομή του συστήματος Pb-Bi (1:1) για περίθλαση τρίτης τάξης από τα επίπεδα (220) του Ge για δύο διαφορετικές ακτίνες καμπυλότητας του κυλινδρικού κρυστάλλου. Η χωρική απόσταση μεταξύ των La μεταβάσεων του Pbκaι Bi ακολουθεί τη σχέση (21).



Σχήμα 71. Φασματική κατανομή του συστήματος Pb-Bi (1:1) για περίθλαση τρίτης τάξης από τα επίπεδα (220) του Ge σαν συνάρτηση της μετατόπισης του κρυστάλλου κατά τον άξονα -x, από την ιδανική θέση.



Σχήμα 72. Φασματική κατανομή του συστήματος Pb-Bi (1:1) για περίθλαση τρίτης τάξης από τα επίπεδα (220) του Ge σαν συνάρτηση της μετατόπισης του κρυστάλλου κατά τον άξονα -y, από την ιδανική θέση.



Σχήμα 73. Φασματική κατανομή του συστήματος Pb-Bi (1:1) για περίθλαση τρίτης τάξης από τα επίπεδα (220) του Ge σαν συνάρτηση της μετατόπισης του κρυστάλλου κατά τον άξονα -z, από την ιδανική θέση.

#### Παράμετροι του προγράμματος προσομοίωσης

### Γεωμετρία (Geometry)

### SPECTROMETER

Spectrometer:	Von Hamos 🔹 🔻	
SOURCE	Von Hamos	
Front surfac	Johann	', mm):
x <sub>i</sub> : -45	Johansson	0

Σχήμα 74. Επιλογή φασματοσκοπίου.

Το πρόγραμμα διαθέτει επιλογή μεταξύ τριών διαφορετικών γεωμετριών, σύμφωνα με την οποία θα λειτουργήσει το φασματοσκόπιο.

Στο Σχήμα 75 φαίνεται η γεωμετρία του φασματοσκοπίου von Hamos.



Σχήμα 75. Γεωμετρία του φασματόμετρου von Hamos. Ο άξονας x είναι κατά μήκος του άξονα του άξονα του κυλινδρικού κρυστάλλου. Ο άξονας y είναι κάθετος στον άξονα x, και τέμνει κάθετα τον κρύσταλλο ενώ διέρχεται από το κέντρο συμμετρίας του κρυστάλλου. Ο άξονας z είναι κάθετος στο επίπεδο xOy. Η αρχή του καρτεσιανού συστήματος O έχει συντεταγμένες (0,0,0).

### SOURCE

SOURCE Front surface's position (center, mm):
$x_i: -45$ $y_i: 0$ $z_i: 0$
Orientation (negative, °): 0
Full width (x–axis, mm): 1
Full depth (y–axis, mm): 0.1
Full height (z–axis, mm): 3

Σχήμα 76. Πεδίο εισαγωγής των χαρακτηριστικών παραμέτρων της πηγής.

Στο πεδίο **SOURCE** καθορίζονται οι χαρακτηριστικές παράμετροι της πηγής του συστήματος. Ειδικότερα:

- Front surface's position (center, mm): Καθορίζονται οι συντεταγμένες της θέσης του κέντρου της εμπρόσθιας επιφάνειας της πηγής στο καρτεσιανό σύστημα συντεταγμένων (σε mm).
- Orientation (negative, °): Προσανατολισμός της επιφάνειας της πηγής ως προς τον άξονα x. Μηδενική γωνία αντιστοιχεί σε παραλληλία του στόχου ως προς τον άξονα x.
- Full width (x-axis, mm): Το πλήρες μήκος της πηγής κατά τον άξονα x σε mm.
- Full depth (y-axis, mm): Το πλήρες βάθος της πηγής κατά τον άξονα y σε mm.
- Full height (z-axis, mm): Το πλήρες ύψος της πηγής κατά τον άξονα z σε mm.

# CRYSTAL

CRYSTAL					
Translational shift (mm):					
Δx: 0 Δy: 0 Δz: 0					
Full width (x-axis, mm): 25					
Full height (z–axis, mm): 100					
Circular radius (R <sub>c</sub> , mm): 250					
Full cylinder setup (ZONE):					
Diffraction order (n): 3 💌					
Interplanar spacing (2d, Å): 4					
Rocking curve characteristics					
FWHM (μrad): 100 Valid σ: 5 🔹					
Reflectivity curve shape: Gaussian 💌					
Reflectivity Peak Intensity: 1					

Σχήμα 77. Πεδίο εισαγωγής των χαρακτηριστικών παραμέτρων του κρυστάλλου.

Στο πεδίο **CRYSTAL**καθορίζονται οι χαρακτηριστικές παράμετροι του κρυστάλλου. Ειδικότερα :

- Translational shift (mm): Μετατόπιση του κέντρου συμμετρίας του κρυστάλλου (σε mm) από την «default» θέση. Η default θέση του κέντρου συμμετρίας κρυστάλλου έχει συντεταγμένες (0, R, 0), όπου R η ακτίνα καμπυλότητας του κυλίνδρου.
- Fullwidth (x-axis, mm): Το πλήρες μήκος του κρυστάλλου κατά τον άξονα x σε mm.
- Full height (z-axis, mm): Το πλήρες ύψος του κρυστάλλου κατά τον άξονα z σε mm.
- Circular radius ( $R_c$ , mm): Η ακτίνα καμπυλότητας του κυλίνδρου σε mm.
- Full cylinder setup (ZONE): Πλήρως κυλινδρική γεωμετρία.
- Diffraction order (n): Η τάξη της περίθλασης στον νόμο του Bragg.
- Interplanar spacing (2d, Å): Το διπλάσιο της απόστασης των κρυσταλλικών επιπέδων, από τα οποία λαμβάνει χώρα η περίθλαση (σε Angstrom).

### **ROCKING CURVE CHARACTERISTICS:**

- **FWHM (μrad):** Πλήρες εύρος στο μέσο του ύψους της κατανομής περίθλασης (rocking curve).
- Valid σ: Η ενεργός περιοχή της κατανομής περίθλασης (rocking curve), για την οποία υπολογίζεται η πιθανότητα περίθλασης του φωτονίου. Η ενεργός περιοχή ορίζεται στο εύρος (-σ, σ), όπου σ η σταθερή απόκλιση. Για τιμές εκτός του ορίου (-σ, σ) η πιθανότητα περίθλασης θεωρείται μηδενική.
- **Reflectivity curve shape:** Η κατανομή περίθλασης (rocking curve) μπορεί να είναι είτε Gaussian, είτε Lorentzian.
- **Reflectivity Peak Intensity:** Η μέγιστη ένταση της κατανομής περίθλασης (rocking curve).

### DETECTOR

Στο πεδίο **DETECTOR** καθορίζεται η θέση του ανιχνευτή στον τρισδιάστατο χώρο όπως και τα γεωμετρικά του χαρακτηριστικά.

DETECTO Center po	R sition (mm):	
x <sub>i</sub> : 45	y <sub>i</sub> : 0	z <sub>i</sub> : 0
Full detec	tor width (Δx,	mm): 13
Full detec	tor height (Δz	, mm): 13
Orientatio	n (°): 0	

Σχήμα 78. Πεδίο εισαγωγής των χαρακτηριστικών παραμέτρων του ανιχνευτή.

- Center position (mm): Οι συντεταγμένες της θέσης του κέντρου του ανιχνευτή στους άξονες x, y, z μετρημένες σε mm.
- Full detector width (Δx, mm): Πλήρες εύρος του ανιχνευτή κατά τον άξονα x σε mm.
- Full detector height (Δz, mm): Πλήρες ύψος του ανιχνευτή κατά τον άξονα z σε mm.
- Orientation (°): Προσανατολισμός του ανιχνευτή.

### OTHER

OTHER
Total number of random rays (m*10 <sup>n</sup> ) :
m: 1 💌 n: 6 💌
Do you want to export the results? 📃
Export file name (extension fixed: '.dat'):
Results
Calculate Solid Angle: 🕅

Σχήμα 79. Πεδίο εισαγωγής πληροφοριών για το πλήθος για την προσομοίωση.

- **Do you want to export the results?:** Ενεργοποίηση της εντολής επιτρέπει στο πρόγραμμα δυνατότητα να εξάγουμε τα αποτελέσματα της προσομοίωσης.
- Export file name (extension fixed: '.dat'): Εφόσον έχουμε επιλέξει να εξάγουμε τα αποτελέσματα της προσομοίωσης, σε αυτή τη μπάρα θα γράψουμε το όνομα με το οποίο επιθυμούμε να αποθηκευτεί το αρχείο.
- **Calculate Solid Angle:** Ενεργοποίηση της εντολής επιτρέπει στο πρόγραμμα τον υπολογισμό της στερεάς γωνίας του συστήματός μας.

### SAVE PARAMETERS



Σχήμα 80. Αποθήκευση και εισαγωγή αρχείων που περιέχουν τις γεωμετρικές παραμέτρους που έχουμε εισάγει την καρτέλα Geometry.

- Enter comments for your parameter file: Αφού έχουμε συμπληρώσει όλες τις παραμέτρους που χρειάζεται το πρόγραμμα για να εκτελέσει την προσομοίωση, μπορούμε να αποθηκεύσουμε τις πληροφορίες αυτές σε ένα αρχείο. Στο πεδίο αυτό εισάγουμε σχόλια που σχετίζονται με το αρχείο παραμέτρων που θα αποθηκεύσουμε.
- Save Parameter List: Επιλέγοντας αυτή την εντολή το πρόγραμμα ανοίγει το παράθυρο διαλόγου για να εισάγουμε το όνομα και να διαλέξουμε τη θέση αποθήκευσης του αρχείου αυτού στον υπολογιστή μας. Το αρχείο αυτό περιέχει όλες τις παραμέτρους για τη γεωμετρία του φασματοσκοπίου που είχαμε εισάγει προηγουμένως.
- Import Parameter List: Με αυτή την εντολή το πρόγραμμα ανοίγει το παράθυρο διαλόγου ώστε να επιλέξουμε ένα ήδη αποθηκευμένο αρχείο για εισαγωγή. Τα αρχεία που εισάγουμε είναι αρχεία που περιέχουν πληροφορίες για τη γεωμετρία του συστήματος που επιλέξαμε. Με τον τρόπο αυτό δεν χρειάζεται να εισάγουμε τις πληροφορίες χειροκίνητα.

### Ενέργειες φωτονίων (X-Ray Energies)

Στην ενότητα αυτή ο χρήστης θα κληθεί να εισάγει όλες τις πληροφορίες που σχετίζονται με το πλήθος των κορυφών που θα εκτελέσει η προσομοίωση καθώς και την ενέργεια που αναμένεται κάθε κορυφή.

Ge	ometry	X-R	ay Energies	Buttons		
# Bi M	of disti ragg lin in cutol	nct X nit (m ff ene	–ray peak iin allowed rgy (eV):	s: 3 • 1 E): 9298 10 437	3.81	
M	ax cuto	ff ene	ergy (eV):	10969	]	
_	E(e)	0	FWHM(eV	) I(a.u.)	Commen	t θ <sub>B</sub> (~)
1	10 5 5 1		8.6	1	Pb Lα1	61.802
2	10834		8.9	1	Bi Lα1	59.126
3	10731	8	8.9	0.5	Bi Lα2	60.059
	Find En	ergy l	Limits / List			
	Import	Energ	ıy List			
	Ene	rgy Pl	ot			

Σχήμα 81. Καρτέλα X-Ray Energies.

- # of distinct X-ray peaks: Από αυτή τη λίστα επιλέγεται ο αριθμός των ενεργειακών μεταβάσεων που θα μελετηθούν μέσω της προσομοίωσης.
- Bragg limit (min allowed E): Η μικρότερη επιτρεπτή γωνιά Bragg σύμφωνα με την ενέργεια που έχουμε εισάγει.
- Min cutoff energy (eV): Η χαμηλότερη τιμή του εύρους της ενέργειας όπου μπορεί να αποτυπωθεί στον ανιχνευτή σύμφωνα με τα δεδομένα που έχουμε εισάγει.
- Max cutoff energy (eV): Η υψηλότερη τιμή του εύρους της ενέργειας όπου μπορεί να αποτυπωθεί στον ανιχνευτή σύμφωνα με τα δεδομένα που έχουμε εισάγει.
- Πίνακας: Οι γραμμές του πίνακα είναι ίσες με τον αριθμό κορυφών που έχουμε επιλέξει στο πρώτο πεδίο αυτής της ενότητας.
  - E(eV): εισάγουμε την τιμή της ενέργειας (σε eV) η οποία αντιστοιχεί στην ενέργεια μιας συγκεκριμένης μετάβασης (π.χ. La1) ενός στοιχείου όπου θα μελετηθεί μέσω της προσομοίωσης.
  - FWHM (eV): Είναι το μέγιστο εύρος (σε eV) της κορυφής στο μέσο του ύψους της έντασης της και αντιστοιχεί στο φυσικό εύρος της μετάβασης που θα μελετηθεί.

- I (a.u.): Είναι η σχετική ένταση της ενεργειακής μετάβασης σε σχέση με τη σχετική ένταση των υπολοίπων μεταβάσεων που θα μελετηθούν. Υπολογίζεται σε a.u. (arbitrary units).
- Comment: Πεδίο στο οποίο μπορούμε να εισάγουμε σχόλια για την συγκεκριμένη ενεργειακή μετάβαση, όπως για παράδειγμα ο φασματοσκοπικός συμβολισμός της.
- θ<sub>B</sub>(°): Η γωνία Bragg που αντιστοιχεί στην κάθε ενεργειακή μετάβαση. Η γωνία
   αυτή υπολογίζεται από το πρόγραμμα μέσω των στοιχείων της ενέργειας που
   έχουμε εισάγει.
- Enter comments for your energy file: Όπως και στην ενότητα της γεωμετρίας έτσι και στην ενότητα των ενεργειών το πρόγραμμα μας επιτρέπει να αποθηκεύσουμε σε ένα αρχείο τα δεδομένα που έχουμε εισάγει. Με τον τρόπο αυτό θα μπορούμε να εισάγουμε κατευθείαν τα δεδομένα στο πρόγραμμα μέσω αυτού του αρχείου και όχι χειροκίνητα. Στο πεδίο αυτό μπορούμε να κρατήσουμε κάποια σχόλια που σχετίζονται με ένα συγκεκριμένο αρχείο.
- Find Energy Limits: Με αυτή την εντολή το πρόγραμμα υπολογίζει αυτόματα το μέγιστο και το ελάχιστο ενεργειακό εύρος που θα αποτυπωθεί στον ανιχνευτή (min και max energy cutoff). Είναι σημαντικό κάθε φορά που αλλάζουμε τα δεδομένα της ενότητας των ενεργειών να εκτελούμε αυτή την εντολή πριν ξεκινήσει η προσομοίωση.
- Save Energy List: Αυτή η εντολή μας επιτρέπει να αποθηκεύσουμε τα δεδομένα αυτής της ενότητας ώστε αν χρειαστεί να επαναλάβουμε τη συγκεκριμένη προσομοίωση να μην χρειαστεί να εισάγουμε όλα τα δεδομένα χειροκίνητα. Πατώντας αυτό το πεδίο θα ανοίξει ένα παράθυρο διαλόγου ώστε να επιλέξουμε το όνομα του αρχείου καθώς και τη θέση που θα αποθηκευτεί.
- Import Energy List: Μέσω αυτής της εντολής ανοίγει το παράθυρο διαλόγου για να επιλέξουμε ένα από τα ήδη αποθηκευμένα αρχεία δεδομένων για την καρτέλα X-Ray Energies.

### Εκτέλεση προγράμματος (Buttons)

Στην ενότητα αυτή βρίσκετε ένα σύνολό από εντολές που μας επιτρέπουν να διαχειριζόμαστε την προσομοίωση.

Geometry X-R	ay Energies	Buttons	
RUN			
Clear Resu	ılts		
Abort Exect	ution		
RESTART PRO	GRAM		
EXIT PROG	RAM		
Execution tir	ne (s):		

Σχήμα 82. Καρτέλα πλήκτρων διαχείρισης της προσομοίωσης.

- Run: Δίνει στο πρόγραμμα την εντολή ώστε να ξεκινήσει η διαδικασία της προσομοίωσης. Είναι σημαντικό πριν ξεκινήσουμε την προσομοίωση να βεβαιωθούμε ότι έχουμε πατήσει την εντολή Find Energy Limits της ενότητας B.
- Clear Results: Εντολή με την οποία καθαρίζει το παράθυρο εμφάνισης των αποτελεσμάτων.
- **Abort Execution:** Με αυτή την εντολή μπορούμε να τερματίσουμε την προσομοίωση οποιαδήποτε στιγμή.
- **RESTART PROGRAM:** Αυτή η εντολή μας δίνει τη δυνατότητα επανεκκίνησης του προγράμματος.
- EXIT PROGRAM: Αυτή η εντολή μας δίνει τη δυνατότητα εξόδου από το πρόγραμμα.
- Execution time (s): Σε αυτό το πεδίο εμφανίζεται ο χρόνος εκτέλεσης της προσομοίωσης (σε second), αφού αυτή έχει ολοκληρωθεί.

### Αποτελέσματα προσομοίωσης

Στην ενότητα αυτή το πρόγραμμα εμφανίζει τα αποτελέσματα της προσομοίωσης σε γραφήματα, στατιστικές αναλύσεις και πληροφορίες για την πηγή και τον ανιχνευτή. Στην παρακάτω φωτογραφία παρουσιάζεται ένα τυπικό γράφημα. Για την προσομοίωση αυτή έχουν χρησιμοποιηθεί δεδομένα για τη μετάβαση La1 του Bi.





Σχήμα 83. Καρτέλα 3D Plot. Είναι ένα τρισδιάστατο σχήμα της γεωμετρίας von Hamos.

Στην καρτέλα αυτή εμφανίζεται ένα γράφημα της έντασης της ακτινοβολίας σε σχέση με τη θέση στην οποία οι ακτίνες φτάνουν επάνω στον ανιχνευτή. Από το σχήμα καταλαβαίνουμε πως οι ακτίνες για τη συγκεκριμένη γεωμετρία για τη μετάβαση La1 του Bi χτυπούν ακριβώς στη μέση του ανιχνευτή και καταγράφονται. Κάτω από το γράφημα βλέπουμε κάποιες επιπλέον επιλογές.

- Full detector width (Δx, mm): Το πλήρες εύρος του ανιχνευτή κατά τον άξονα x σε mm.
- Full detector height ( $\Delta z$ , mm): To  $\pi\lambda$ ήρες ύψος του ανιχνευτή κατά τον άξονα z σε mm.
- CCD pixel width (Δx, mm): Το εύρος του κάθε pixel του ανιχνευτή κατά τον άξονα x σε mm.
- Crop to detector dimensions: Να αποτυπωθούν οι διαστάσεις του ανιχνευτή πάνω στο φάσμα
- Log scale in y-axis: Μετατροπή του άξονα y του γραφήματος σε λογαριθμική κλίμακα.
- Save 1D (plot) Data: Η εντολή μας δίνει τη δυνατότητα να εξάγουμε τα δεδομένα του γραφήματος σε ένα νέο αρχείο στον υπολογιστή μας. Πατώντας την εντολή ανοίγει το παράθυρο διαλόγου για να εισάγουμε το όνομα του αρχείου και να διαλέξουμε τη θέση του στον υπολογιστή μας. Το αρχείο αυτό το ανοίγουμε με κατάλληλα προγράμματα για να αποτυπώσουμε το γράφημα.

### 10. Λεζάντες

#### Σχήματα

Σχήμα 1:Συνολικός αριθμός των ηλεκτρικών και ηλεκτρονικών συσκευών που διατιθενται στην αγορα καθώς και το ποσοστό των προιόντων αυτών που τελικά ανακυκλώνονται για τα χρονικά έτη Σχήμα 2: Στο σχήμα παρουσιάζεται το φάσμα των μεταβάσεων La και Lβ των Pb και Bi για ένα δείγμα μήτρας Bi με προσθήκη 900ppm Pb. Αριστερά) η ανίχνευση έχει γίνει με χρήση ανιχνευτή Si(PIN) και δεξιά) με ανιχνευτή SDD. Ο Si(PIN) ανιχνευτής εισάγει μεγαλύτερη διαπλάτυνση στο φάσμα (0,2keV) σε σχέση με τον SDD ανιχνευτή (0,15keV) (chem.libretexts.org, 2020)......16 Σχήμα 3: Το σχήμα παρουσιάζει ένα φασμα φθορισμού ακτίνων-Χ μιας lead free πάστας συγκόλησης με σύσταση Bi(57.6%)/Sn(42%)/Ag(0.4%) που χρησιμοποιείται σε φωτοβολταικά πάνελ (Skuras et Σχήμα 4. Αρχή λειτουργίας της φασματοσκοπίας εκπομπής ακτίνων-Χ. Ο στόχος βομβαρδίζεται με ακτινοβολία ακτίνων-Χ ή ακτίνων-γ. Τα άτομα του δείγματος ιονίζονται σε εσωτερικά τροχιακά και στη συνέχεια αποδιεγείρονται εκπέμποντας ακτινοβολία ακτίνων-Χ, χαρακτηριστική για κάθε άτομο του περιοδικού πίνακα. Μέτρηση της ενέργειας και της έντασης των φωτονίων, επιτρέπει την Σχήμα 5. Αριστερά) Φωτοϊονισμός του ατόμου, με επακόλουθο τη δημιουργία οπής σε εσωτερικό τροχιακό. Δεξιά) Φωτονική αποδιέγερση. Το ατομικό τροχιακό από το οποίο θα προέρθει το ηλεκτρόνιο που θα καταλάβει την μπορεί προσδιορισθεί με μόνο με πιθανότητες, και όχι με Σχήμα 6. Αριστερά) Φωτοηλεκτρικό φαινόμενο. Προσπίπτον φωτόνιο αλληλεπιδρά με ηλεκτρόνιο εσωτερικού τροχιακού. Εάν η ενέργεια του φωτονίου είναι μεγαλύτερη από την ενέργεια ιονισμού του ηλεκτρονίου, το φωτόνιο μπορεί να απορροφηθεί από το ηλεκτρόνιο. Σε αυτή τη περίπτωση το ηλεκτρόνιο διαφεύγει από το άτομο αφήνοντας οπή στο τροχιακό. Δεξιά) Σχετική πιθανότητα φωτοηλεκτρικής απορρόφησης φωτονίου από ηλεκτρόνια της Κ στοιβάδας του Fe και του Cu. Φωτόνιο ενέργειας μικρότερης της ενέργειας ιονισμού δεν μπορεί να προκαλέσει φωτοϊονισμό......21 Σχήμα 7. Ενέργειες ιονισμού ατομικών ηλεκτρονίων εσωτερικών τροχιακών σαν συνάρτηση του Σχήμα 8. α) Φωτοϊονισμός του ατόμου και δημιουργία οπής στην Κ στοιβάδα. Απαραίτητη προϋπόθεση για τον ιονισμό είναι η ενέργεια του προσπίπτοντος φωτονίου να είναι μεγαλύτερη από την ενέργεια ιονισμού του ηλεκτρονίου της Κ στοιβάδας. β) Φωτονική αποδιέγερση. Στο παράδειγμα του σχήματος ηλεκτρόνιο από την L<sub>III</sub> υποστοιβάδα καταλαμβάνει την οπή της Κ στοιβάδας, με εκπομπή φωτονίου ακτίνων-X (X-ray). γ) Μη φωτονική αποδιέγερση. Στο παράδειγμα του σχήματος ηλεκτρόνιο της L1 υποστοιβάδας καταλαμβάνει την οπή της Κ στοιβάδας και η διαφορά ενέργειας προσφέρεται σε ηλεκτρόνιο της L<sub>III</sub> υποστοιβάδας, το οποίο εγκαταλείπει το άτομο (ηλεκτρόνιο Auger). δ) Συντελεστής φθορισμού (X-ray yield) και συντελεστής ηλεκτρονίων Auger (Auger electron yield) της Κ στοιβάδας σαν συνάρτηση του ατομικού αριθμού. Το άθροισμα των συντελεστών είναι ίσο με τη μονάδα. Ο συντελεστής φθορισμού αυξάνει όσο αυξάνει ο ατομικός Σχήμα 9. Οι ισχυρότερες φωτονικές μεταβάσεις ακτίνων-Χ και η αντίστοιχη ονοματολογία τους. Οι Κ μεταβάσεις δηλώνουν αρχική οπή στην Κ στοιβάδα, οι L μεταβάσεις δηλώνουν αρχική οπή στην L στοιβάδα κ.ο.κ. Οι δυνατές μεταβάσεις καθορίζονται από κανόνες επιλογής, ενώ η σχετική τους ένταση προσδιορίζεται από το μερικό συντελεστή φθορισμού......23 Σχήμα 10. Χαρακτηριστικές ενέργειες φωτονίων σαν συνάρτηση του ατομικού αριθμού, για διάφορες φωτονικές μεταβάσεις. Μετρώντας τις χαρακτηριστικές ενέργειες των εκπεμπόμενων φωτονίων
Σγήμα 11. Φασματοσκόπιο ενεργειακού διασκεδασμού ακτίνων-X (EDS, energy dispersive X-ray spectrometer). Η πηγή ακτινοβολίας εκπέμπει ενεργητικά φωτόνια ακτίνων-Χ ή ακτίνων-γ. Η ακτινοβολία ιονίζει τα εσωτερικά τρογιακά ατόμων του δείγματος. Τα ιονισμένα άτομα αποδιεγείρονται εκπέμποντας φωτόνια ακτίνων-Χ, χαρακτηριστικής ενέργειας. Ο ανιχνευτής στερεάς κατάστασης καταγράφει την άφιξη του φωτονίου και προσδιορίζει την ενέργειά του. Με τη βοήθεια των ηλεκτρονικών διατάξεων το γεγονός αποθηκεύεται σε μνήμη. Ανάγνωση της μνήμης μας επιτρέπει την απεικόνιση του πλήθους φωτονίων ανά μονάδα ενέργειας ως προς την ενέργεια των Σχήμα 12. Λυχνία ακτίνων-Χ. Τα παραγόμενα ηλεκτρόνια στο θερμαινόμενο νήμα (λόγω της θερμιονικής εκπομπής) επιταγύνονται από το εφαρμοζόμενο δυναμικό μεταξύ ανόδου και καθόδου. Τα ηλεκτρόνια προσπίπτοντα στην άνοδο, μεταξύ των άλλων μηγανισμών αλληλεπίδρασης. παράγουν φωτόνια ακτίνων-Χ. Η λυχνία ακτίνων-Χ εκπέμπει πολυγρωματική δέσμη φωτονίων. Η μέγιστη ενέργεια των φωτονίων είναι ίση με την εφαρμοζόμενη διαφορά δυναμικού επί το φορτίο του ηλεκτρονίου, ήτοι για διαφορά δυναμικού 40kV η μέγιστη παραγόμενη ενέργεια φωτονίου είναι Σχήμα 13. Φάσμα των Κα1 και Κα2 μεταβάσεων του χαλκού σαν συνάρτηση της διαπλάτυνσης (f.w.h.m) που εισάγει ο ανιγνευτής. Οι Κα<sub>1,2</sub> μεταβάσεις είναι πλήρως ευδιάκριτες, όταν η διαπλάτυνση είναι 2eV. Όσο αυξάνει η διαπλάτυνση, που εισάγει το σύστημα ανίγνευσης, τόσο η διάκριση των δύο γραμμών γίνεται πιο δύσκολη. Στα 20eV η Ka2 μετάβαση διακρίνεται ως μία ασυμμετρία της φασματικής γραμμής, ενώ στα 50eV οι Ka<sub>1,2</sub> δεν διακρίνονται ως χωριστές γραμμές. Σε αυτή τη περίπτωση αναφερόμαστε στην Κα φασματική γραμμή, η οποία περιλαμβάνει και την Κα1 Σχήμα 14. Φάσμα φθορισμού ακτίνων Χ από στόχο υάλου που μετρήθηκε με το φασματόμετρο διασποράς μήκους κύματος χρησιμοποιώντας έναν αναλυτή κρυστάλλου LiF(200) και το φορητό φασματόμετρο διασποράς ενέργειας TRACERIV-SD (Bruker) εξοπλισμένο με ανιχνευτή μετατόπισης πυριτίου. Το φασματόμετρο WD διαχωρίζει τις στενές μεταβάσεις K του Ti από τις L Σχήμα 15. Γωνία Bragg, στην γωνιακή περιοχή 10°-90°, σαν συνάρτηση σαν συνάρτηση της πλεγματικής απόστασης και της τάξης περίθλασης, για φωτόνια συγκεκριμένης ενέργειας............31 Σχήμα 16. Γωνία Bragg σαν συνάρτηση της ενέργειας του φωτονίου της για κρύσταλλο Ge(220). Τα δεδομένα του σχήματος έχουν εξαχθεί από λογισμικό προσομοίωσης κρυσταλλικού φασματοσκόπιου Σχήμα 17. Γωνία Bragg σαν συνάρτηση σαν συνάρτηση της ενέργειας του φωτονίου της για κρύσταλλο Ge(220). Τα δεδομένα του σχήματος έχουν εξαχθεί από λογισμικό προσομοίωσης Σχήμα 18. Σχηματική απεικόνιση του φασματοσκόπιου φθορισμού M1-Mistral, Bruker ενεργειακού Σγήμα 19. Φάσμα εκπομπής φωτονίων ακτίνων-Χ της λυγνίας W του M1 Mistral σαν συνάρτηση της υψηλής τάσης. Η λυχνία εκπέμπει πολυχρωματική δέσμη φωτονίων, η κατανομή της οποίας είναι Σχήμα 20. Οι τέσσερις διαφορετικές σχισμές που διαθέτει το φασματοσκόπιο M1-Mistral, για τον Σχήμα 21. Αριστερά) Σχηματική αναπαράσταση της γεωμετρίας του φασματοσκόπιου M1 Mistral. Δεξιά) Φωτογραφία του εσωτερικού τμήματος του M1 Mistral. Η τράπεζα-δειγματοφορέας έχει τη Σχήμα 22. Ενεργειακή διακριτική ικανότητα σαν συνάρτηση της ενέργειας του φωτονίου. Το πλήρες εύρος στο ήμισυ του ύψους (fwhm) της Κα του Μη είναι 138eV......38 Σγήμα 23. Σχετική ένταση των Κα και La μεταβάσεων σαν συνάρτηση του ατομικού για τη διάταξη του M1-Mistral. Προσδιορισμός της σχετικής έντασης φωτονίων των Κα μεταβάσεων για τη

γεωμετρία του M1-Mistral. Οι τιμές των εντάσεων των χαρακτηριστικών μεταβάσεων είναι σχετικές
ως προς την εντάση της Ka του Cu
Σχήμα 25: Στο φάσμα της εικόνας παρουσιάζεται μια μέτρηση του δείγματος πολυμερικής μήτρας με το φασματοσκόπιο Tracer 5i. Η τάση ανόδου και στις δυο μετρήσεις είναι 50kV. Η μέτρηση με τον περισσότερο θόρυβο (πορτοκαλί) έχει πραγματοποιηθεί χωρίς τη χρήση φίλτρου ενώ η μέτρηση με το λιγότερο θόρυβο (μπλε) έχει πραγματοποιηθεί με το φίλτρο: Cu100μmTi25μmAl300μm41 Σχήμα 26. Αριστερά) Το φασματοσκόπιο Tracer 5i πάνω σε σταθερή βάση που ώστε να
χρησιμοποιηθεί ως σταθερό φασματοσκόπιο εργαστηρίου. Δεξιά) Το Tracer 5i κατά τη διάρκεια μετρήσεων στο πεδίο ("TRACER 5 pXRF spectrometer", 2022)
Σχήμα 27. Μεταβάσεις φθορισμού ακτίνων-Χ του Pb, όπως έχουν υπολογισθεί με τη χρήση του λογισμικού προσομοίωσης XMI-MSIM (Schoonjans et al., 2013). Στην προσομοίωση χρησιμοποιήθηκαν μονάχα θεωρητικές τιμές χωρίς να συνυπολογίζεται η διαπλάτυνση που επιφέρει η διάταξη στη διαπλάτυνση των φασματικών γραμμών43
Σχήμα 28. Φάσματα φθορισμού καθαρούPb, όπως έχει μετρηθεί με το Tracer 5i45
Σχήμα 29: Μέτρηση του δείγματος ΜΑΤ με τη χρήση του φασματοσκόπιου Tracer 5i. Η μέτρηση πραγματοποιήθηκε με τάση ανόδου V=50kV, ρεύμα i=20μA, χωρίς τη χρήση φίλτρου. Στο επάνω γράφημα η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της ακτινοβολίας είναι σε λογαριθμική κλίμακα ενώ στο κάτω η ένταση της μεροκαι μα και μεροκα και μεροκαι με
$\Sigma_{1}$ Στόμα 30: Σύγκοιση μετοήσεων του δείνματος ΜΑΤ γωρίς τη γρήση φίλτρου (κόκκινο γρώμα) και με
χρήση του φίλτρου Cu100Ti25Al300 (πράσινο χρώμα). Η μέτρηση πραγματοποιήθηκε με το φασματοσκόπιο Tracer 5i με τάση ανόδου V=50kV και ρεύμα i=20μA
Σχήμα 31. Όρια ανίχνευσης Pb σε πολυμερική μήτρα με το φασματοσκόπιο χειρός Tracer 5i, σαν συνάρτηση της υψηλής τάσης και του φίλτρου διαμόρφωσης της ιονίζουσας ακτινοβολίας50
Σχήμα 32. Φάσματα φθορισμού ακτίνων-Χ από το στόχο ΜΑΤ σαν συνάρτηση του χρόνου μέτρησης. Οι μετρήσεις διεξήχθησαν με το M1 Mistralτάση ανόδου V=50kV και i=800μA51
Σχήμα 33: Όρια ανίχνευσης Pb σε πολυμερική μήτρα από μετρήσεις που έχουν πραγματοποιηθεί με χρήση του M1 Mistral, σαν συνάρτηση του χρόνου έκθεσης του δείγματος στην ιονίζουσα ακτινοβολία
Σχήμα 34. Εξάρτηση του ελάχιστου ορίου ανίχνευσης από το χρόνο μέτρησης, για το δείγμα ΜΑΤ μετρημένο με το φασματοσκόπιο M1 Mistral53
Σχήμα 35. Φάσμα του δείγματος SQ2NN για 300 sec με το φασματοσκόπιο M1 Mistral. Με μαύρο χρώμα απεικονίζονται τα πειραματικά δεδομένα, με κόκκινο χρώμα απεικονίζεται το fitting και με μπλε χρώμα η γραμμή της ακτινοβολίας υποβάθρου. Τα στοιχεία που ανιχνεύονται είναι Ca, Co, Sb, La, Nd, Pb, Ar, Zr, Fe. Oi L χαρακτηριστικές μεταβάσεις του μόλυβδου διακρίνονται με κίτρινο χρώμα. Η ανάλυση έγινε μέσω του λογισμικού PyMCA (Solé et al., 2007)55
Σχήμα 36. Όριο ανίχνευσης του μόλυβδου σε υαλώδη μήτρα του δείγματος SQ2NN, για διαφορετικό χρόνο έκθεσης του δείγματος στην ιονίζουσα ακτινοβολία. Η μετρήσεις πραγματοποιήθηκαν με το M1 Mistral με τάση ανόδου 50kV56
Σχήμα 37. Το όριο ανίχνευσης (LOD) του Pb στο υαλώδες περιβάλλον του SQ2NN σαν συνάρτηση του χρόνου μέτρησης είναι της μορφής $LOD \propto 1t$ 57
Σχήμα 38. Αριστερά) Το δείγμα SPI_C. Στη φωτογραφία φαίνεται η θέση που καταλαμβάνει ο κάθε στόχος καθώς και το σύμβολο του στοιχείου που βρίσκεται πάνω σε κάθε στόχο. Δεξιά) Η διάμετρος του δείγματος είναι 12.5mm. Το εμβαδό του στόχου Pb καταλαμβάνει το 0.55% της επιφάνειας. Ο υπολογισμός των διαστάσεων έγινε με το ελεύθερο λογισμικό ImageJ (Schneider, Rasband & Eliceiri, 2012)

Σχήμα 39. Απαρίθμηση του συνόλου των στοιχείων που περιλαμβάνονται στο δείγμα ετερογενούς μεταλλικής μήτρας, SPI C ("SPI Standards for Microanalysis, 44 Metals, Mounted on 3 mounts, Σχήμα 40. Φάσμα του SPI C το οποίο αποτελεί άθροισμα των 729 φασμάτων που προέκυψαν κατά Σχήμα 41: Στοιχειακοί χάρτες των μεταλλικών στοιχείων που ανιχνεύτηκαν στο δείγμα SPI C. .....61 Σχήμα 42. Επάνω) Φάσμα Bi και Pb μετά από επιλογή δύο pixels από τους στοιχειακούς χάρτες των δύο αυτών στοιχείων. Κάτω) Φάσμα Bi και Pb μετά από επιλογή εννέα pixels από τους στοιχειακούς γάρτες των δυο στοιγείων......62 Σχήμα 44. Αθροιστικό φάσμα 341 μετρήσεων......64 Σγήμα 45. Χωρική κατανομή χαλκού, ψευδαργύρου, βισμουθίου και κασσιτέρου. Ο χαλκός, βισμούθιο και κασσίτερος βρίσκονται επί του δείγματος, ενώ ο ψευδάργυρος είναι επί του δειγματοφορέα......64 Σχήμα 46. Επάνω) Φάσμα XRF για δείγμα Pb με χρόνο μέτρησης 100sec (πράσινο χρώμα), για δείγμα  $Bi_2O_3$  με γρόνο μέτρησης 300sec (κόκκινο γρώμα) καθώς και το αθροιστικό τους φάσμα (μπλε χρώμα). Οι φασματικές κορυφές που αντιστοιχούν στη μετάβαση La1 του μόλυβδου και του βισμούθιου είναι καλά διακριτές μεταξύ τους. Μέσον) Φάσμα XRF για δείγμα Pb με γρόνο μέτρησης 10sec (πράσινο χρώμα), για δείγμα Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub> με χρόνο μέτρησης 300sec (κόκκινο χρώμα) καθώς και το αθροιστικό τους φάσμα (μπλε χρώμα). Η κορυφή που αντιστοιχεί στη μετάβαση La1 του μόλυβδου ίσα που διακρίνεται δίπλα στην La1 του βισμούθιου. Κάτω) Φάσμα XRF για δείγμα Pb με χρόνο μέτρησης 1sec (πράσινο χρώμα), για δείγμα Bi<sub>2</sub>O<sub>3</sub> με χρόνο μέτρησης 300sec (κόκκινο χρώμα) καθώς και το αθροιστικό τους φάσμα (μπλε χρώμα). Η La1του Pb δεν διακρίνεται, λόγω της ισχυρής έντασης της La1του Bi......67 Σχήμα 47: Φάσμα καθαρού Bi. Η ένταση στην περιοχή των L μεταβάσεων δεν είναι χαμηλότερη από το 0.1% (1000ppm) της La του Bi......68 Σχήμα 49: Αριστερά) Φασματοσκόπιο Von Hamos στις τρεις διαστάσεις. Δεξιά) Η γεωμετρία von Hamos στο επίπεδο διασποράς (Alonso-Mori et al., 2012)......70 Σχήμα 50. Αποστάσεις στο επίπεδο διασποράς ενός κρυσταλλικού φασματοσκόπιου σε γεωμετρία von Hamos......71 Σχήμα 51. Αποστάσεις στο επίπεδο διασποράς όπου με S συμβολίζεται η πηγή, με D ο ανιχνευτής και Σχήμα 52. Απόσταση στόχου από την αρχή των αξόνων, κατά μήκος του άξονα του κυλίνδρου σαν συνάρτηση της γωνίας Bragg και της ακτίνας καμπυλότητας του κυλίνδρου......72 Σχήμα 55: Σχετική ενεργειακή περιοχή που καλύπτει ο κρύσταλλος σαν συνάρτηση της γωνίας Bragg......75 Σχήμα 56. Φάσμα L χαρακτηριστικών μεταβάσεων του Bi και του Pb, όπως προσδιορίστηκαν με τη χρήση του XMI-MSIM (Schoonjans et al., 2013). για κράματα Pb-Bi συγκεντρώσεων επάνω) 1:1 και Σχήμα 57. a) Παράμετροι του φασματοσκοπίου που σχετίζονται με τα γεωμετρικά χαρακτηριστικά της πηγής, του κρυστάλλου και του ανιχνευτή. Οι τιμές αυτές χρησιμοποιήθηκαν στις προσομοιώσεις του συστήματος Pb:Bi. b) Παράμετροι φασματικής κατανομής των La1 του Bi και του Pb και της La2 Σχήμα 58. Αριστερά) Οι ανιχνευτές ευαισθησίας θέσης Mythen2 R 1K και 1D που κατασκευάζονται από την εταιρεία Dectris. Δεξιά) Τα χαρακτηριστικά των δύο αυτών ανιχνευτών όπως δίνονται από 

Σχήμα 59. Source Scatter Plot για ενέργειες 10551eV (Pb La1, μπλε χρώμα), 10839eV (Bi La1, πράσινο χρώμα) και 10731eV (Bi La2, κίτρινο χρώμα), για 106 γεγονότα. Ο άξονας x καθώς και ο άξονας z αποτυπώνουν τις διαστάσεις της πηγής στο επίπεδο xz. ......81 Σχήμα 60: Crystal Scatter Plot. Η περιοχή που παρουσιάζεται στο γράφημα συμπίπτει με τις διαστάσεις του κρυστάλλου στο επίπεδο xz. Λόγω της διαφορετικής τους ενέργειας οι μεταβάσεις του Pb και του Bi περιθλώνται σε διαφορετική περιοχή της επιφάνειας του κρυστάλλου......82 Σχήμα 61: Detector scatter plot. Σε αυτή την καρτέλα παρουσιάζεται η χωρική κατανομή της Σγήμα 62: Θερμογράφημα που παρουσιάζει την κατανομή της ακτινοβολίας των μεταβάσεων Pb La1, Bi La2, Bi La1στον δισδιάστατο ανιχνευτή. Η ενεργός περιοχή του ανιχνευτή είναι 80mm στον Σχήμα 63: Φάσμα έντασης ακτινοβολίας σαν συνάρτηση της θέσης πάνω στον ανιχνευτή. Στο φάσμα αυτό ανιχνεύονται οι μεταβάσεις Pb La1, Bi La2 και Bi La1, οι συνθήκες της προσομοίωσης παρουσιάζονται στο Σχήμα 57......85 Σχήμα 64: Φάσμα της κατανομής της έντασης της ακτινοβολίας στον ανιχνευτή κατά τον άξονα x. Ο x άζονας του φάσματος συμπίπτει ακριβώς με το μέγεθος του ανιχνευτή κατά τη x διεύθυνση. Το μπλε φάσμα αντιπροσωπεύει ένα δείγμα Pb:Bi 1:1 ενώ το κόκκινο φάσμα αντιπροσωπεύει ένα δείγμα Σχήμα 65. Αναμενόμενο φασμα των ενεργειακων μεταβάσεων Pb La1, Bi La2, Bi La1 για το σύστημα Pb:Bi για διαφορετικές συγκεντρωσεις των δυο στροιχειων. Η συγκεντρωση του μόλυβδου Σχήμα 66. Αναμενόμενο φάσμα φθορισμού ακτίνων-Χ από στόχου Bi-Pb. Η αναλογία των εκπεμπόμενων από την πηγή φωτονίων Pb και Bi είναι ίση με Pb/Bi=10-3, το οποίο προσομοιάζει στόχο με 1000 ppm Pb σε Bi. Η γεωμετρία του ανιχνευτή επιλέχθηκε ώστε να προσομοιάζει τον ανιχνευτή MYTHEN2 R 1K της Dectris (Σχήμα 58). Η προσομοίωση έχει γίνει για107 και Σχήμα 67. Κατανομή της La<sub>1</sub> του Bi σαν συνάρτηση των διαστάσεων του στόχου στον άξονα x. Οι λοιπές παράμετροι για τη διεξαγωγή του υπολογισμού παραμένουν αμετάβλητοι και δίνονται στο Σχήμα 57......95 Σχήμα 68. Κατανομή της La1 του Bi σαν συνάρτηση των διαστάσεων του στόχου στον άξονα x. Οι λοιπές παράμετροι για τη διεξαγωγή του υπολογισμού παραμένουν αμετάβλητοι και δίνονται στο Σχήμα 57......95 Σχήμα 69. Φασματική κατανομή του συστήματος Pb-Bi (1:1) για γωνίες Bragg 35<sup>0</sup> και 60<sup>0</sup>, αντίστοιχα, Οι γωνίες αντιστοιχούν στην  $2^{\eta_5}$  και  $3^{\eta_5}$  τάξης περίθλαση από τα επίπεδα (220) του Ge. Η Σγήμα 70. Φασματική κατανομή του συστήματος Pb-Bi (1:1) για περίθλαση τρίτης τάξης από τα επίπεδα (220) του Ge για δύο διαφορετικές ακτίνες καμπυλότητας του κυλινδρικού κρυστάλλου. Η χωρική απόσταση μεταξύ των La μεταβάσεων του Pbκαι Bi ακολουθεί τη σχέση (21)......96 Σχήμα 71. Φασματική κατανομή του συστήματος Pb-Bi (1:1) για περίθλαση τρίτης τάξης από τα επίπεδα (220) του Ge σαν συνάρτηση της μετατόπισης του κρυστάλλου κατά τον άξονα -x, από την ιδανική θέση......97 Σχήμα 72. Φασματική κατανομή του συστήματος Pb-Bi (1:1) για περίθλαση τρίτης τάξης από τα επίπεδα (220) του Ge σαν συνάρτηση της μετατόπισης του κρυστάλλου κατά τον άξονα -y, από την ιδανική θέση......97 Σχήμα 73. Φασματική κατανομή του συστήματος Pb-Bi (1:1) για περίθλαση τρίτης τάξης από τα επίπεδα (220) του Ge σαν συνάρτηση της μετατόπισης του κρυστάλλου κατά τον άξονα -z, από την 

Σχήμα 75. Γεωμετρία του φασματόμετρου von Hamos. Ο άξονας x είναι κατά μήκος του άξονα	ι του
άξονα του κυλινδρικού κρυστάλλου. Ο άξονας y είναι κάθετος στον άξονα x, και τέμνει κάθετα	ι τον
κρύσταλλο ενώ διέρχεται από το κέντρο συμμετρίας του κρυστάλλου. Ο άξονας z είναι κάθετος	; στο
επίπεδο xOy. Η αρχή του καρτεσιανού συστήματος Ο έχει συντεταγμένες (0,0,0)	99
Σχήμα 76. Πεδίο εισαγωγής των χαρακτηριστικών παραμέτρων της πηγής	. 100
Σχήμα 77. Πεδίο εισαγωγής των χαρακτηριστικών παραμέτρων του κρυστάλλου	. 101
Σχήμα 78. Πεδίο εισαγωγής των χαρακτηριστικών παραμέτρων του ανιχνευτή	. 102
Σχήμα 79. Πεδίο εισαγωγής πληροφοριών για το πλήθος για την προσομοίωση	. 102
Σχήμα 80. Αποθήκευση και εισαγωγή αρχείων που περιέχουν τις γεωμετρικές παραμέτρους	που
έχουμε εισάγει την καρτέλα Geometry	. 103
Σχήμα 81. Καρτέλα X-Ray Energies	. 104
Σχήμα 82. Καρτέλα Buttons	.106
Σχήμα 83. Καρτέλα 3D Plot. Είναι ένα τρισδιάστατο σχήμα της γεωμετρίας von Hamos	. 107

Σφάλμα! Δεν έχει οριστεί σελιδοδείκτης.